

Foundation Batch



MATHS

Geometry

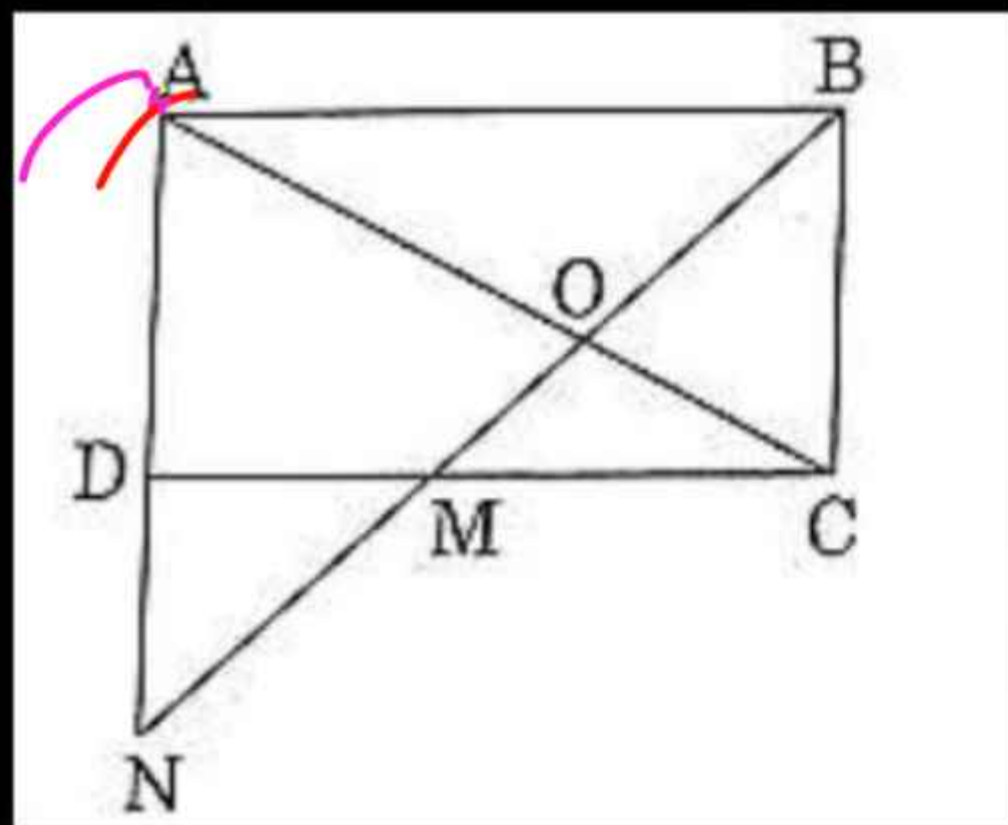
(Parallelogram and Rhombus)

Part -2

LIVE

14-10-2024 07:00PM





16. If the figure given below, M is the mid point of the side CD of the parallelogram $ABCD$. What is : OB ?

यदि नीचे दी गई आकृति में, M समांतर चतुर्भुज $ABCD$ की भुजा CD का मध्य बिंदु है। $ON:OB$ क्या है?

(a) 3:2

(b) 2:1

(c) 3:1

(d) 5:2

$$\triangle DNM \cong \triangle CMB$$

$$DM = MC = \text{given}$$

$$\boxed{DN = BC}$$

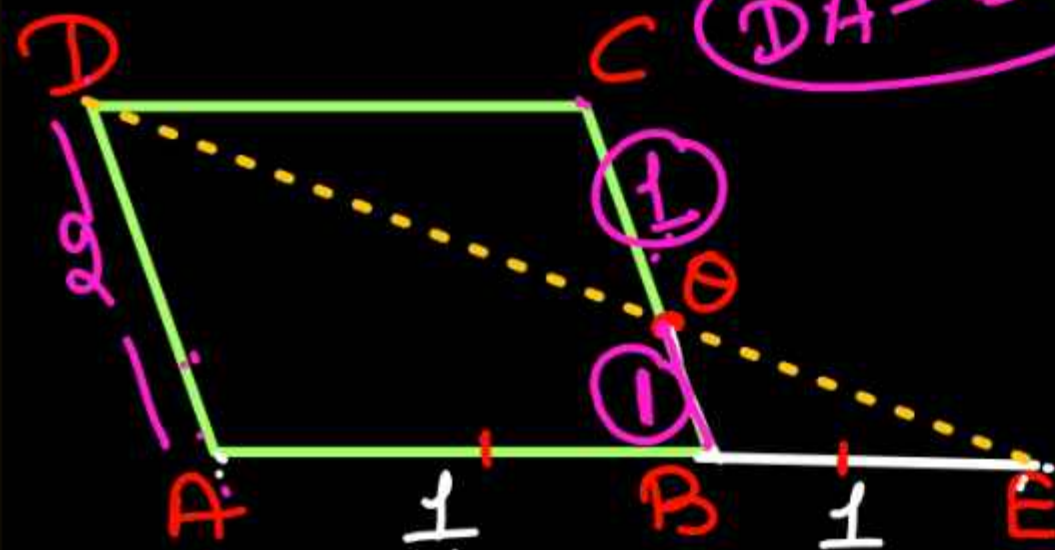
in $\parallel gm$ $AD = BC$
 $AD = ND \Rightarrow \boxed{AN = 2ND}$
 $AN = 2BC$

$$\triangle AON \sim \triangle COB$$

$$\frac{BC}{AN} = \frac{BO}{ON}$$

$$\Rightarrow \frac{BO}{ON} = \frac{BC}{2BC} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{ON}{OB} = \frac{2}{1}$$



$$AB = BE$$

$$QB \parallel DA$$

$$\triangle EBQ \sim \triangle EAD$$

$$\frac{EB}{EA} = \frac{QB}{DA}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{QB}{DA}$$

17. The side AB of a parallelogram $ABCD$ is produced to E in such a way that $BE = AB$ and DE intersects BC at Q . The point Q divides BC in what ratio.

एक समान्तर चतुर्भुज $ABCD$ की भुजा 'AB' को बिंदु E तक इस तरह बढ़ाया गया है कि $BE = AB$ और DE, BC को बिन्दु Q पर प्रतिच्छेद करती है। बिन्दु Q रेखा BC को किस अनुपात में विभाजित करता है।

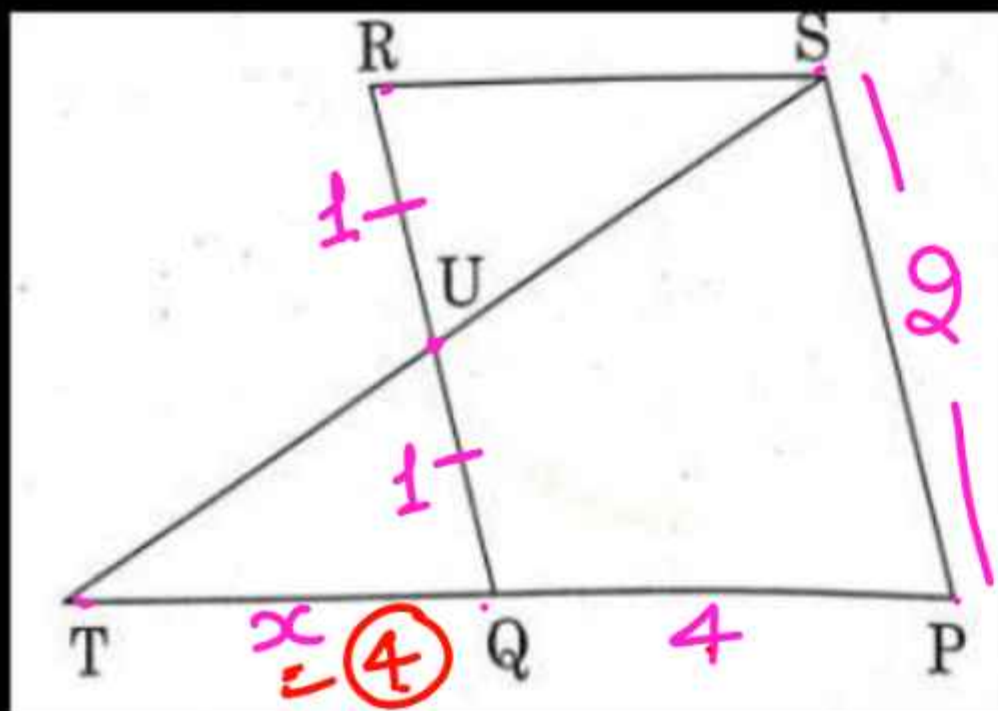
(a) 1:2

(b) 1:1

(c) 2:3

(d) 2:1

$$CQ : QB \\ 1 : 1$$



18. In the given figure, PQRS is a parallelogram and U is the mid-point of QR. If $PQ = 4$ cm, then what is the value of PT (in cm)?

दी गई आकृति में, PQRS एक समानांतर चतुर्भुज है तथा U, QR का मध्य बिंदु है। यदि $PQ = 4$ सेमी है तो PT का मान (सेमी में)

क्या है?

(a) 6

(b) 6.5

(c) 7.5

(d) 8

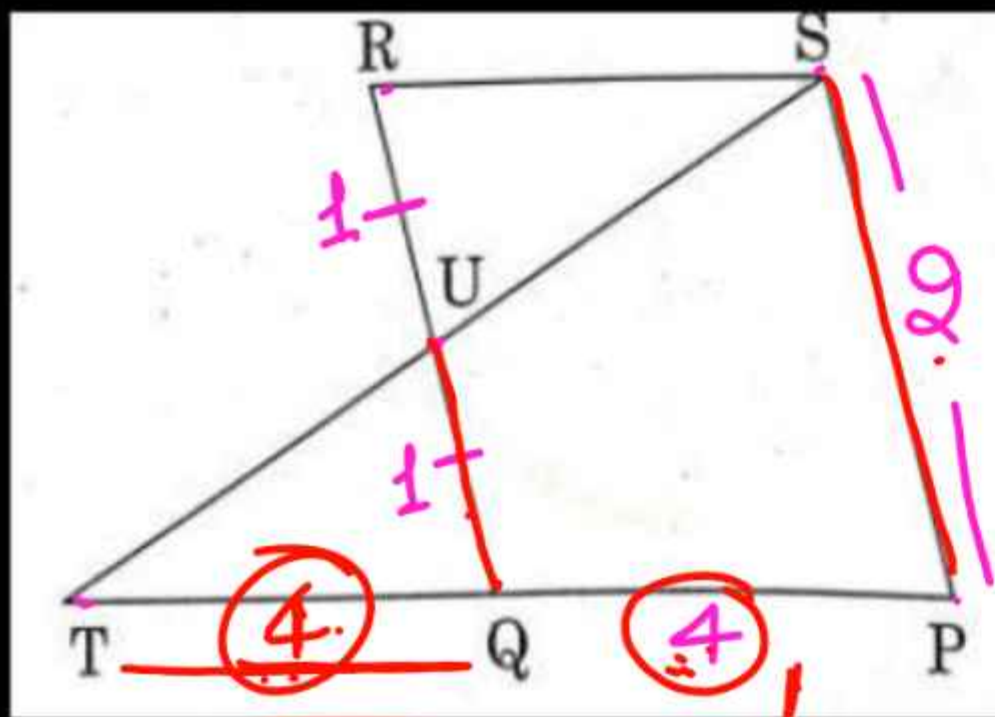
$$RU = UQ$$
$$\frac{TQ}{TP} = \frac{UQ}{SP} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{x}{x+4} = \frac{1}{2}$$

$$2x = x + 4$$

$$x = 4$$

$$PT = 8$$



18. In the given figure, PQRS is a parallelogram and U is the mid-point of QR . If $TQ = 4$ cm, then what is the value of PT (in cm)?

दी गई आकृति में, PQRS एक समानांतर चतुर्भुज है तथा U, QR का मध्य बिंदु है। यदि $TQ = 4$ सेमी है तो PT का मान (सेमी में) क्या है?

(a) 6

(b) 6.5

(c) 7.5

(d) 8



Theorem

19. In a parallelogram $ABCD$, E is a mid point of BC , then?

एक समानान्तर चतुर्भुज $ABCD$ में बिन्दु E , BC का मध्य बिन्दु है, तो

$$AF = 2AB$$

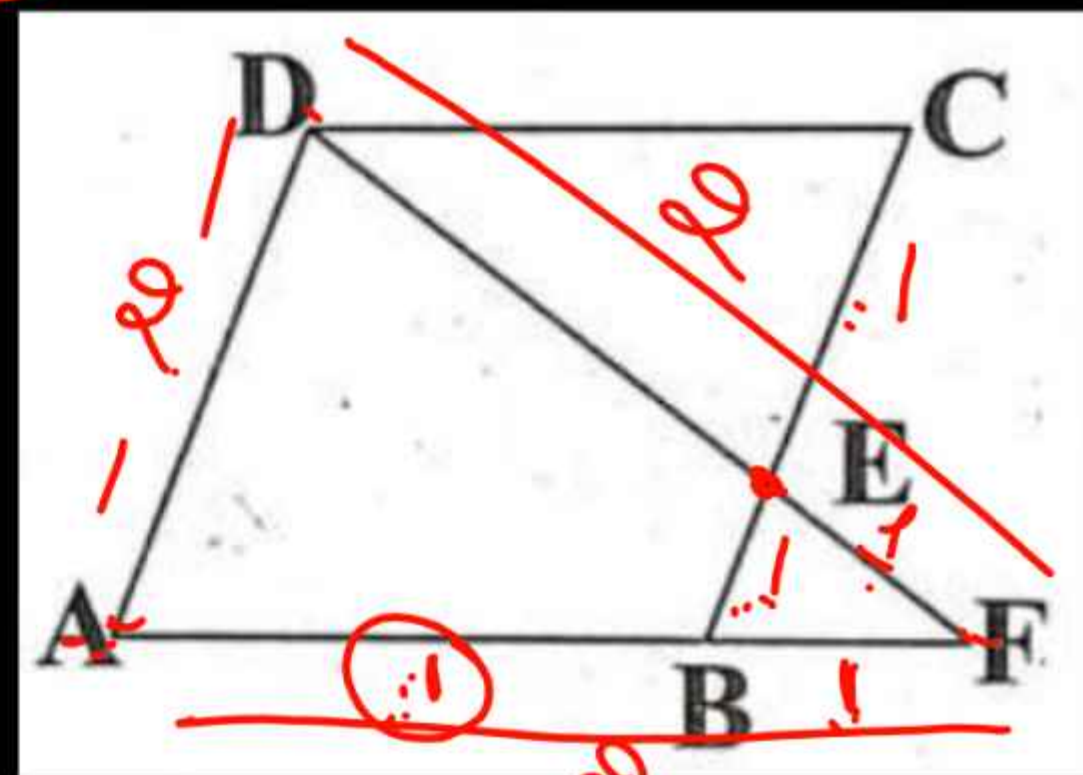
$$AF = 2BF$$

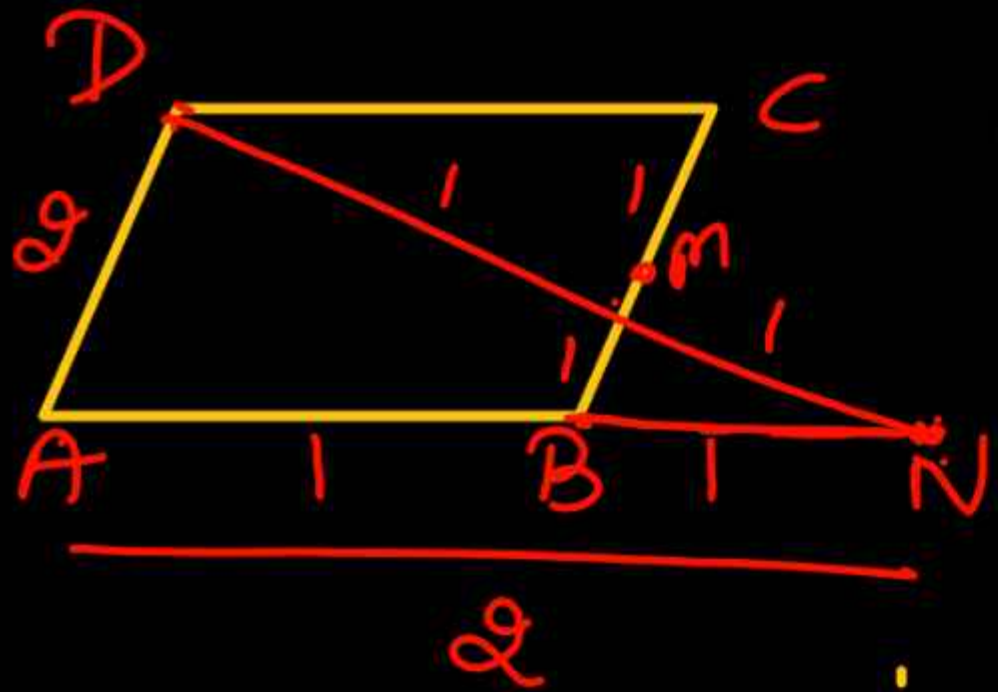
~~(a) $AF = \frac{3}{2}AB$~~

~~(b) $AF = 2AB$~~

~~(c) $AF = 3AB$~~

~~(d) $AF^2 = 2AB^2$~~





20. $ABCD$ is a parallelogram and M is the mid-point of BC . AB and DM are produced to meet at N , then :

$ABCD$ एक समांतर चतुर्भुज है और M , BC का मध्य बिन्दु है। AB और DM को आगे बढ़ाकर N पर मिलाया गया है। तो ?

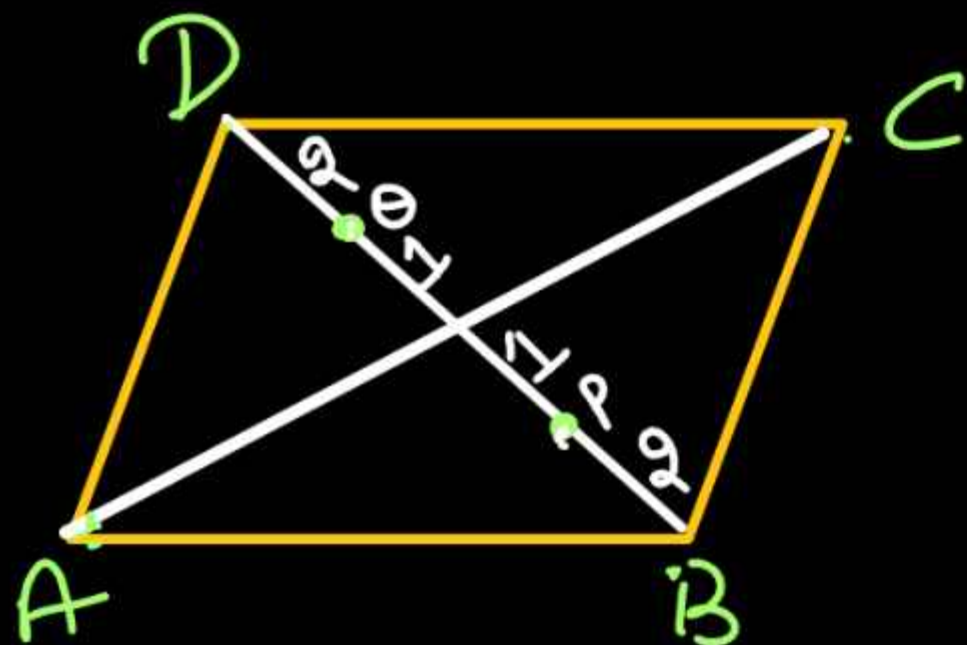
(a) $AN = \sqrt{3}AB$

(b) $AN = 2AB$

(c) $AN^2 = \frac{3}{2}AB^2$

(d) $AN^2 = 2AB^2$

$AN = 2AB$ ✓
 $AN = 2BN$ ✓
 $DN = 2MN$
 $DN = 2DM$



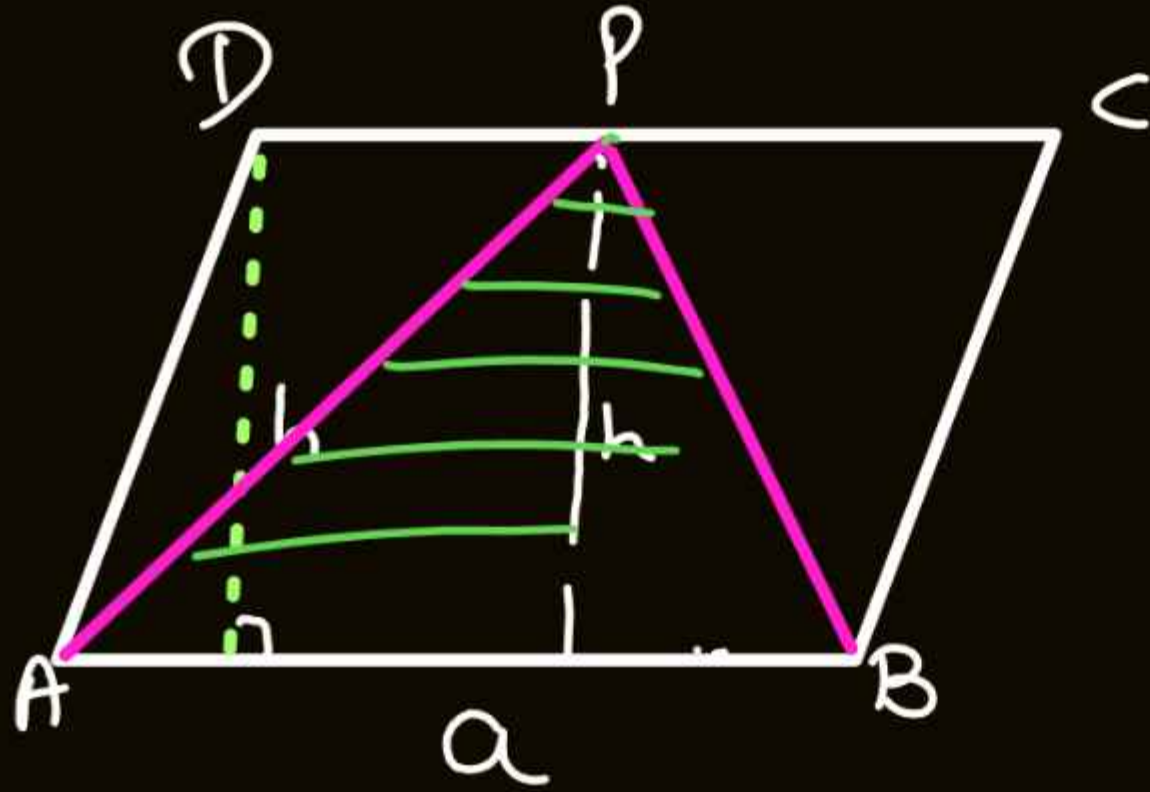
$$BD \rightarrow 6 \rightarrow 18$$
$$1 \rightarrow 3$$

$$PQ \rightarrow 2 \rightarrow 2 \times 3$$
$$= 6$$

21. The length of the diagonal BD of the parallelogram ABCD is 18 cm . If P and Q are the centroid of the $\triangle ABC$ and $\triangle ADC$ respectively, then the length of the line segment PQ is

एक समान्तर चतुर्भुज ABCD के विकर्ण BD की लंबाई 18 से.मी. है। यदि बिंदु P एवं Q, $\triangle ABC$ तथा $\triangle ADC$ के केन्द्रक (गुरुत्व) हों, तो रेखा-खण्ड PQ की लम्बाई ज्ञात करें?

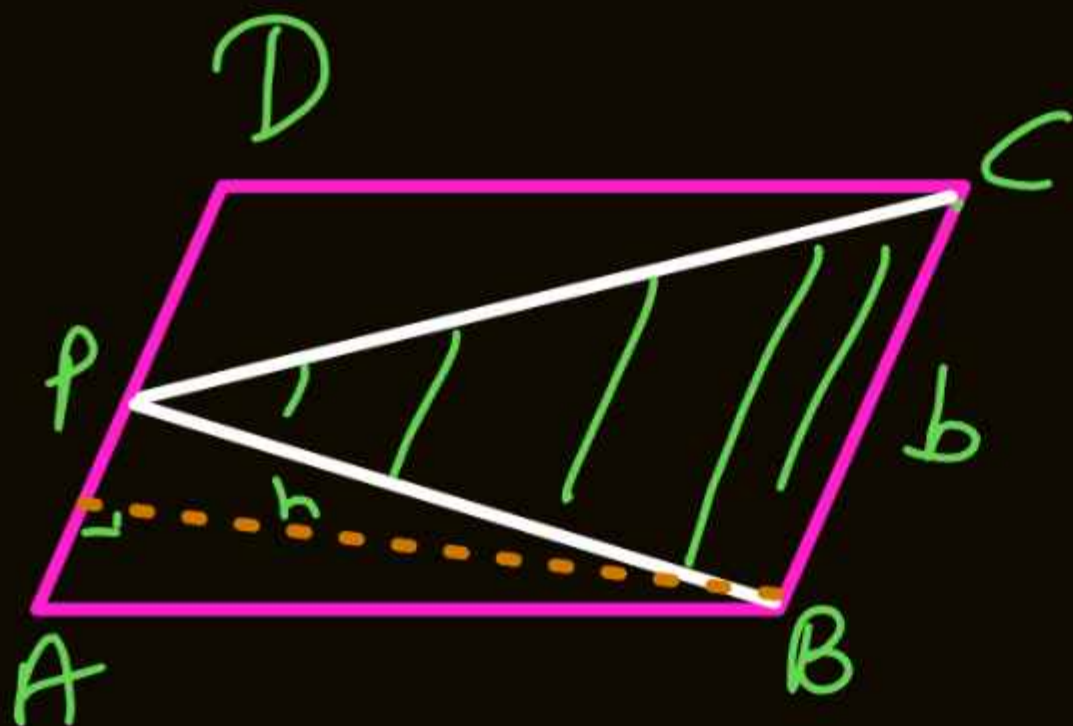
- (a) 4 cm (b) 6 cm (c) 9 cm (d) 12 cm



$$\text{Area of } ABCD = a \times h$$

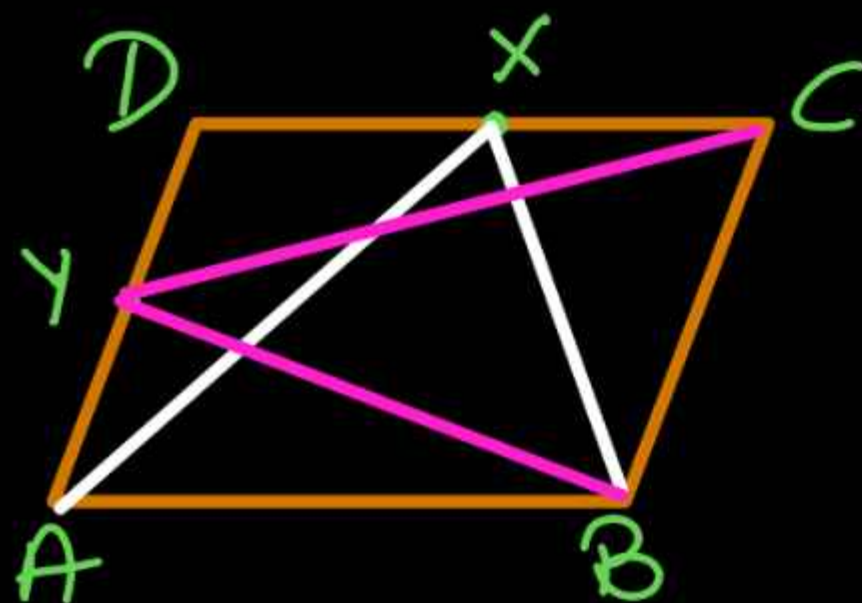
$$\triangle APB = \frac{1}{2} \times a \times h$$

$$\boxed{\triangle APB = \frac{1}{2} \times \text{area of } \text{||gm } ABCD}$$



$$\text{area of } \parallel\text{gm } ABCD = b \times h$$

$$\text{ar. } \triangle PBC = \frac{1}{2} \times \text{ar } \parallel\text{gm } ABCD$$



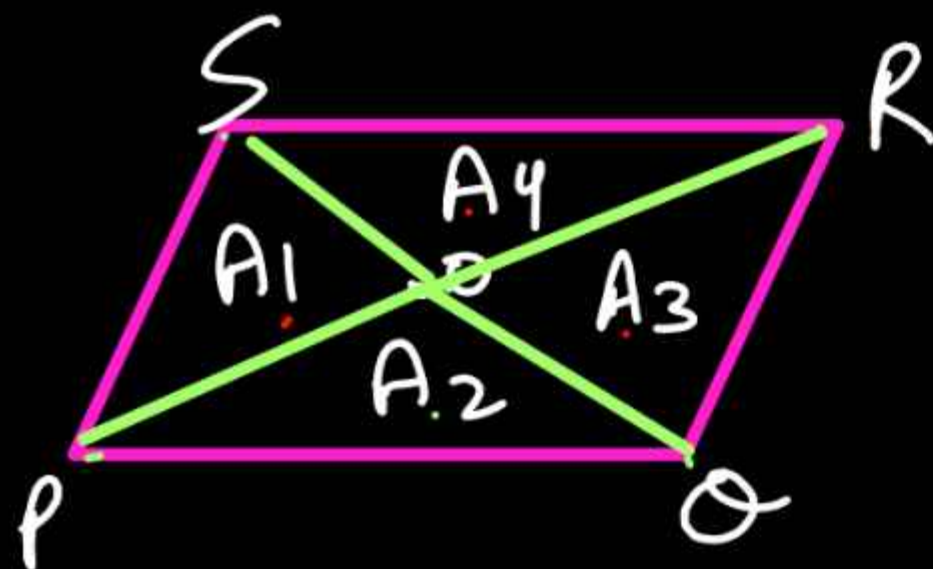
$$\text{ar } \triangle AXB = \text{ar } \triangle BYC$$

22. X and Y are two points on two sides DC and AD of a parallelogram $ABCD$. What is the area of triangle ABX ?

एक समान्तर चतुर्भुज $ABCD$ की दो भुजाओं DC तथा AD पर क्रमशः X तथा Y दो बिन्दु हैं।

$\triangle ABX$ का क्षेत्रफल है

- (a) Half of the area of $\triangle BYC$
- (b) Equal to the area of $\triangle BYC$.
- (c) $\frac{1}{3}$ of the area of $\triangle BYC$
- (d) Twice of the area of $\triangle BYC$



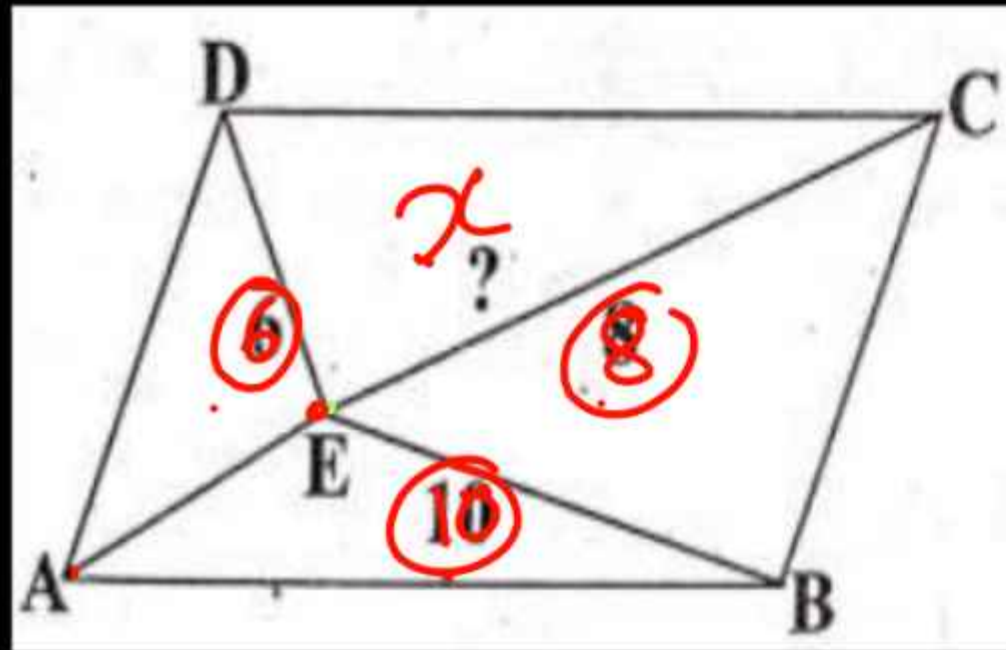
23. PQRS is a parallelogram and 'O' is a point within it, and area of parallelogram PQRS is cm^2 . Find the sum of areas of $\triangle OPQ$ and $\triangle OSR$ (in cm^2):

$$A_1 + A_3 = A_2 + A_4 = \frac{1}{2} \text{Area of PQRS}$$

$$A_2 + A_4 = \frac{1}{2} \times 50 = 25$$

PQRS एक समांतर चतुर्भुज है इसमें एक बिंदु O है। तथा समांतर चतुर्भुज PQRS का क्षेत्रफल 50 सेमी² है। $\triangle OPQ$ और $\triangle OSR$ के क्षेत्रफलों का योग ज्ञात कीजिए।

- (a) 15 (b) 20 (c) 25 (d) 30



24. In a parallelogram $ABCD$, there is a point E inside the parallelogram such that area of $\triangle ADE = 6 \text{ sq. unit}$, area of $\triangle AEB = 10 \text{ sq. unit}$ and area of $\triangle BEC = 8 \text{ sq. unit}$. Find the area of $\triangle DEC$.

एक समांतर चतुर्भुज $ABCD$ में, बिंदु E समांतर चतुर्भुज के अन्दर इस तरह से है कि त्रिभुज ADE का क्षेत्रफल 6 वर्ग इकाई है, AEB का क्षेत्रफल = 10 वर्ग इकाई और $\triangle BEC$ का क्षेत्रफल 8 वर्ग इकाई है। $\triangle DEC$ का क्षेत्रफल निकालें ?

(a) 6 sq. unit

(b) 10 sq. unit

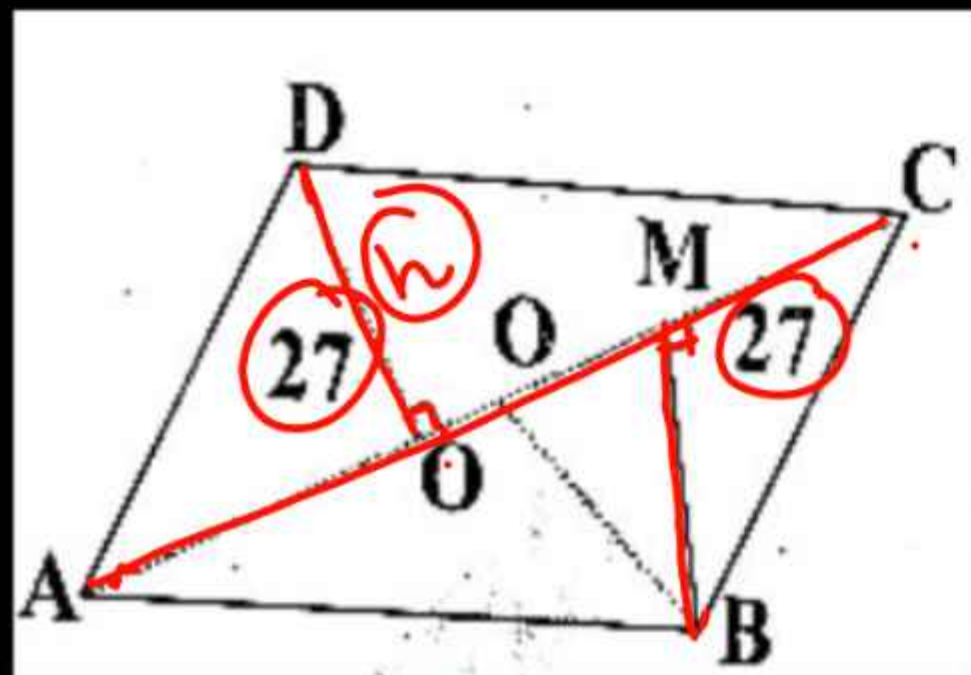
(c) 4 sq. unit

(d) 8 sq. unit

$$6 + 8 = 10 + x$$

$$14 - 10 = x$$

$$x = 4$$



25. One diagonal of a parallelogram is 70 cm long and the perpendicular distance of this diagonal from each vertex is 27 cm. Find the area (in cm) of the parallelogram.

एक समान्तर चतुर्भुज का एक विकर्ण 70 सेमी. लम्बा है और इस विकर्ण की प्रत्येक शीर्ष से लम्बवत दूरी 27 सेमी. है समान्तर चतुर्भुज का क्षेत्रफल (सेमी में) ज्ञात करो।

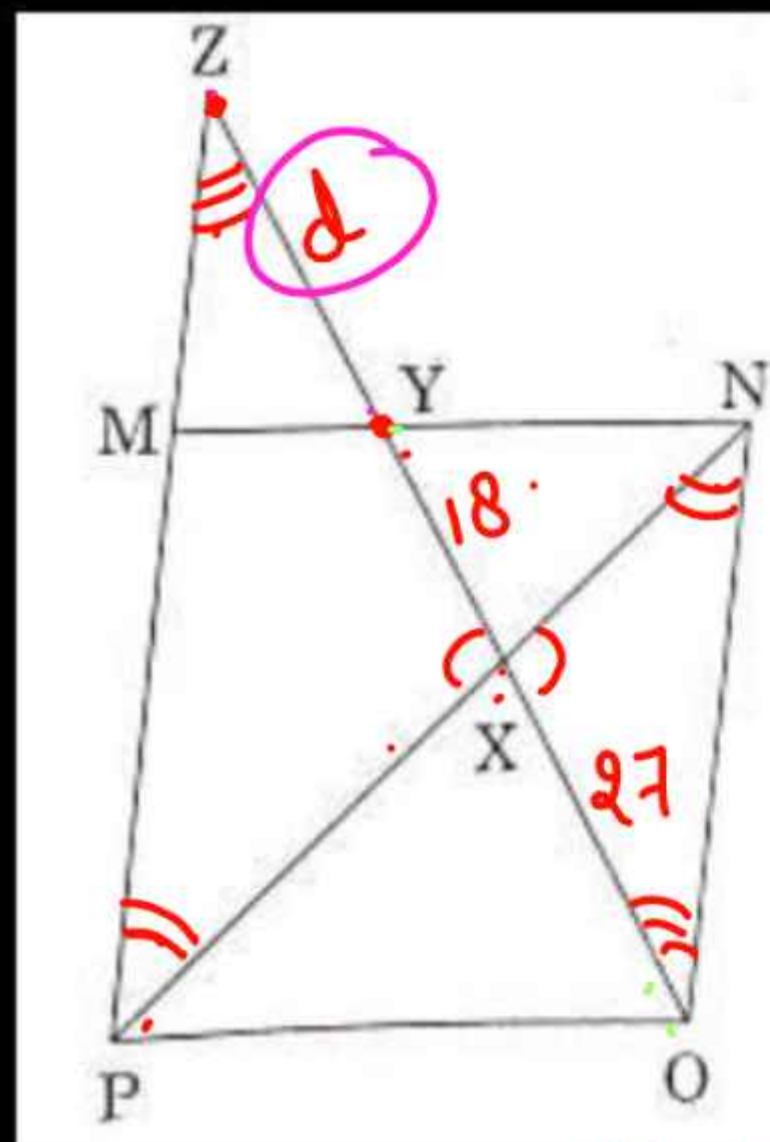
- (a) 945 cm^2 (b) 1230 cm^2
(c) 1890 cm^2 (d) None of these

$$\begin{aligned} AC &= 70 \\ \text{ar. of } \parallel\text{gm } ABCD &= h \times AC \\ &= 27 \times 70 \\ &= 1890 \end{aligned}$$



Foundation Batch

MATHS



26. In the given figure, MNOP is a parallelogram. PM is extended to Z. OZ intersects MN and PN at Y and X respectively. If $OX = 27$ cm and $XY = 18$ cm, then what is the length (in cm) of YZ?

दी गई आकृति में, MNOP एक समांतर चतुर्भुज है। PM को Z तक बढ़ाया गया है। OZ, MN तथा PN को क्रमशः Y तथा X पर प्रतिच्छेद करती है। यदि $OX = 27$ सेमी तथा $XY = 18$ सेमी हैं, तो YZ की लंबाई (सेमी में) क्या है?

$$\triangle NYX \sim \triangle POX$$

$$\frac{YX}{XO} = \frac{XN}{PX}$$

$$\frac{PX}{XN} = \frac{3}{2}$$

$$\frac{XN}{PN} = \frac{18}{27} = \frac{2}{3}$$

(a) 21.4

(b) 22.5

(c) 23.8

(d) 24.5

$$\triangle ZPX \sim \triangle ONX$$

$$\frac{d+18}{27} = \frac{PX}{XN} = \frac{3}{2}$$

$$d = \frac{81}{2} - 18$$

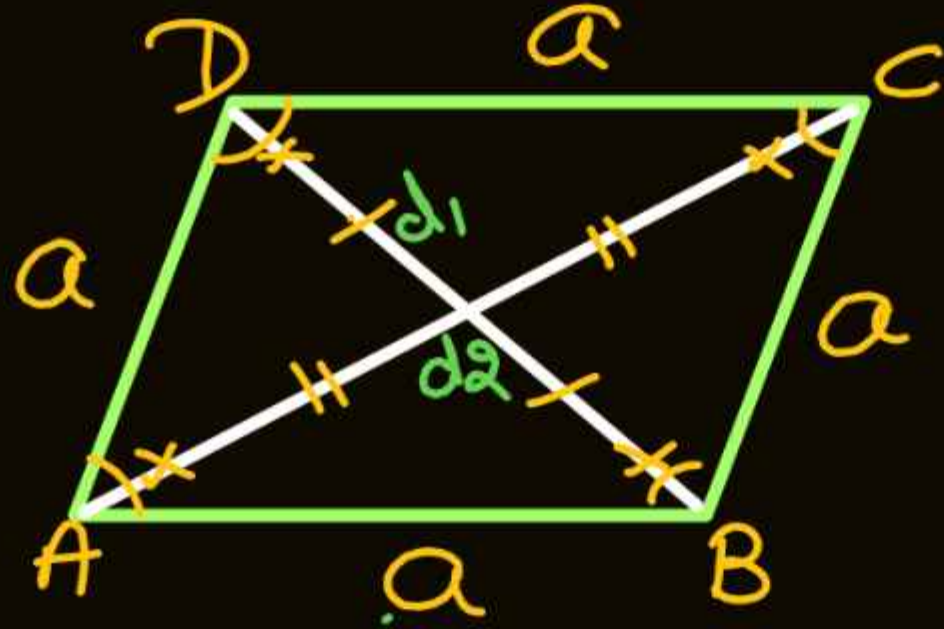
$$40.5 - 18 = 22.5$$



Rhombus

RHOMBUS (समचतुर्भुज)

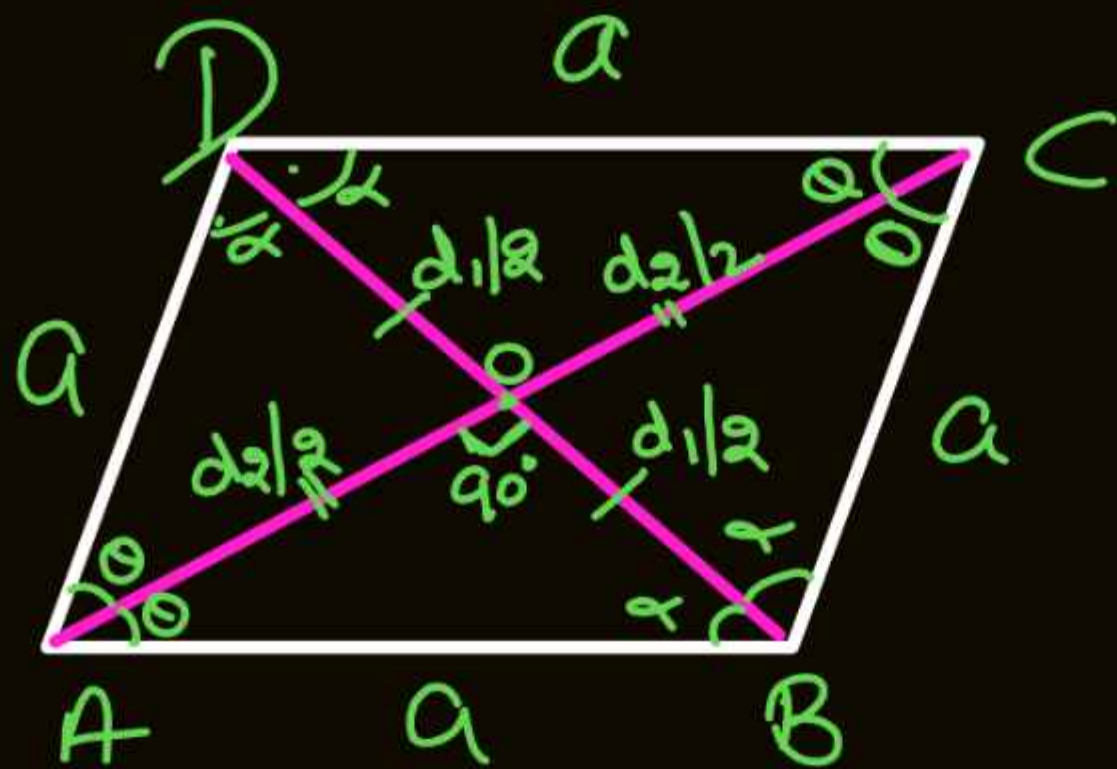
In a llgm
↓
If $l = b = a$
↓
Rhombus



$$d_1 \neq d_2$$

↳ Diagonals bisect the respective angles
विकर्ण क्रमशः कोण को द्विभाजित करते हैं

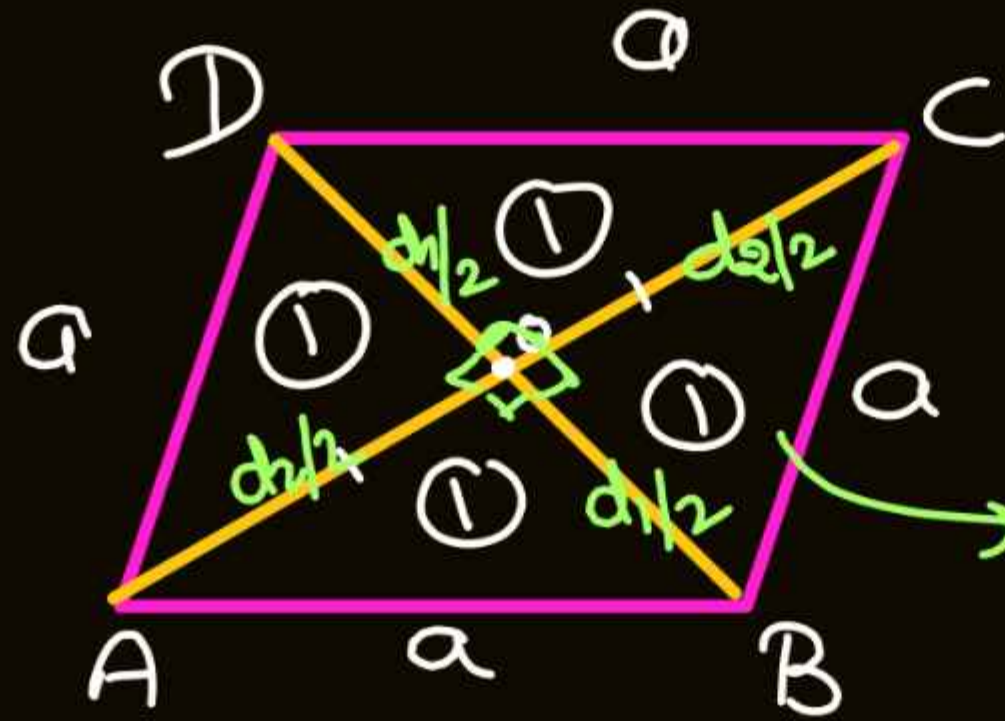
↳ Diagonals bisect each other
विकर्ण एक-दूसरे को भी द्विभाजित करते हैं



$$\left. \begin{array}{l} \angle A = \angle C \\ \angle B = \angle D \end{array} \right\} \text{ In } \triangle AOB$$

$$\left(\frac{d_1}{2}\right)^2 + \left(\frac{d_2}{2}\right)^2 = a^2$$

$$d_1^2 + d_2^2 = 4a^2$$



or ΔBOC

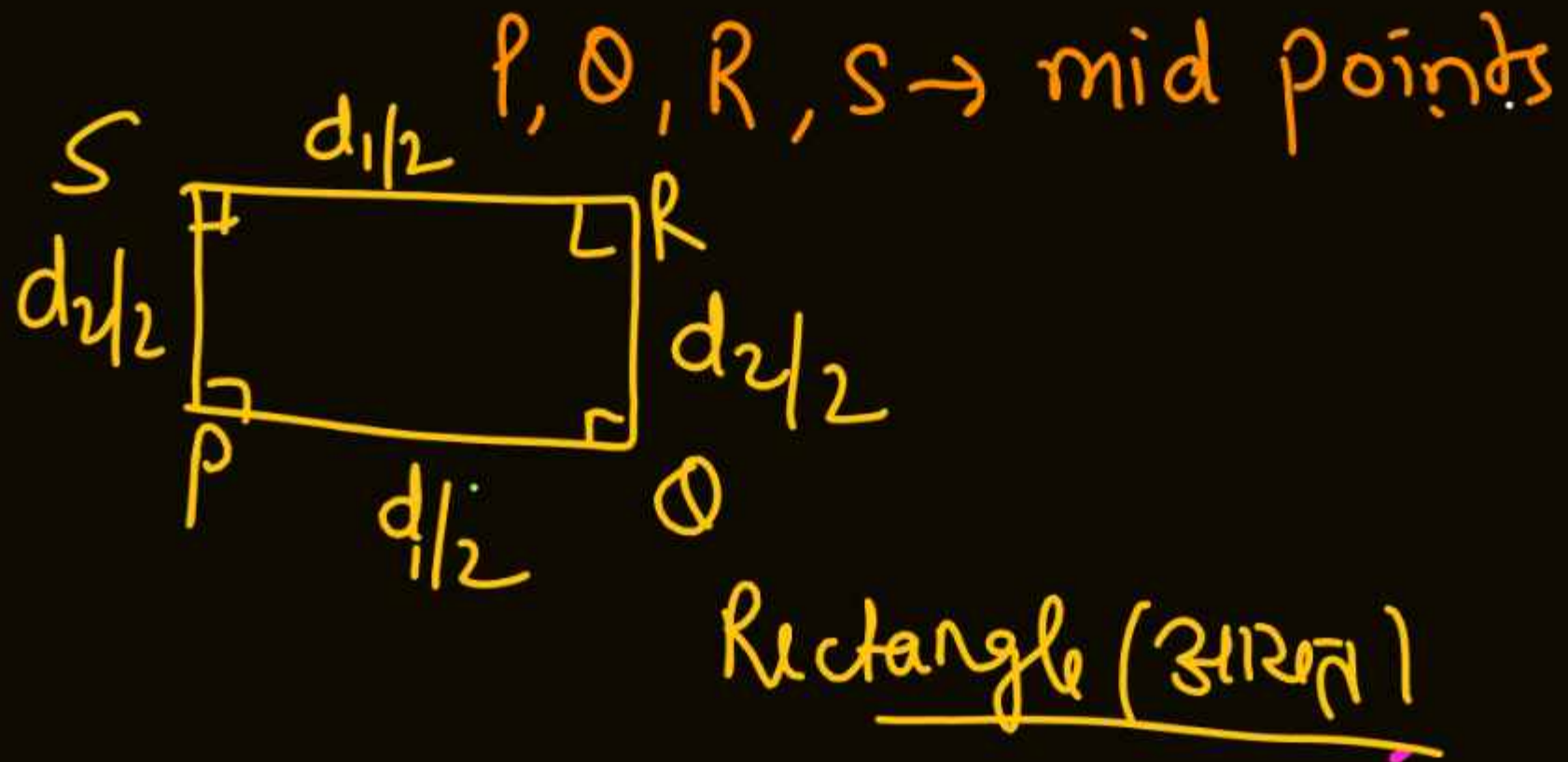
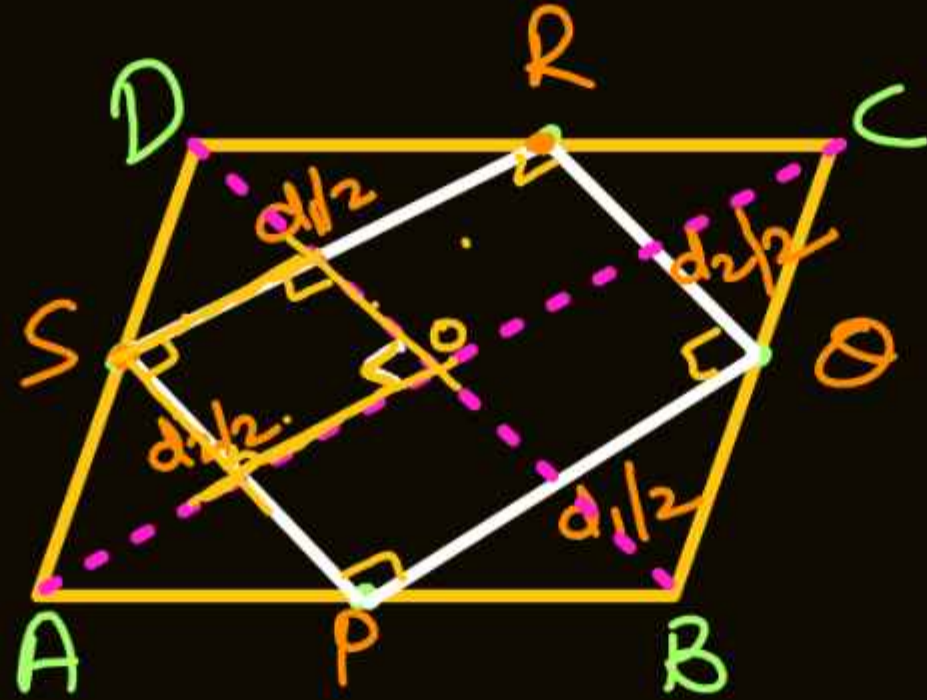
$$\frac{1}{2} \times \frac{d_1}{2} \times \frac{d_2}{2}$$

DO $\rightarrow$ median
BO $\rightarrow$ "

ar of Rhombus ABCD

$$= 4 \times \frac{1}{2} \times \frac{d_1}{2} \times \frac{d_2}{2}$$

$$= \underline{\underline{\frac{1}{2} \times d_1 \times d_2}}$$





27. The order of rotational symmetry of a rhombus is:

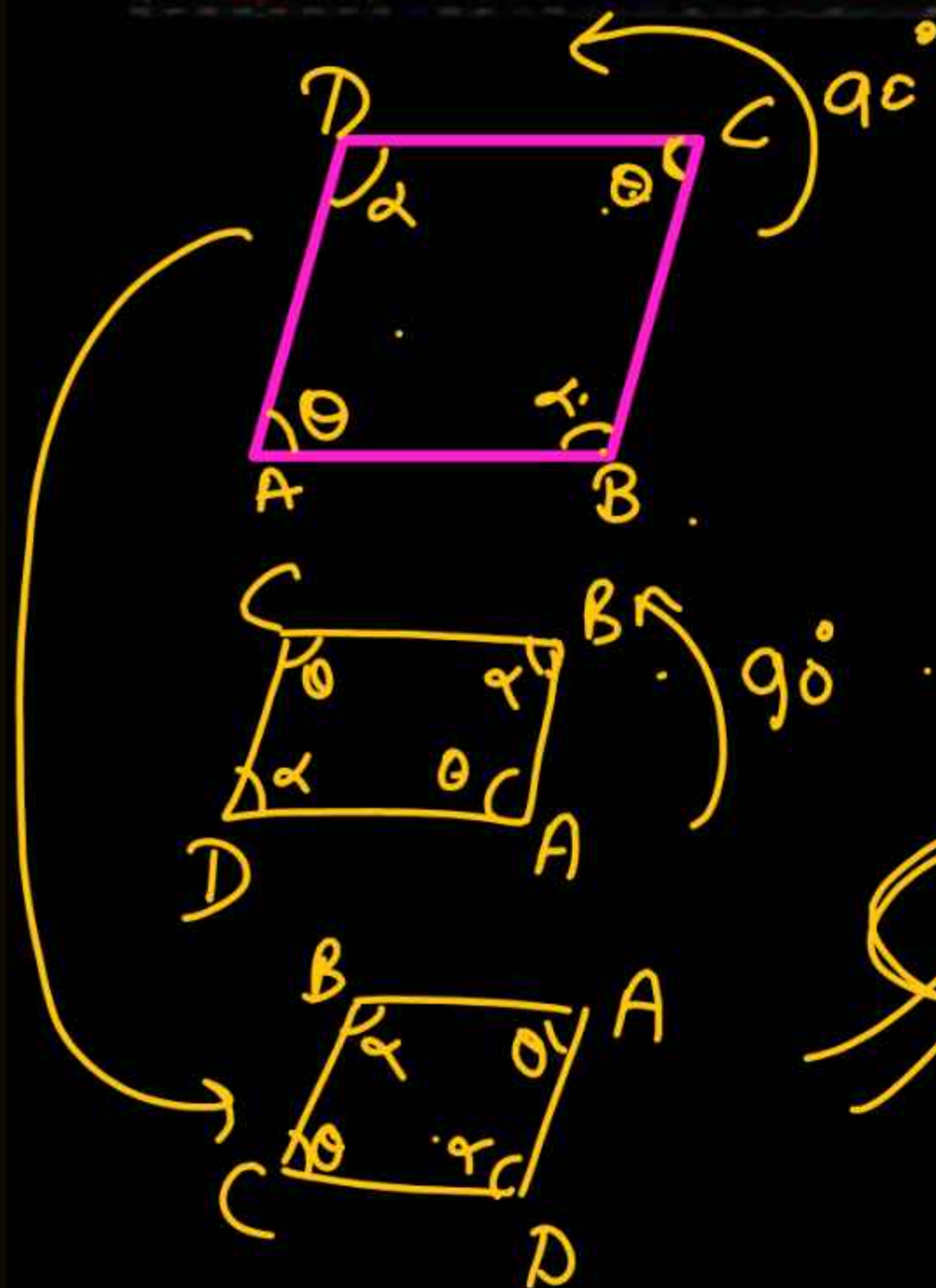
एक समचतुर्भज की घूर्णी समरूपता का क्रम है:

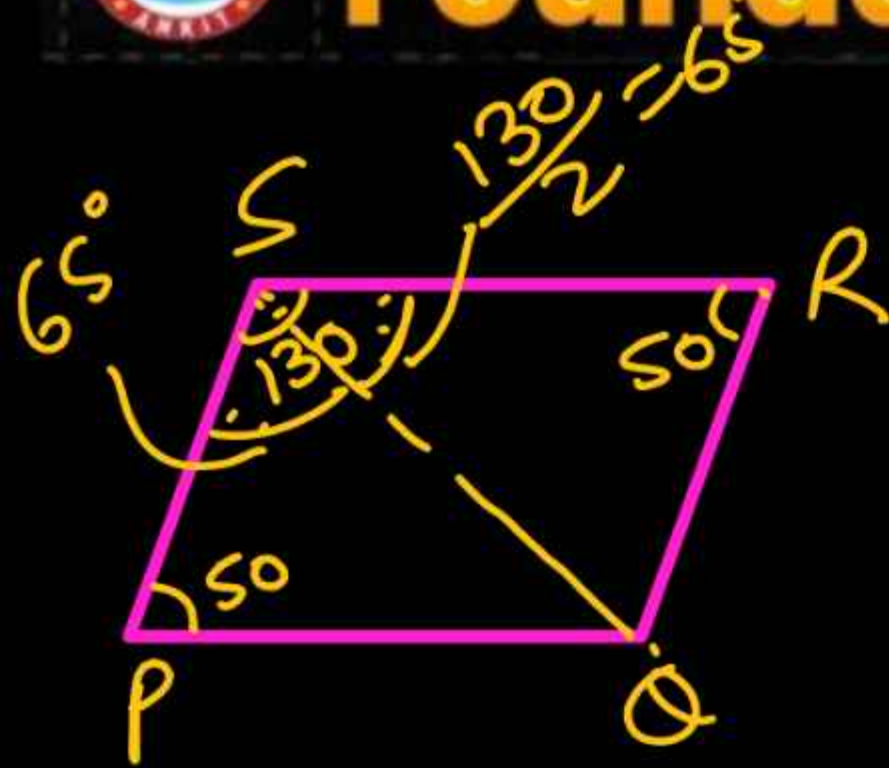
(a) 1

(b) 4

~~(c) 2~~

~~(d) 0~~

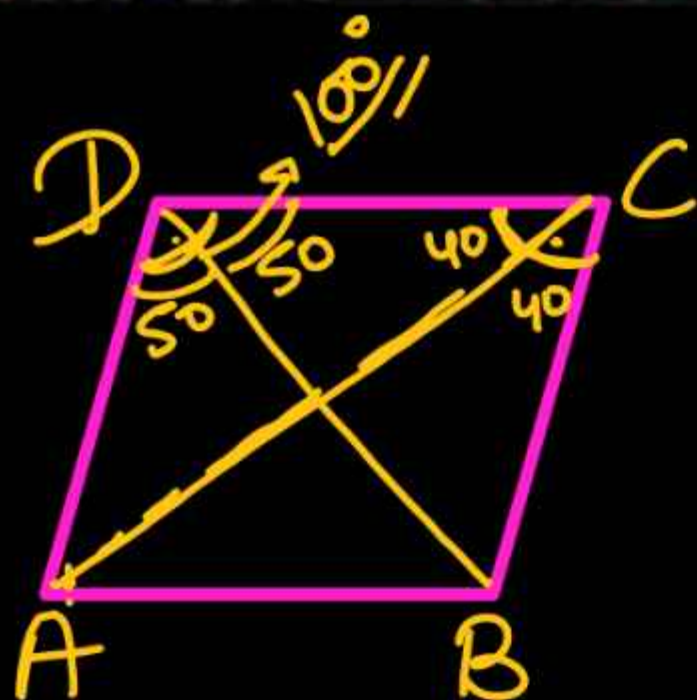




28. If $PQRS$ is rhombus and $\angle SPQ = 50^\circ$, then $\angle RSQ$ is:

If $PQRS$ एक समचतुर्भुज और $\angle SPQ = 50^\circ$ है, तो $\angle RSQ$ है ?

- (a) 75°
- (b) 45°
- (c) 55°
- (d) 65°



$$\angle ADB = 50^\circ$$

29. In a rhombus ABCD, if $\angle ACB = 40^\circ$, then find the value of $\angle ADB$.

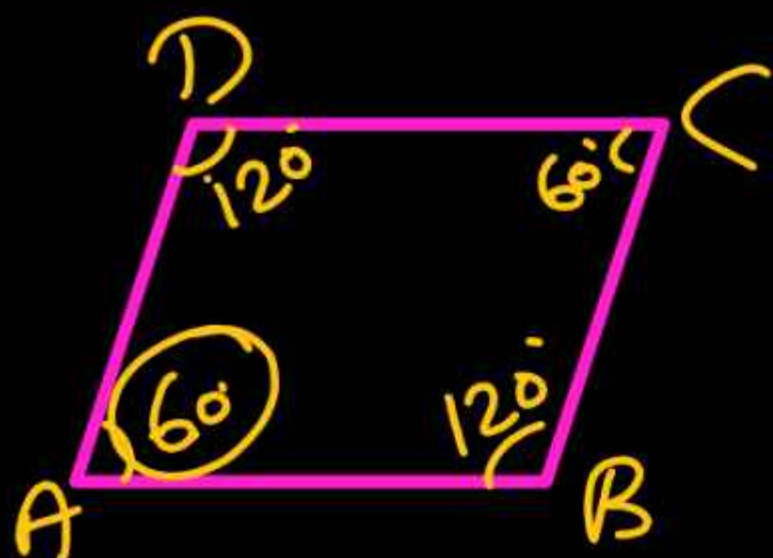
एक समचतुर्भुज ABCD में, यदि $\angle ACB = 40^\circ$ है, तो $\angle ADB$ का मान ज्ञात कीजिए।

(a) 50°

(b) 70°

(c) 60°

(d) 45°



$$\angle A + \angle D = 180^\circ$$

$$9 \rightarrow 180^\circ$$

$$1 \rightarrow 20^\circ$$

$$3:6 \rightarrow 60^\circ:120^\circ$$

30. The ratio of adjacent angles of a rhombus is 3 : 6. What will be the measure of the smallest angle of the rhombus?

किसी समचतुर्भुज के आसन्न कोणों का अनुपात 3:6 है। समचतुर्भुज के सबसे छोटे कोण की माप क्या होगी?

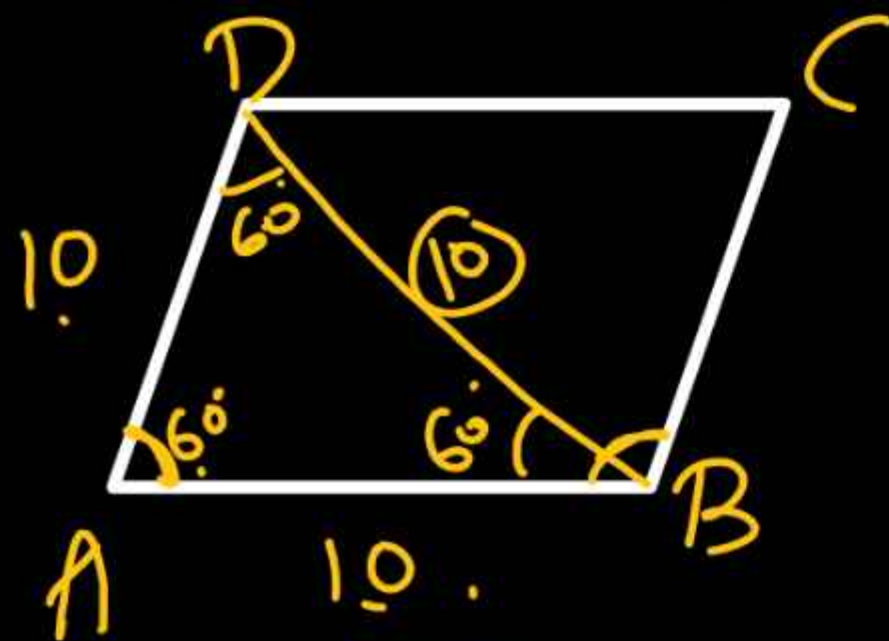
(a) 40°

(b) 120°

(c) 60°

(d) 80°

RRB NTPC 28.12.2020 (Shift-I)

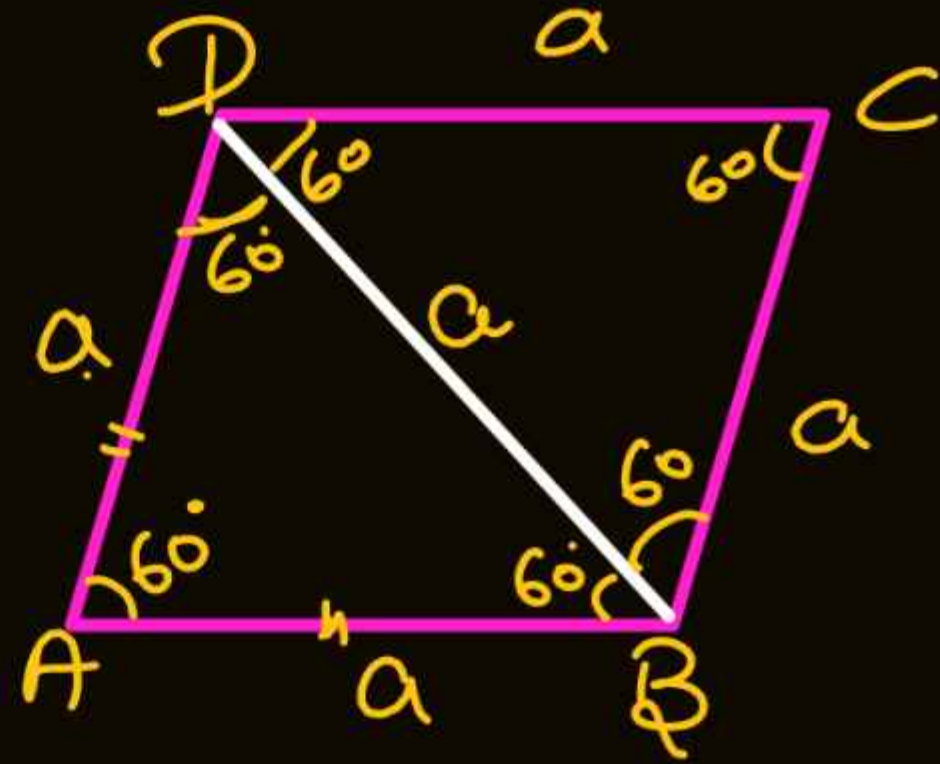


$$BD = 10$$

31. Out of angles two opposite angles of a rhombus, each base value 60° and its side is 10 cm long. What is the length of its each smaller diagonal

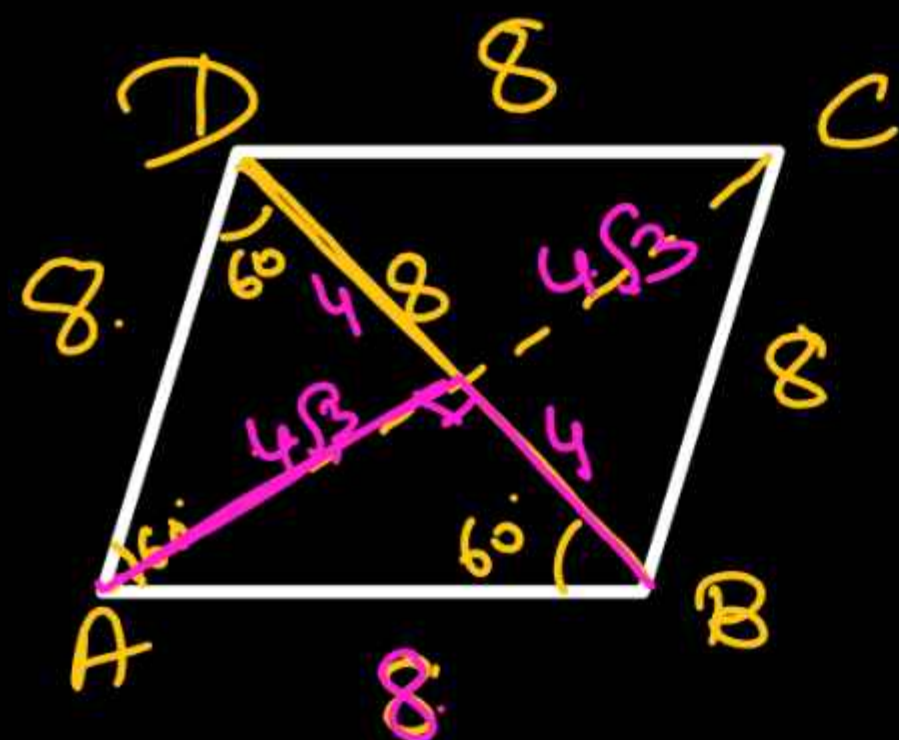
एक समचतुर्भुज के दो सम्मुख कोणों में से प्रत्येक की माप 60° है तथा इसकी प्रत्येक भुजा 10 सेमी. लम्बी है। इसके छोटे विकर्ण की लम्बाई कितनी है?

- (a) 10 cm (b) $10\sqrt{3}$ cm
(c) $10\sqrt{2}$ cm (d) $\frac{5}{2}\sqrt{2}$ cm



If $\angle A = 60^\circ$

$\triangle ABD \rightarrow$ સમબાજુ $\triangle$



$$BD = 8$$

$$d_1^2 + d_2^2 = 4a^2$$

$$8^2 + d_2^2 = 4 \times 8^2$$

$$64 + d_2^2 = 256$$

$$d_2^2 = 192$$

$$d_2 = \sqrt{192}$$

$$d_2 = 8\sqrt{3}$$

32. One of the four angles of a rhombus is 60° . If the length of each side of the rhombus is 8 cm, then what will be the length of the larger diagonal?

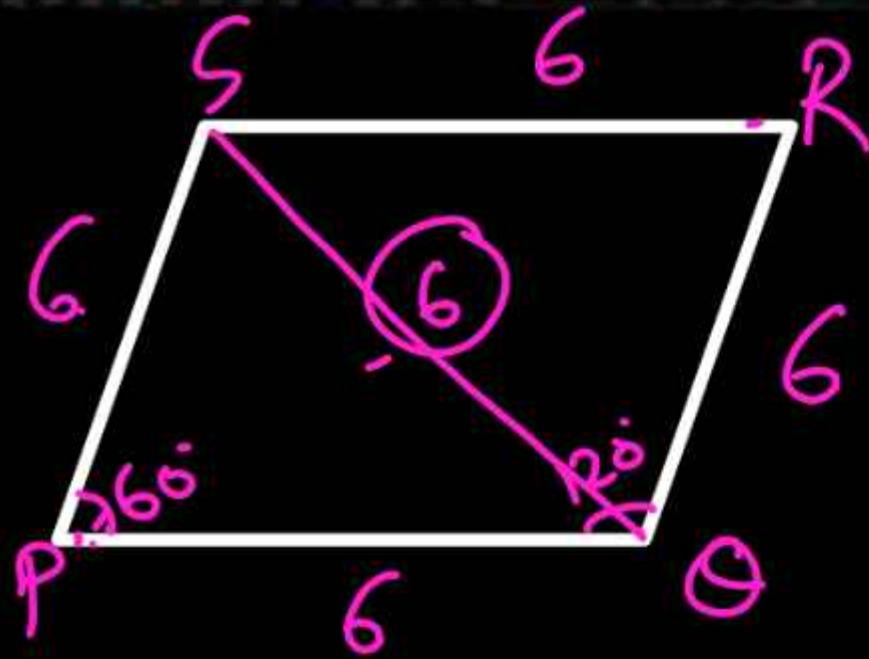
एक समचतुर्भुज के चार कोणों में से एक कोण 60° का है। यदि समचतुर्भुज की प्रत्येक भुजा की लंबाई 8 सेमी है तो बड़े विकर्ण की लंबाई क्या होगी?

(a) $8\sqrt{3}$ cm

(b) 8 cm

(c) $\frac{8}{\sqrt{3}}$ cm

(d) $4\sqrt{3}$ cm



$$\underline{QS = 6}$$

33. If the length of the side PQ of a rhombus PQRS is 6 cm and $\angle PQR = 120^\circ$, then the length of QS will be (in cm)?

यदि एक समचतुर्भुज PQRS की भुजा PQ की लंबाई 6 सेमी हो और $\angle PQR = 120^\circ$ हो, तो QS की लंबाई कितने सेमी होगी?

(a) 4

(b) 5

(c) 6

(d) 3



$$BD = 6$$

$$AC = 8$$

$$\text{Area} = \frac{1}{2} \times AC \times BD$$

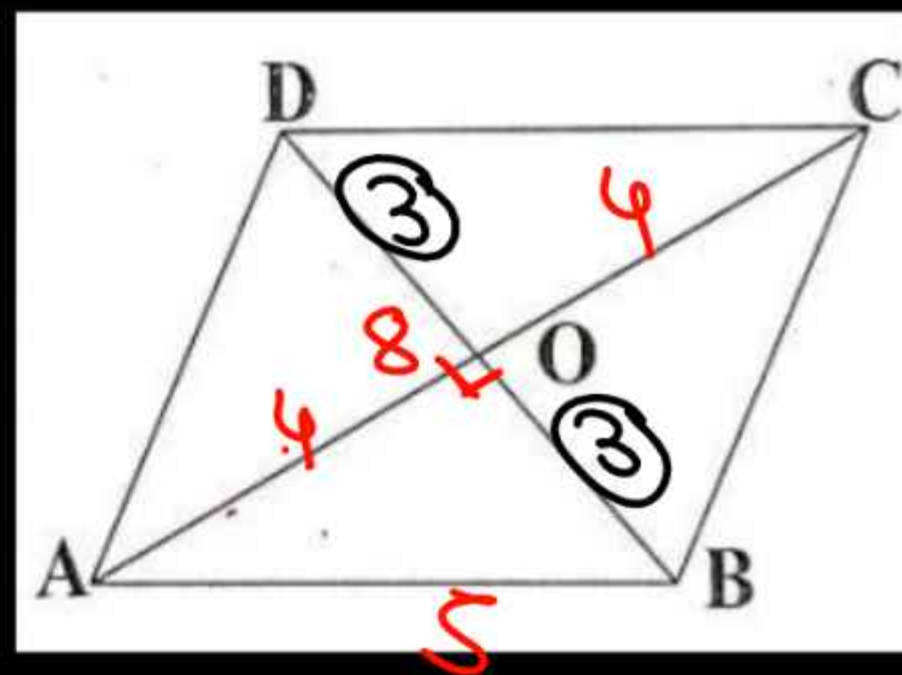
$$\frac{1}{2} \times 8 \times 6$$

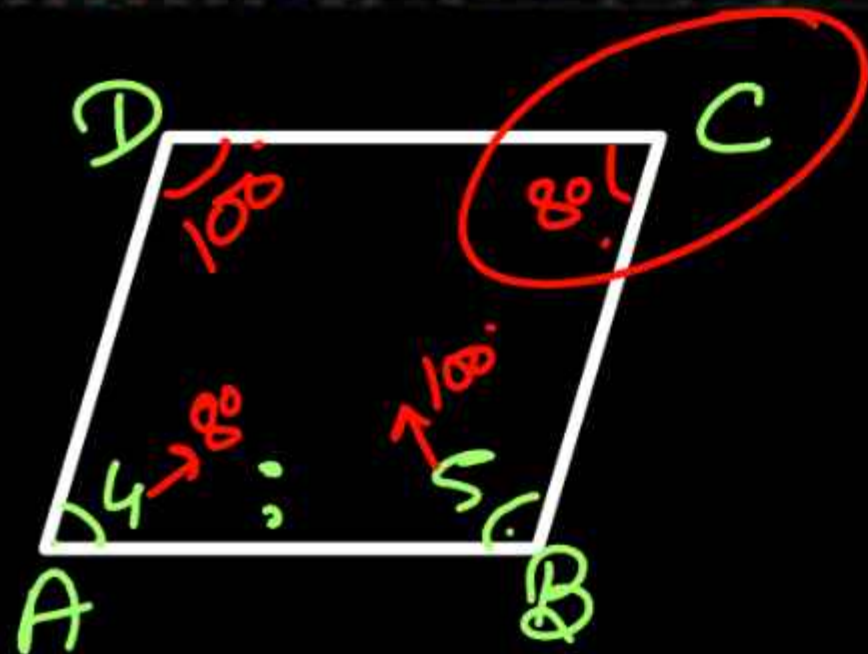
$$= 24$$

34. $ABCD$ is a rhombus, in which $AB = 5$ cm, $AC = 8$ cm . Find the area of $ABCD$

$ABCD$ एक समचतुर्भुज है जिसमें $AB = 5$ सेमी, $AC = 8$ सेमी. चतुर्भुज $ABCD$ का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

- (a) 12 cm^2
- (b) 18 cm^2
- (c) 24 cm^2
- (d) 36 cm^2





$$\angle A + \angle B = 180^\circ$$

$$9 \rightarrow 180^\circ$$

$$1 \rightarrow 20^\circ$$

35. The ratio of the angles $\angle A$ and $\angle B$ of a non-square rhombus $ABCD$ is 4:5, then the value of $\angle C$ is

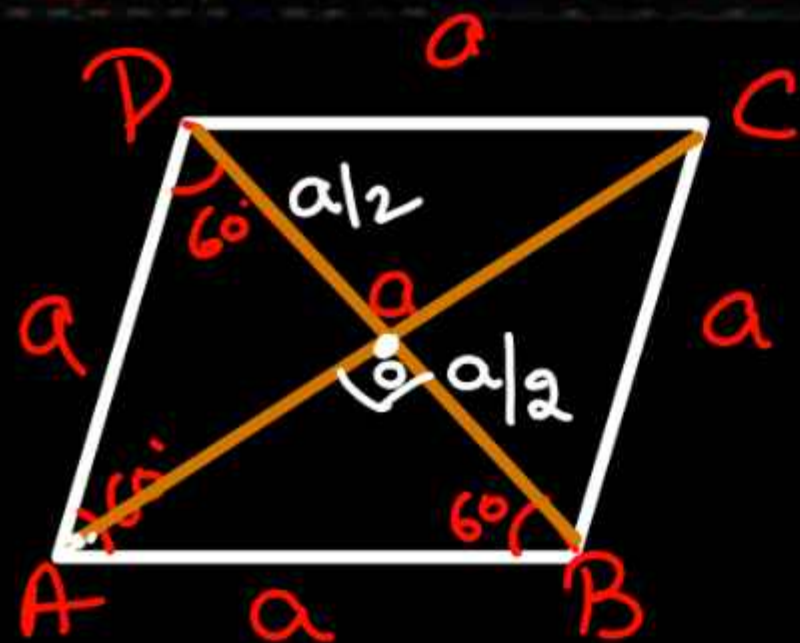
किसी सम-चतुर्भुज $ABCD$, जो वर्ग नहीं है, कोण $\angle A$ तथा $\angle B$ का अनुपात 4 : 5 है। तब कोण $\angle C$ का मान ज्ञात करें?

(a) 50°

(b) 45°

(c) 80°

(d) 95°



36. If one diagonal of a rhombus is equal to its side, then the diagonals of the rhombus are in the ratio.

एक समचतुर्भुज का एक विकर्ण इसकी भुजा के बराबर हो, तो समचतुर्भुज के विकर्णों का अनुपात ज्ञात कीजिए।

$$AO^2 + \frac{a^2}{4} = a^2$$

$$AO^2 = a^2 - \frac{a^2}{4} = \frac{3a^2}{4}$$

$$AO = \frac{\sqrt{3}a}{2}$$

$$AC = 2 \times AO = \sqrt{3}a$$

(a) $\sqrt{3}:1$

(b) $3:1$

(c) $2:1$

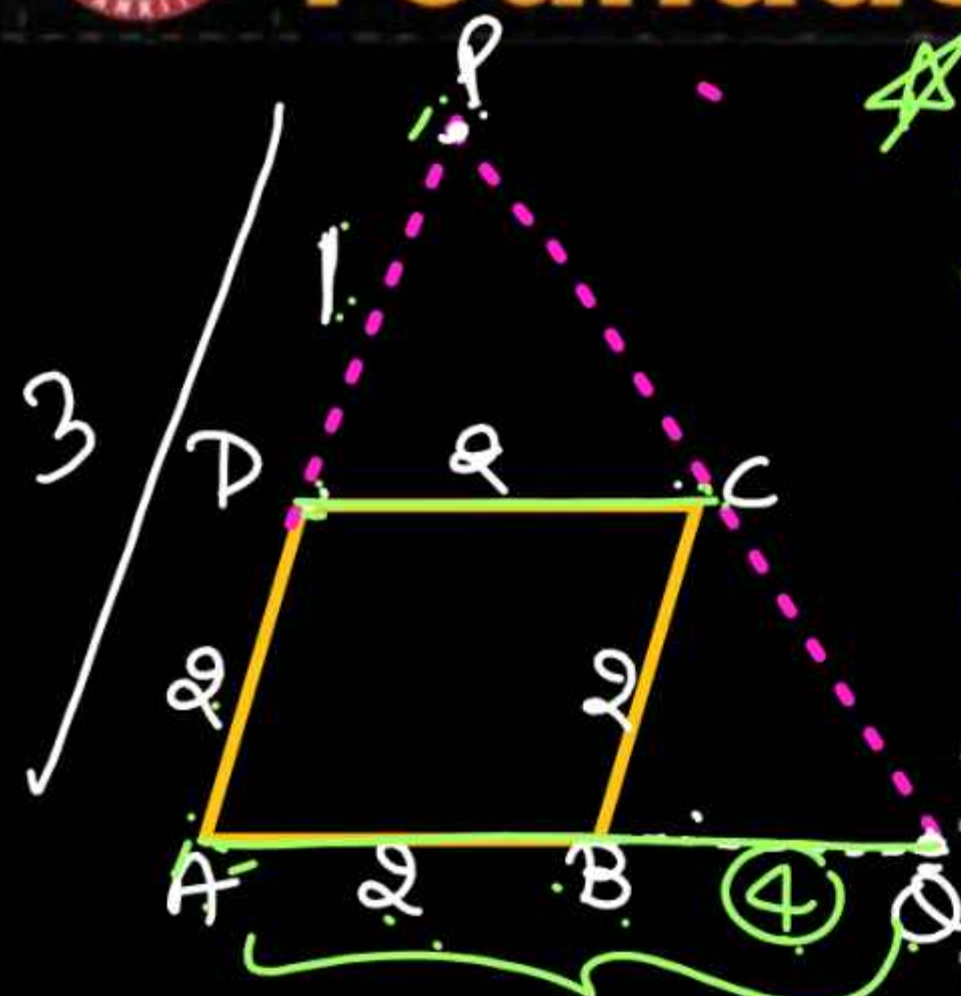
(d) None of these

AC : BC
 $\sqrt{3}a : a$
 $\sqrt{3} : 1$



Foundation Batch

MATHS



Thales
Thⁿ

$$DP = \frac{1}{2} AB$$

$$\frac{PD}{PA} = \frac{PC}{PQ} = \frac{DC}{AQ}$$

$$\frac{DP}{AB} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{2}{AQ} \Rightarrow AQ = 6$$

37. $ABCD$ is a rhombus. A straight line through C cuts AD produced at P and AB produced at Q . If $DP = \frac{1}{2} AB$, then the ratio of the length of BQ and AB is :

$ABCD$ एक समचतुर्भुज है। उसमें C से गुजरने वाली एक सरल रेखा AD को आगे बढ़ाकर P पर काटती है और AB को आगे बढ़ाकर Q पर काटती है। तदनुसार यदि $DP = \frac{1}{2} AB$ हो, तो BQ तथा AB की लंबाइयों का अनुपात कितना होगा?

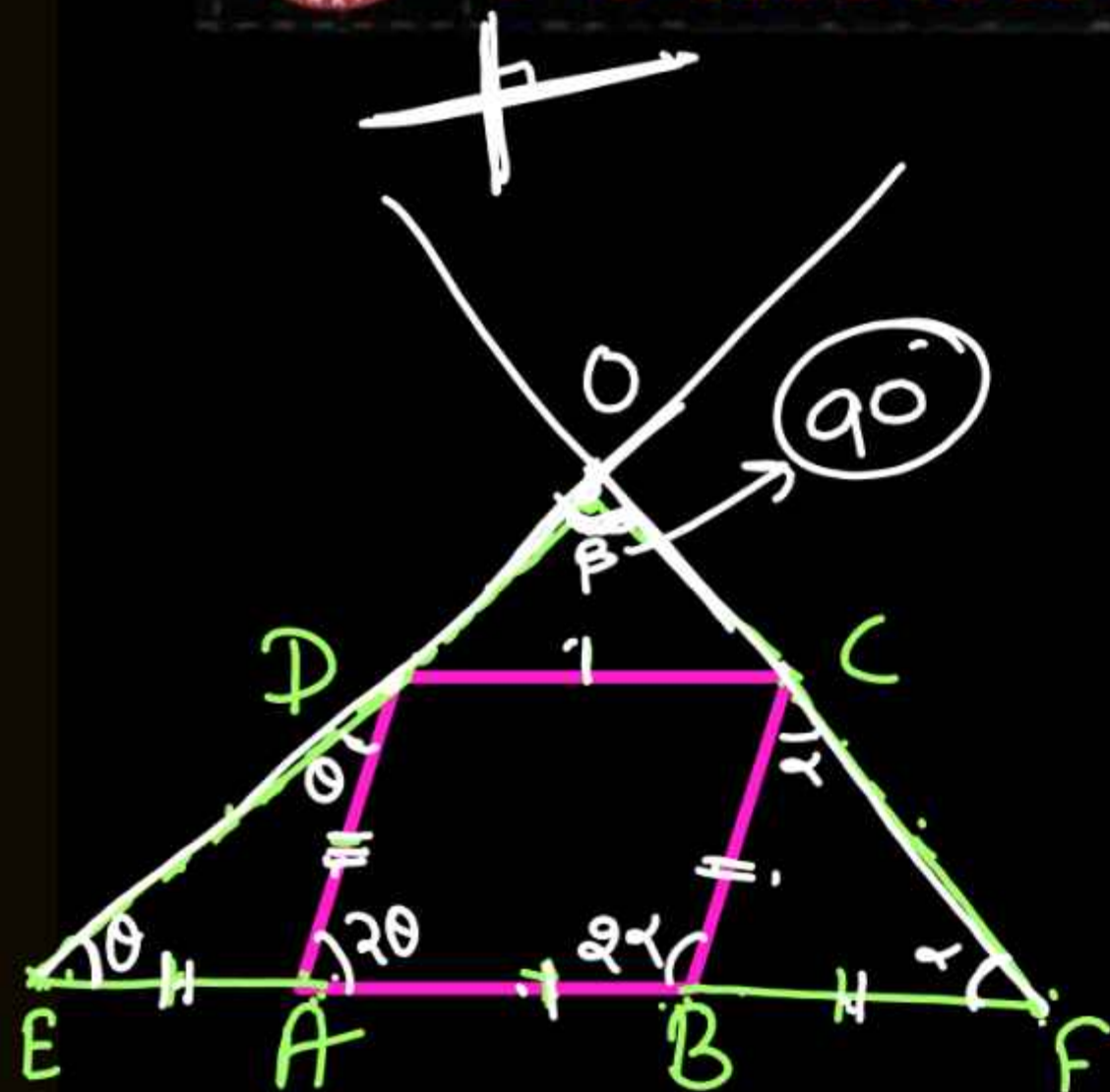
(a) 2:1

(b) 1:2

(c) 1:1

(d) 3:1

$$BQ : AB = 4 : 2 = 2 : 1$$



38. ABCD is a rhombus. AB is produced to F and BA is produced to E such that $AB = AE = BF$. Then :

ABCD एक समचतुर्भुज है। उसमें यदि AB को F तक और BA को E तक इस प्रकार बढ़ा दिया जाए कि $AB = AE = BF$ हो जाए, तो :

(a) $ED > CF$

(b) $ED \perp CF$

(c) $ED^2 + CF^2 = EF^2$

(d) $ED \parallel CF$

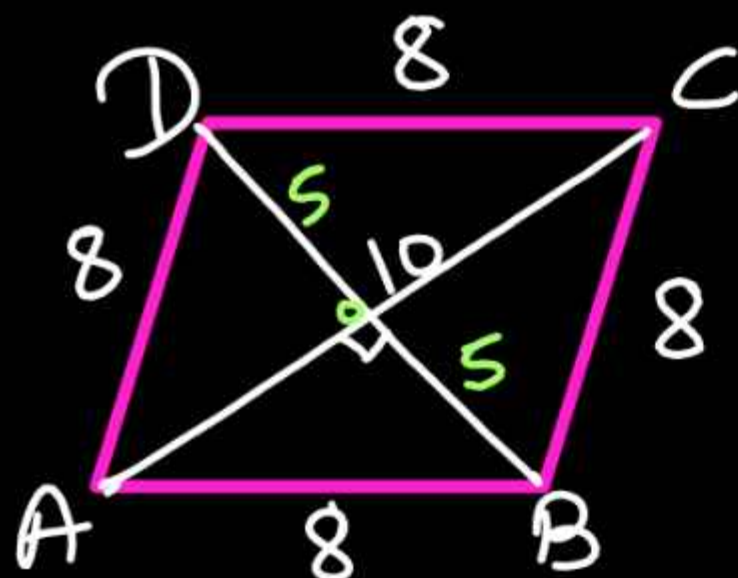
$\triangle OEF$

$2\theta + 2\phi = 180^\circ$

$\theta + \phi + \beta = 180^\circ$

$\beta = 180^\circ - 90^\circ$
 $= 90^\circ$

$\theta + \phi = \frac{180^\circ}{2} = 90^\circ$



39. ABCD is a rhombus with each side being equal to 8 cm . If $BD = 10$ cm, $AC = 2\sqrt{x}$ cm , what is the value of $\sqrt{x + 10}$?

ABCD एक समचतुर्भुज है, जिसकी प्रत्येक भुजा 8 सेमी है। यदि $BD = 10$ सेमी, $AC = 2\sqrt{x}$ सेमी है तो $\sqrt{x + 10}$ का मान क्या है?

$$AO^2 + 5^2 = 8^2$$

$$AO = \sqrt{64 - 25} = \sqrt{39}$$

$$AC = 2AO$$

$$= 2\sqrt{39} = 2\sqrt{x}$$

$$x = 39$$

$$\sqrt{x + 10} = \sqrt{39 + 10} = \sqrt{49} = 7$$

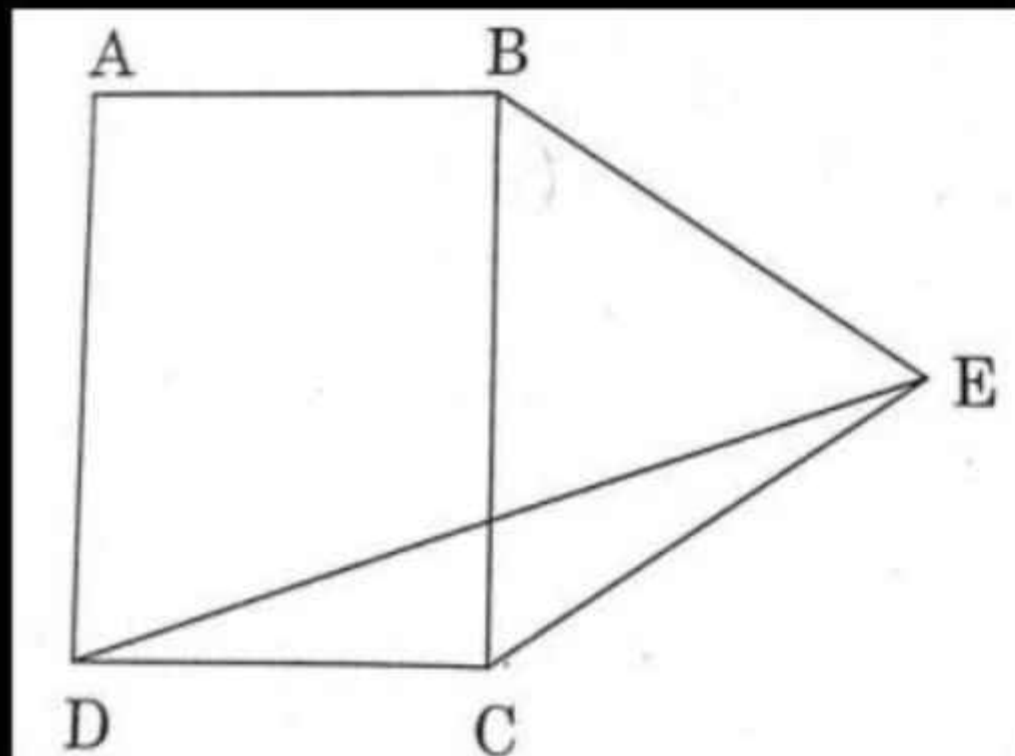
(a) $2\sqrt{3}$

(b) $3\sqrt{2}$

(c) 7

(d) 5

(SSC CHSL Pre, 11/07/2019)



40. In the given figure, ABCD is a rhombos and BCE is an isosceles triangle, with $BC = CE$, $\angle CBE = 84^\circ$ and $\angle ADC = 78^\circ$. What is the value (in degree) of $\angle DEC$?

दी गई आकृति में, ABCD एक समचतुर्भुज है तथा BCE एक समद्विबाहु त्रिभुज है, जिसमें $BC = CE$, $\angle CBE = 84^\circ$ तथा $\angle ADC = 78^\circ$ है, तो $\angle DEC$ का मान (डिग्री में) क्या है?

- (a) 20 (b) 28 (c) 33 (d) 36