

Foundation Batch



MATHS

Mensuration (2D)

PART-07

LIVE

31-08-2024 07:00PM





Foundation Batch

MATHS



TYPE – V

आयत



$$l : b$$

$$4 : 3$$

$$4R \quad 3R$$

$$l \times b = 4R \times 3R = 12R^2 = 768$$

$$R^2 = 64$$

$$R = \sqrt{64} = 8$$

diff

$$R = 8$$

83. The breadth of a rectangular hall is three-fourth of its length. If the area of the floor is 768 sq. m., then the difference between the length and breadth of the hall is:

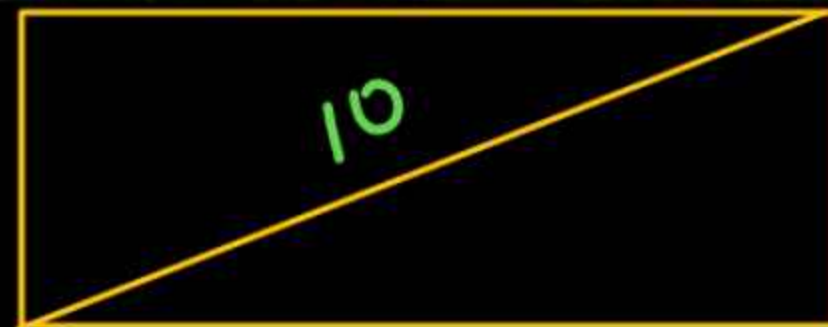
किसी आयताकार भवन की चौड़ाई उसकी लम्बाई की तीन चौथाई है। यदि फर्श का क्षेत्रफल 768 मीटर² हो, तब भवन की लम्बाई एवं चौड़ाई का अन्तर ज्ञात करें।

(a) 8m

(b) 12m

(c) 24m

(d) 32m



b

84. If the diagonal of a rectangle is 10 cm long and perimeter is 28 cm, then find the area of the rectangle.

यदि एक आयत का विकर्ण 10 cm लंबा और परिमाप 28 cm है, तो आयत का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

$$\sqrt{l^2 + b^2} = 10$$

$$l^2 + b^2 = 100$$

6
+
4
= 10

$$2(l + b) = 28$$

8
+
6
= 14

$$\text{Area} = 8 \times 6 = 48$$

$$(l + b)^2 = l^2 + b^2 + 2lb$$

$$196 = 100 + 2lb$$

$$4896 = 2lb$$

$$l \times b = 48$$

(a) 48 cm²

(b) 24 cm²

(c) 60 cm²

(d) 96 cm²



Foundation Batch

MATHS



$$100 \times 3 = l \times \frac{50}{100}$$

$$l = 600 \text{ m}$$

Area of floor = Area of Carpet

$$1 \text{ m} \rightarrow 15 \text{ ₹}$$

$$600 \text{ m} \rightarrow 15 \times 600$$

$$9000/-$$

85, The floor of a corridor is 100m long and 3m wide. Cost of covering the floor with carpet 50cm side at the rate of Rs. 15 per m is

किसी कमरे का फर्श 100 मी. लम्बा तथा 3 म चौड़ा है। उस फर्श को कारपेट से कवर करने का खर्च ज्ञात करें, जबकि 50 सेमी. चौड़े कारपेट का मूल्य 15 रु/मी. है।

(a) Rs.4500

(b) Rs.9000

(c) Rs. 7500

(d) Rs. 1900



$$\text{No. of tiles} = \frac{\text{Area of floor}}{\text{Area of one tile}}$$

$$\begin{array}{r} 8 \times 6 \\ \hline \frac{4}{10} \times \frac{4}{10} \\ 3 \cancel{48} \times 100 \\ \hline 16 \\ = 300 \end{array}$$

86. How tiles, each 4 decimeter square. Will be required to cover the floor of a room 8m long and 6m board?

$$\frac{4}{10} \text{ m}$$

4 डेसी मीटर भुजा वाली वर्गाकार टाइल्स द्वारा किसी 8 मी. लम्बे तथा 6 मी. चौड़े फर्श को बनाने में कितनी वर्गाकार टाइल्स की आवश्यकता होगी?

(a) 200

(b) 260

(c) 280

(d) 300

$$1 \text{ dm} = \frac{1}{10} \text{ m}$$



$$\begin{matrix} l & : & b \\ (R+5) & & (R) \end{matrix}$$

$$\underbrace{(R+5) \times R}_{\text{Area}}$$

$$\begin{matrix} \swarrow & \searrow \\ \text{Area} & \text{Area} \end{matrix}$$

$$\begin{aligned} \text{नया } l &= R+5+2 = R+7 \\ b &= (R-1) \end{aligned}$$

$$\text{Area} = (R+7) \times (R-1)$$

$$(R+5) \times R = (R+7)(R-1)$$

$$\begin{aligned} R+5R &= R+7R-7 \\ 5R &= 6R-7 \\ SR &= 6R-7 \end{aligned}$$

87. Length of a rectangle is 5cm more than its breadth. If the length of rectangle is increased by 2cm and breadth is decreased by 1 cm. Then there is no change in area. Find the original length & breadth of the rectangle.

एक आयत की लम्बाई इसकी चौड़ाई से 5 सेमी अधिक है। यदि आयत की लम्बाई को 2 सेमी बढ़ा दिया जाता है। तथा चौड़ाई को 1 सेमी घटा दिया जाता है। तो इसके क्षेत्रफल पर कोई प्रभाव नहीं पड़ता। इस आयत की मूल लम्बाई और चौड़ाई बताएं?

$$(a) \text{ 12, 7}$$

$$(b) \text{ 24, 14}$$

$$(c) \text{ 6, 7}$$

$$(d) \text{ 6, 3}$$

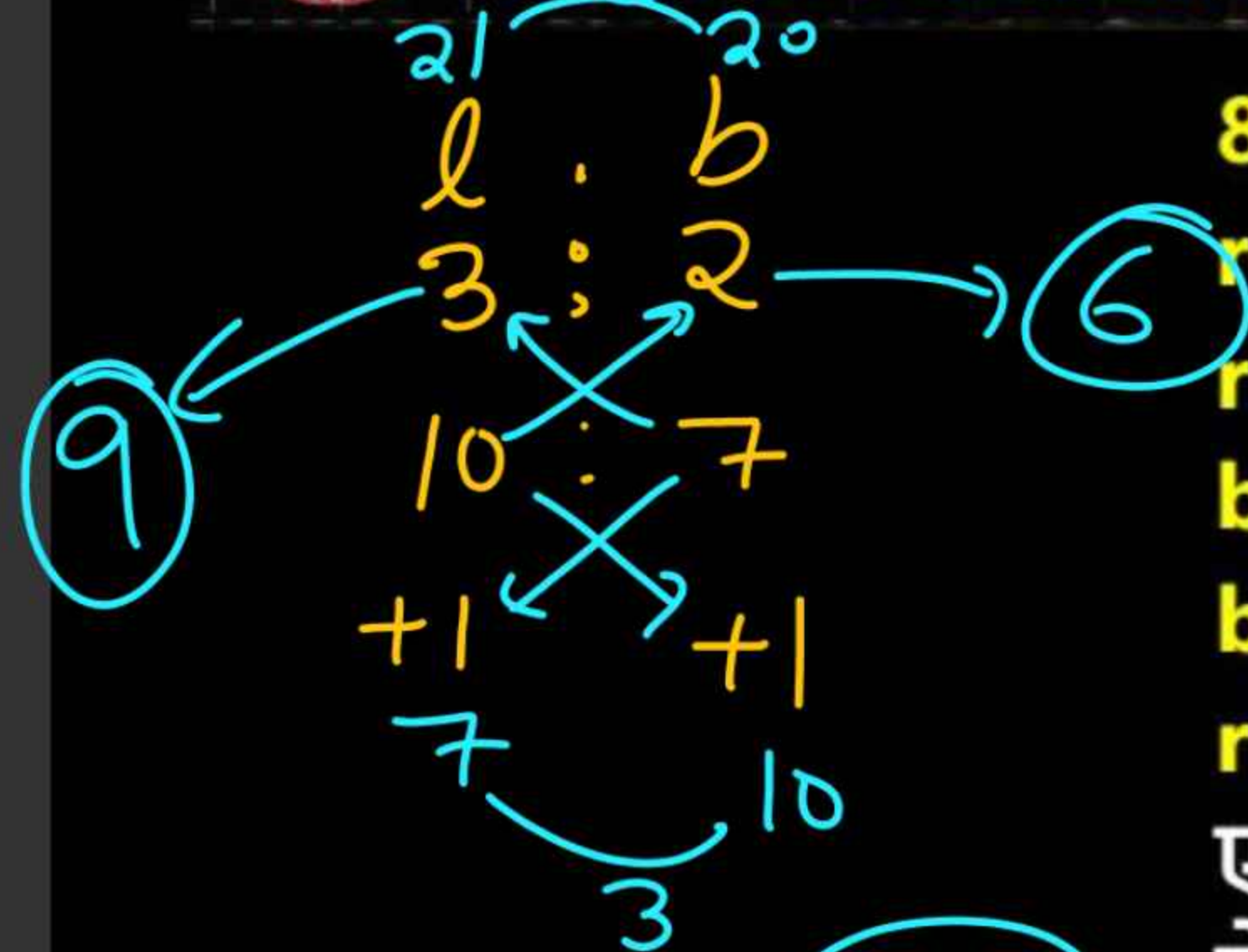
$$R=7$$



87. Length of a rectangle is 5cm more than its breadth. If the length of rectangle is increased by 2cm and breadth is decreased by 1 cm. Then there is no change in area. Find the original length & breadth of the rectangle.

एक आयत की लम्बाई इसकी चौड़ाई से 5 सेमी अधिक है। यदि आयत की लम्बाई को 2 सेमी बढ़ा दिया जाता है। तथा चौड़ाई को 1 सेमी घटा दिया जाता है। तो इसके क्षेत्रफल पर कोई प्रभाव नहीं पड़ता। इस आयत की मूल लम्बाई और चौड़ाई बताएं?

- (a) 12, 7 (b) 24, 14
(c) 6, 7 (d) 6, 3



$$\text{Area} = l \times b$$

$$9 \times 6 = 54$$

$$1 \rightarrow 3$$

88. The ratio of length and breadth of a rectangle is 3 : 2. If all the sides of the rectangle are increased by 1 meter from both sides then the ratio of length to breadth is 10: 7. Find the area of original rectangle in meter square?

एक आयत की लम्बाई और चौड़ाई 3 : 2 के अनुपात में है। यदि आयत की भुजाओं को दोनों ओर एक मीटर तक बढ़ाया जाए तो लम्बाई और चौड़ाई में 10: 7 का अनुपात हो जाता है। मूल आयत का क्षेत्रफल वर्ग मीटर में क्या है ?

(a) 23 m^2

(b) 11 m^2

(c) 54 m^2

(d) 10 m^2



Area of Rectangle
 $= l \times b$

$$25\% = \frac{1}{4}, \quad 20\% = \frac{1}{5}$$

l	4		5
b	5	—	4
<u>Area</u>	<u>20</u>		<u>20</u>

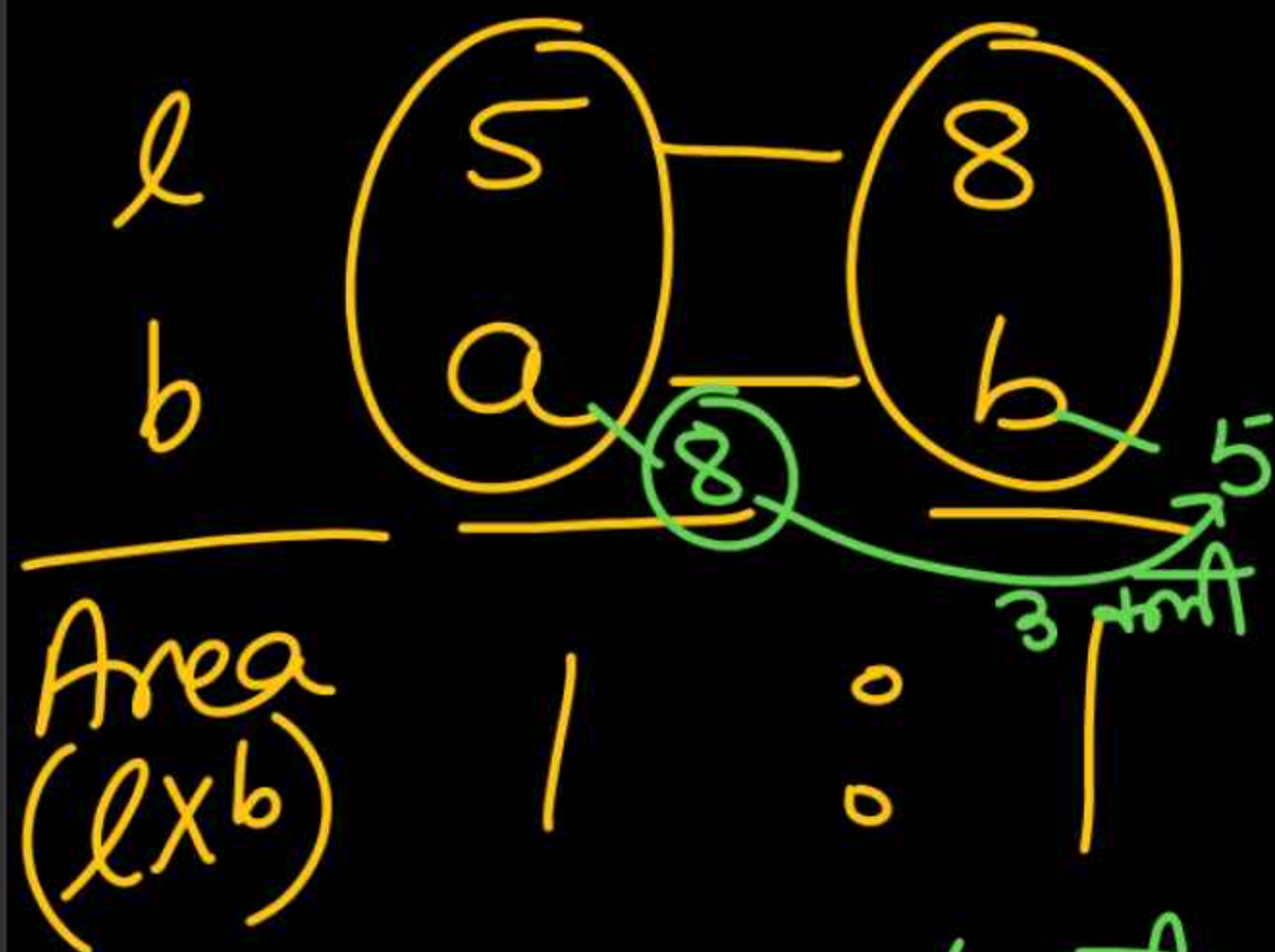
89. If the length of a rectangle is increased by 25% and the width is decreased by 20%, then the area of the rectangle:

यदि किसी आयत की लम्बाई को 25% बढ़ाया जाये तथा चौड़ाई को 20% घटा दिया जाये, तब आयत के क्षेत्रफल में परिवर्तन ज्ञात करें?

- (a) Increases by 50%
- (b) decreases by 5%
- (c) ☒ Remains unchanged
- (d) Increases by 10%



$$60\% = \frac{3}{5}$$



$$\frac{5a}{8b} = \frac{1}{1}$$

$$\frac{a}{b} = \frac{8}{5}$$

90. The length of rectangle is increased by 60%. By what percent would the breadth to be decreased maintain the same area?

किसी आयत की लम्बाई 60% बढ़ा दी जाती है। चौड़ाई में कितने % की कमी करनी चाहिये, जिससे क्षेत्रफल समान रहे?

- (a) $37\frac{1}{2}\%$
- (b) 60%
- (c) 75%
- (d) 120%



$$l \times b = 12 \times 5 = 60$$

$$\frac{D^2}{2} = 60$$

$$D^2 = 120$$

$$D = \sqrt{120}$$

4×30

$$2\sqrt{30}$$

91. The length of a rectangular garden is 12 meters and its breadth is 5 meters. Find the length of the diagonal of a square garden having the same area as that of the rectangular garden:

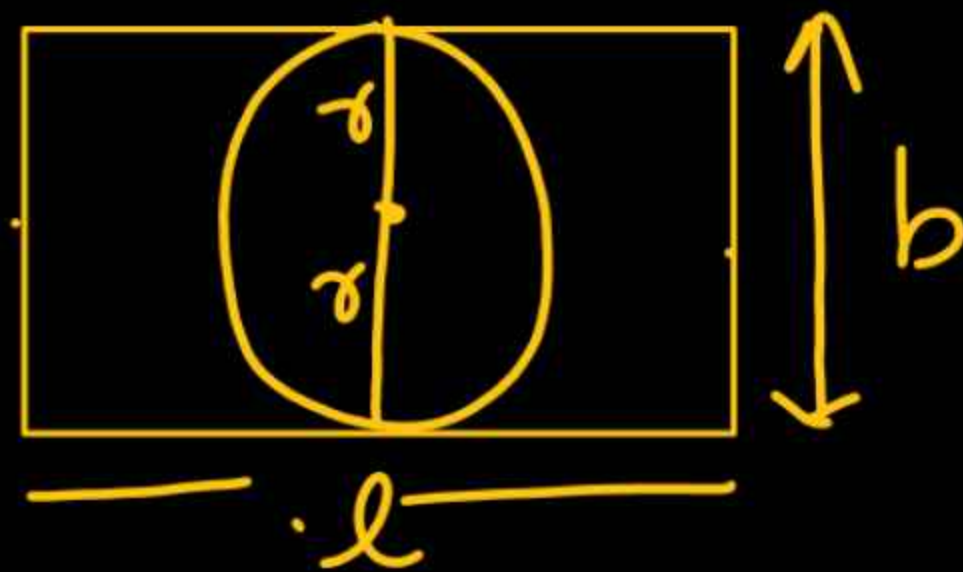
किसी आयताकार पार्क की लम्बाई 12 मीटर तथा चौड़ाई 5 मीटर है। उस वर्ग के विकर्ण की लम्बाई ज्ञात करें। जिसका क्षेत्रफल आयताकार पार्क के क्षेत्रफल के समान है।

✓ (a) $2\sqrt{30}m$

(b) $\sqrt{13}m$

(c) $13m$

(d) $8\sqrt{15}m$



$$2r = b$$

$$r = \frac{b}{2}$$

$$r = \frac{14}{2} = 7$$

$$\text{Area of Circle} = \pi r^2$$

92. The area of the largest circle that can be drawn inside a rectangle with length 148 cm. and breadth 14 cm is 148 सेमी. लम्बे तथा 14 सेमी. चौड़े आयत में खींचे गये बड़े से बड़े वृत्त का क्षेत्रफल ज्ञात करें?

(a) 49cm^2

~~(b) 154cm^2~~

(c) 378cm^2

(d) 1078cm^2

$$\frac{22}{7} \times 7 \times 7$$

$$= 154$$



Foundation Batch

MATHS



आयत का Perimeter

$$2(l+b)$$

$$2(26+18)$$

$$44 \times 2 = 88$$

वृत्त का Perimeter

$$= 2\pi r = 88$$

$$\cancel{2} \times \cancel{2} \times \frac{r}{7} = 88$$

$$r = 14$$

$$\text{Area} = \pi r^2$$

$$= \frac{22}{7} \times 14^2 = 616$$

93. A circle and a rectangle have the same perimeter. The sides of the rectangle are 18cm and 26cm. The area of the circle is (Take $\pi = 22/7$)

एक वृत्त तथा आयत का परिमाप समान हैं। आयत की भुजाएँ 26 सेमी. तथा 18 सेमी हैं।

वृत्त का क्षेत्रफल ज्ञात करें?

(a) 125cm^2

(b) 230cm^2

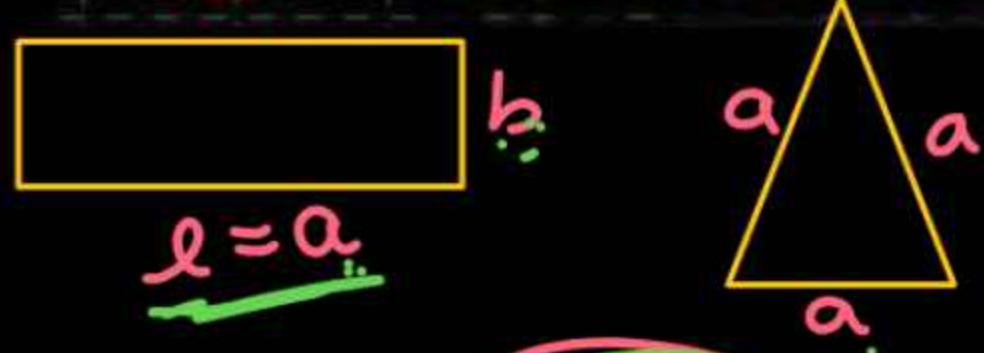
(c) 550cm^2

(d) 616cm^2



Foundation Batch

MATHS



$$\text{परिमाप} = 2(a+b) = 3a$$

$$\frac{a+b}{3} : a = 2 : 3$$

$$\text{आयत} : \text{त्रिभुज} = a : b = 2 : 1$$

$$a \times b : \frac{\sqrt{3}}{4} \times a^2$$

$$2 \times 1 = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 4$$
$$2 : \sqrt{3}$$

94. The perimeter of a rectangle and an equilateral triangle is equal. One side of the rectangle is equal to the side of the triangle. Find the ratio of the area of the rectangle and the triangle?

किसी आयत तथा समबाहु त्रिभुज का परिमाप बराबर है। आयत की एक भुजा, त्रिभुज की भुजा के बराबर है। आयत तथा त्रिभुज के क्षेत्रफल का अनुपात ज्ञात करें?

(a) $\sqrt{3}:1$

(b) $1:\sqrt{3}$

(c) $2:\sqrt{3}$

(d) $4:\sqrt{3}$



Area of triangle (Isosceles)

$$= \frac{1}{2} \times 60 \times \sqrt{4 \times 50^2 - 60^2}$$

$$= \frac{1}{2} \times 60 \times \sqrt{10000 - 3600}$$

$$= \frac{1}{2} \times 60 \times \sqrt{6400} = \frac{1}{2} \times 60 \times 80 = 1200 \text{ cm}^2$$

Area of Rectangle = $l \times b$

$$= 120 \times 80 = 9600$$

95. Length and breadth of a rectangular paper sheet are 120 cm and 80 cm respectively. A triangular paper sheet having sides of 60 cm, 50 cm and 50 cm is cut out from the breadth of the rectangular paper sheet. What will be the area of the remaining part of the paper sheet?

एक आयताकार कागज की चादर की लंबाई और चौड़ाई क्रमशः 120 सेमी और 80 सेमी है। एक त्रिभुजाकार कागज की चादर, जिसकी भुजाएँ 60 सेमी, 50 सेमी और 50 सेमी है, को इसके चौड़ाई में से काट कर निकाल लिया जाता है। इस कागज की चादर के शेष भाग का क्षेत्रफल बताएँ?

(a) 8400 cm^2 (b) 7700 cm^2

(c) 4200 cm^2 (d) 6160 cm^2

Required area

$$= 9600 - 1200 = 8400$$



Area of Path.

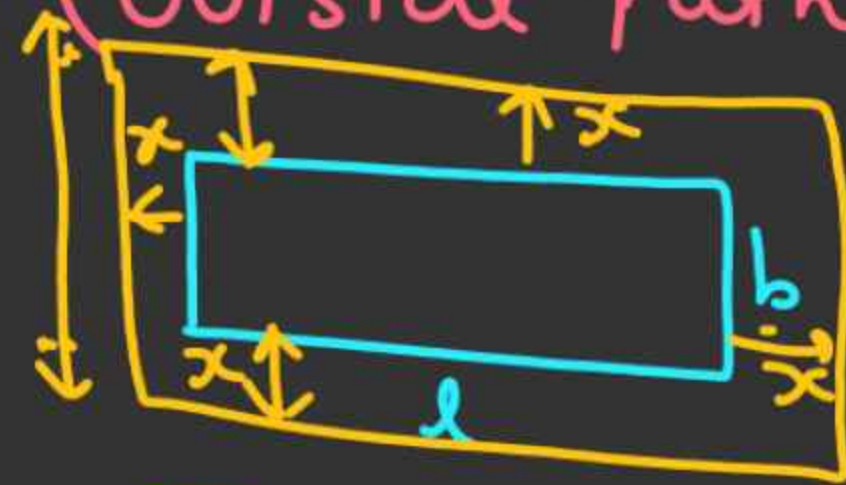
TYPE – VI

Rectangle
(आयत)



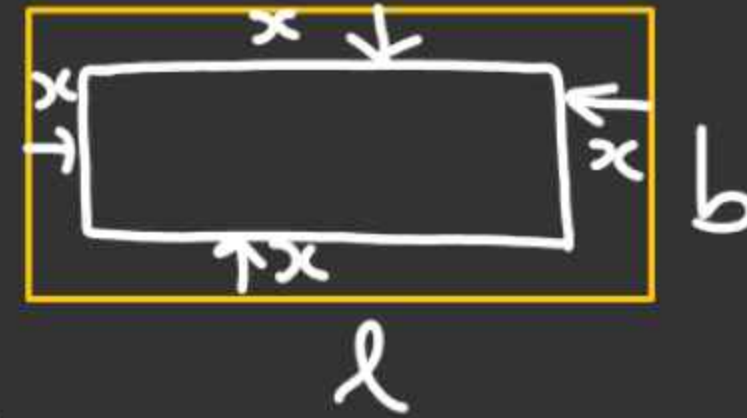
रास्ते का क्षेत्रफल

बाहर की तरफ रास्ता
(Outside path)



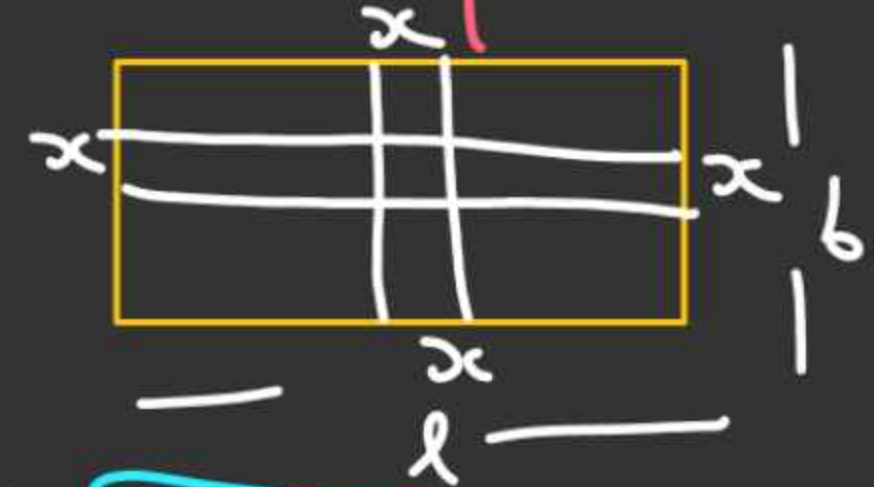
$$\text{Area} = 2x(l+b+2x)$$

अंदर की तरफ रास्ता
inside path



$$\text{Area} = 2x(l+b-2x)$$

बीचों बीच रास्ता
middle path

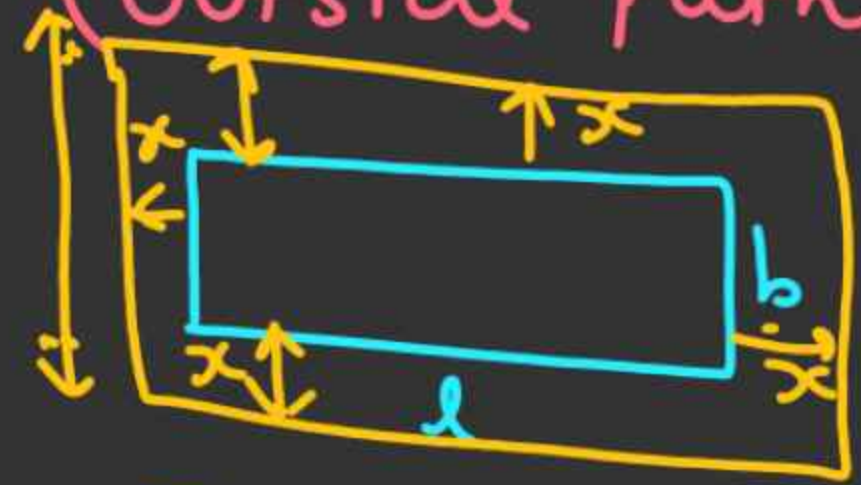


$$A = x(l+b-2x)$$

$x = \text{width of path}$
रास्ते की चौड़ाई

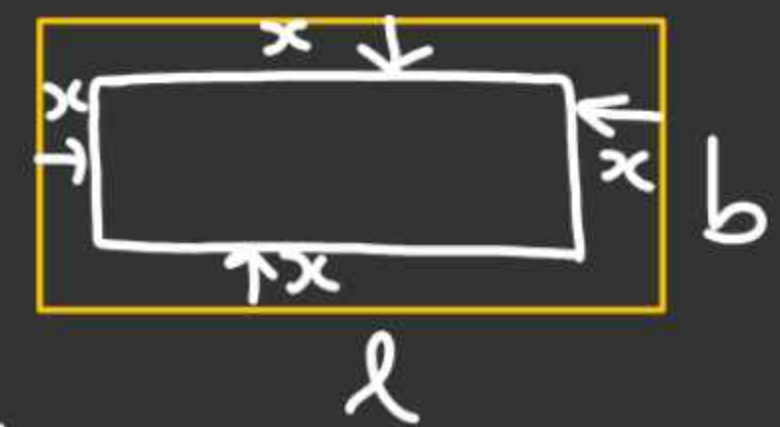
$x = \text{width of path}$
 रास्ते की चौड़ाई

बाहर की तरफ रास्ता
 (Outside path)



$$\text{Area} = 2x(l + b + 2x)$$

अंदर की तरफ रास्ता
 inside path



$$\text{Area} = 2x(l + b - 2x)$$

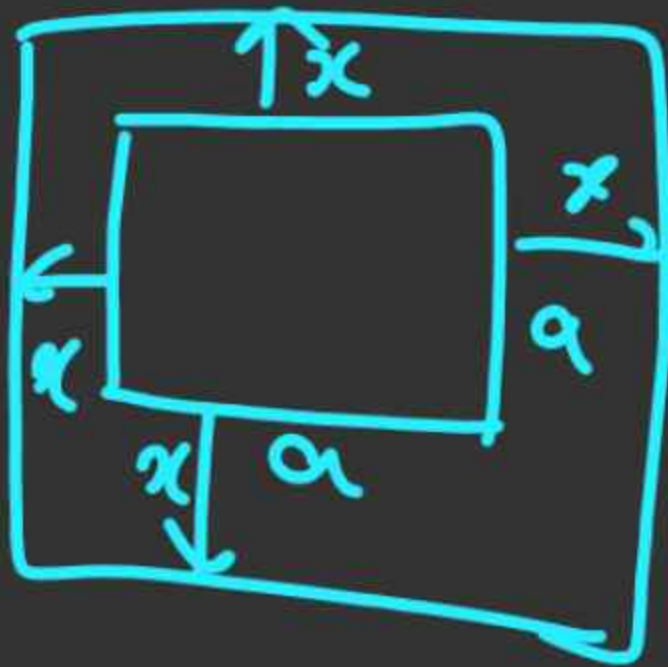
बीचों बीच रास्ता
 middle path



$$A = x(l + b - x)$$

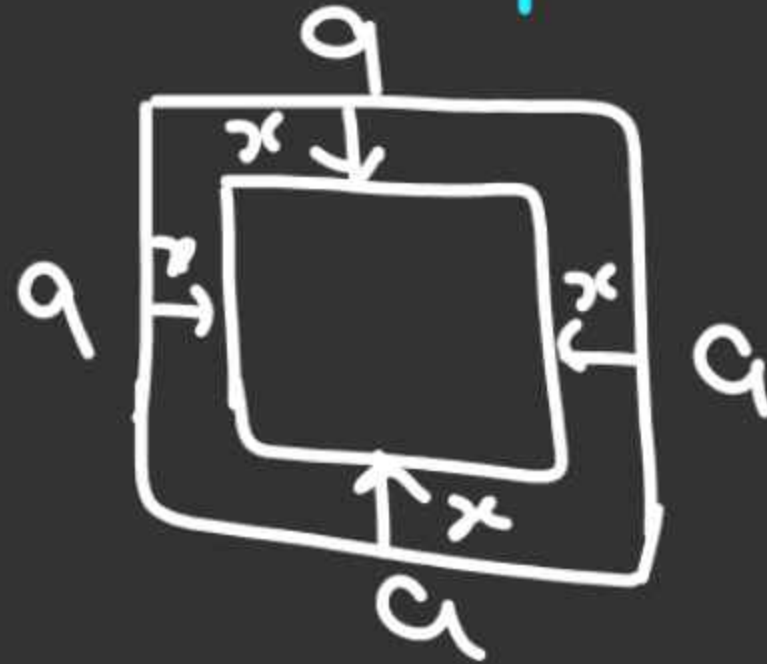
द्वि (Square)
Area of path

Outside path



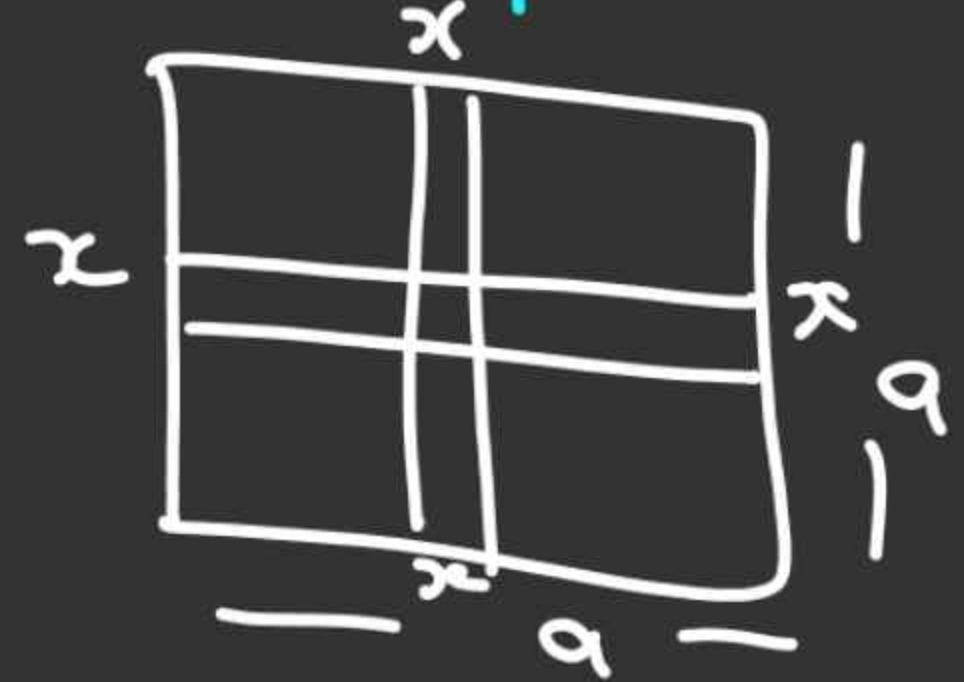
$$A = 2x(2a + 2x)$$

Inside path

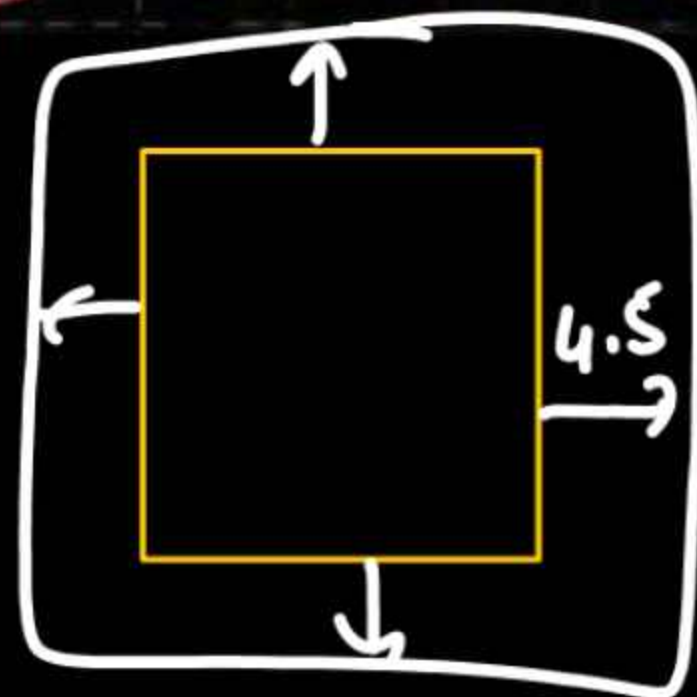


$$A = 2x(2a - 2x)$$

Middle path



$$x(2a - x)$$



$$x = 4.5$$

$$A = 2x(2a + 2x)$$

$$252 = 2 \times 4.5 (2a + 2 \times 4.5)$$

$$252 = 9 (2a + 9)$$

$$28 + 9 = 2a$$

$$a = \frac{19}{2} = 9.5$$

96. If the width of the path around a square field is 4.5 m and the area of the path is 252 m^2 , then the length of the side of the field is:

यदि एक वर्गाकार मैदान के चारों ओर पथ की चौड़ाई 4.5 मीटर है और पथ का क्षेत्रफल 252 वर्ग मीटर है, तो मैदान की भुजा की लंबाई क्या है?

(a) 9.5 m

(b) 9 m

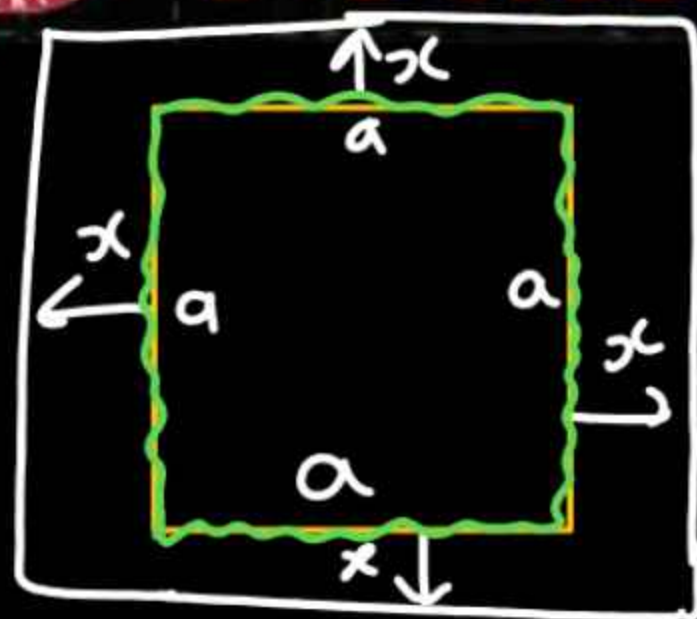
(c) 8 m

(d) 8.5 m



Foundation Batch

MATHS



$$A = 2x(2a + 2x)$$

$$105.75 = 2 \times 4.5 (2a + 2 \times 4.5)$$

$$105.75 = 9(2a + 9)$$

$$11.75 - 9 = 2a$$

$$2a = 2.75$$

$$a = \frac{2.75}{2}$$

$$P = 2.75 \times 2$$

$$5.50$$

माला

$$= 5.5 \times 100 = 550$$

97. The width of the path around a square field is 4.5 m and its area is 105.75 sq. m. Find the cost of fencing the field at the rate of Rs 100 per meter.

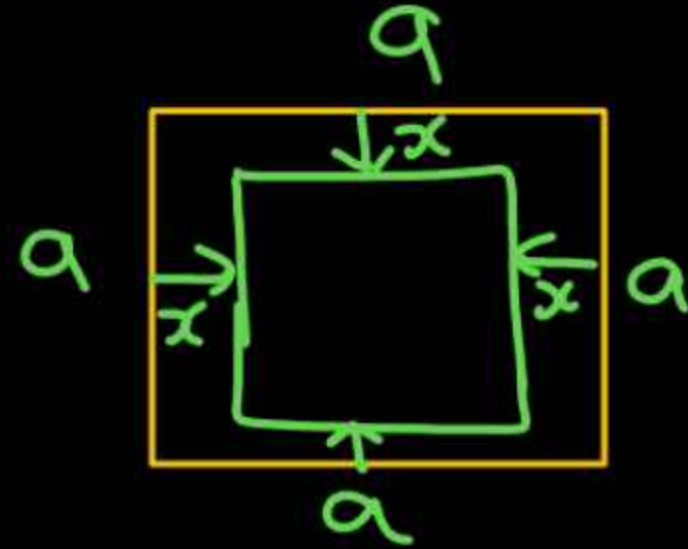
एक वर्गाकार मैदान के चारों ओर पथ की चौड़ाई 4.5 मीटर है और इसका क्षेत्रफल 105.75 वर्ग मीटर है। 100 रुपये प्रति मीटर की दर से मैदान की बाड़ लगाने की लागत ज्ञात कीजिए।

(a) 275 रुपये

(c) 600 रुपये

(b) 550 रुपये

(d) 400 रुपये

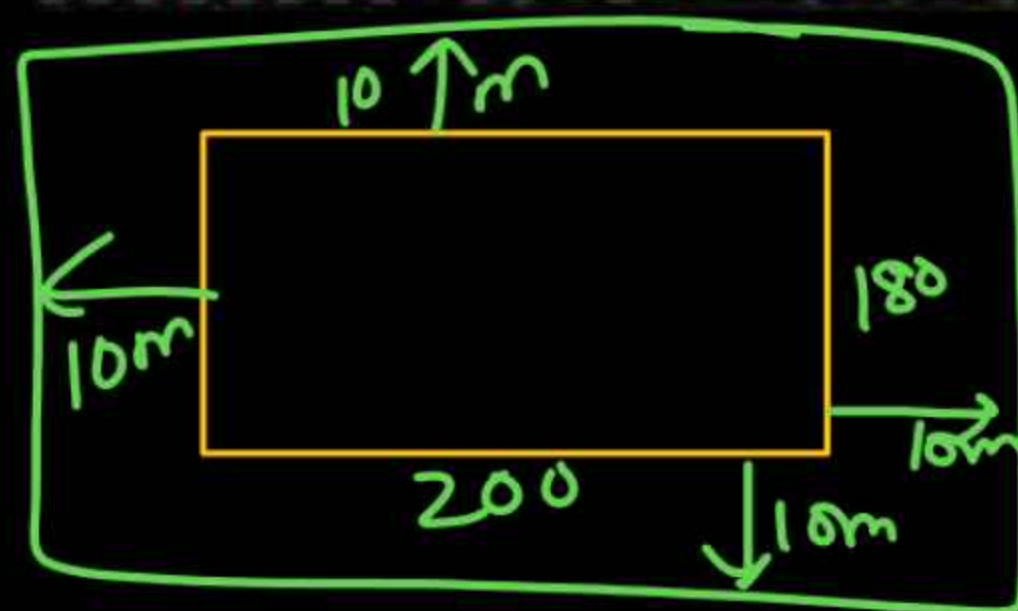


$$\begin{aligned} A &= 2x(2a - 2x) \\ &= 2 \times 1(2 \times 18 - 2 \times 1) \\ &= 2(36 - 2) \\ &= 2 \times 34 \\ A &= 68 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

98. A square park has sides of length 18 cm. A 1 cm wide path along the edges is inside it. What is the area of the path?

एक वर्गाकार पार्क की भुजाओं की लंबाई 18 सेमी है। किनारों के साथ 1 सेमी चौड़ा पथ इसके अंदर है। पथ का क्षेत्रफल क्या है?

- (a) 76 cm^2
- (b) 92 cm^2
- (c) 68 cm^2
- (d) 180 cm^2



$$\begin{aligned} A &= 2x(l+b+2x) \\ &= 2 \times 10(200+180+2 \times 10) \\ &= 20(380+20) \\ &= 20 \times 400 \\ &= \underline{\underline{8000 \text{ m}^2}} \end{aligned}$$

99. A Street of width 10 meters surrounds from outside a rectangular garden whose measurement is $200\text{m} \times 180\text{m}$. The area of the path (in square meters) is

200 मी. $\times$ 180मी. वाले आयताकार क्षेत्र के चारों ओर 10 मी. चौड़ा रास्ता है। रास्ते का क्षेत्रफल ज्ञात करें?

☒ (a) 8000 m^2
(c) 7500 m^2

(b) 7000 m^2
(d) 8200 m^2



$$A = 2x(l + b - 2x)$$

$$1632 = 2x(84 + 64 - 2x)$$

816

$$x(148 - 2x) = 816$$

$$6(148 - 12)$$

$$136 \times 6$$

$$= 816$$

$$x = 6$$

100. A garden is 84 meters long and 64 meters wide. A path of uniform width runs around the inside it. If area of the path is 1632m^2 . Find the breadth of the path?

एक बगीचा 84 मी. लम्बा और 64मी. चौड़ा है। इसके अंदर चारों तरफ समान चौड़ाई का एक रास्ता है। यदि रास्ते का क्षेत्रफल 1632 वर्ग मी. हो तो रास्ते की चौड़ाई बताए?

(a) 6m

(b) 7m

(c) 8m

(d) 5m



रास्ते का Area

$$= 20 \times 10 - 96$$

$$200 - 96 = 104$$

$$2x(20-2x) = 104 \text{ Sq}$$

$$x(20-2x) = 52$$

$$2(20-4)$$

$$2 \times 16 = 32$$

$$x = 2$$

101. Within a rectangular garden 10m wide and 20m long, we wish to pave a walk around the boards of uniform width so as to leave an area of 96 sq. meters for flowers. How wide should the walk be?

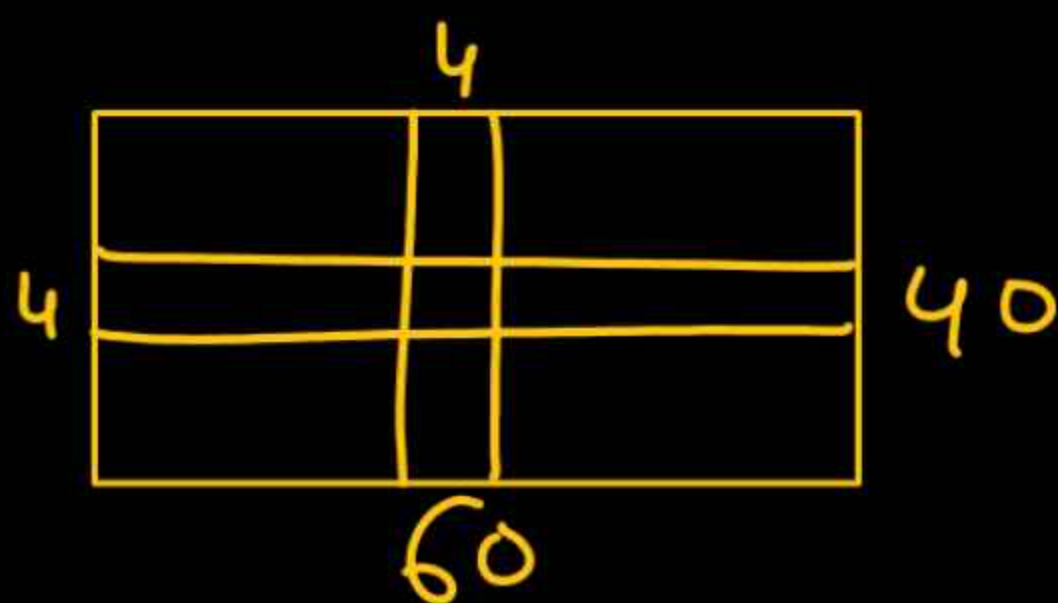
एक आयताकार बगीचा जिसकी लम्बाई और चौड़ाई क्रमशः 20 और 10मी. है। इसके भुजाओं के चारों ओर समान चौड़ाई का अंदर की ओर एक रास्ता इस प्रकार बनाया जाता है कि फूलों को लगाने के लिए 96 मी.² का क्षेत्र छोड़ दिया जाए। रास्ते की चौड़ाई बताए ?

(a) 1m

(b) 2m

(c) 2.1m

(d) 2.5m



A

$$x(l+b-x)$$

$$4(60+40-4)$$

$$4(100-4)$$

$$4 \times 96$$

$$= 384$$

102. A rectangular park is 60 m long and 40 m wide. There are two path in the middle of plot parallel to its sides. The width of the path is 4m, the two path cut each other at right angle Find Area of path

एक आयताकार पार्क 60 मीटर लंबा और 40 मीटर चौड़ा है। इसके पक्षों के समानांतर भूखंड के बीच में दो रास्ते हैं। पथ की चौड़ाई 4 मीटर है, दो मार्ग एक दूसरे को समकोण पर काटते हैं, पथ का क्षेत्रफल ज्ञात करें

(a) 388

(b) 384

(c) 584

(d) 484



Yw

103. एक आयताकार बाग की लम्बाई 120 मीटर तथा चौड़ाई 90 मीटर है। इस बाग के बीचों-बीच दो रास्ते हैं जिसकी चौड़ाई 8 मी. है तथा उसमें से एक बाग की लम्बाई के समानान्तर तथा दूसरा चौड़ाई के समानान्तर है। दोनों रास्तों पर 130 रु. प्रति वर्ग मीटर की दर से घास लगवाने का खर्च क्या है ?

(a) Rs.210080

(b) Rs.210008

(c) Rs.210800

(d) Rs.218000