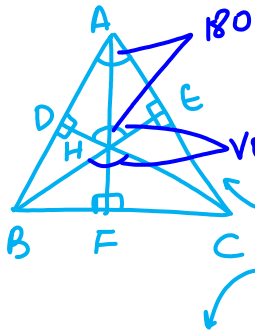
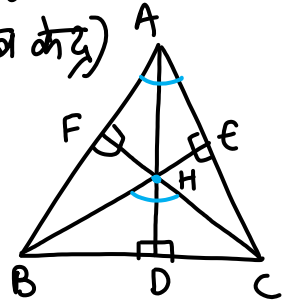


Altitude (लम्ब):



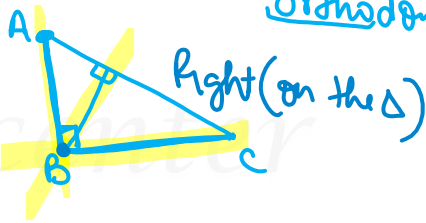
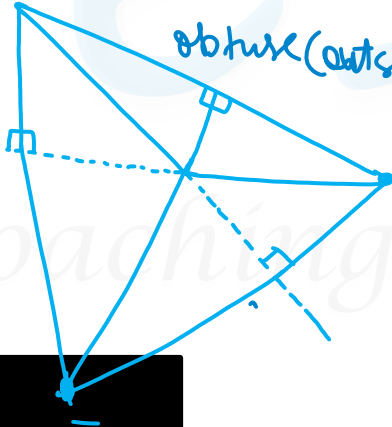
1. Property: It is \perp to opposite side
2. Intersecting point: Orthocenter (ज्यामितीय केंद्र)
3. Angle property: $\angle BHC + \angle BAC = 180^\circ$
4. Location in different triangles:
5. Product formula: $AH \times HD = BH \times HE = HC \times HF$



Acute (inside)



Obtuse (outside)

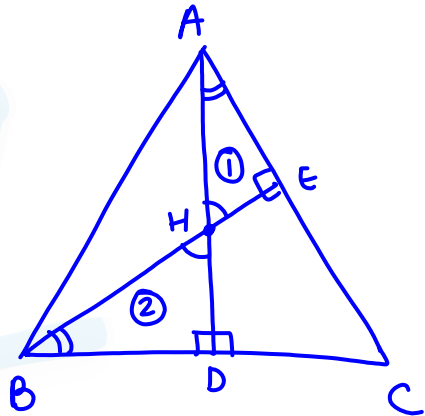


Orthocenter

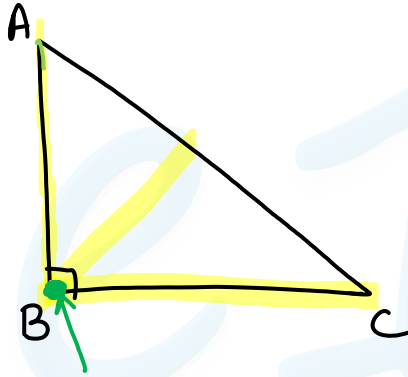
Right (on the Δ)

$$\frac{90^\circ}{\triangle} \rightarrow \textcircled{1} \quad \frac{AH}{HE} = \frac{BH}{HD}$$

$$\Rightarrow AH \times HD = BH \times HE$$



coaching center

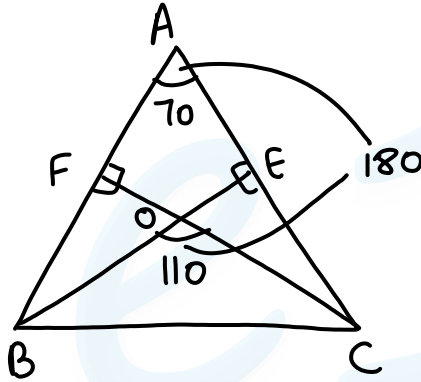


1. The orthocenter of a right-angled triangle lies

एक समकोण त्रिभुज का लम्बकेंद्र कहाँ स्थित होगा?

- a) Outside the triangle
- b) At the right angular vertex
- c) On its hypotenuse
- d) Within the triangle

coaching center



2. In $\triangle ABC$, draw $BE \perp AC$ and $CF \perp AB$ and the lines BE and CF intersect at point O . If $\angle BAC = 70^\circ$, then the value of $\angle BOC$ is

$\triangle ABC$ में $BE \perp AC$ और $CF \perp AB$ बनाईये और रेखाएं BE और CF बिंदु O पर प्रतिच्छेद करती हैं। अगर $\angle BAC = 70^\circ$ है तो $\angle BOC = ?$

a) 125

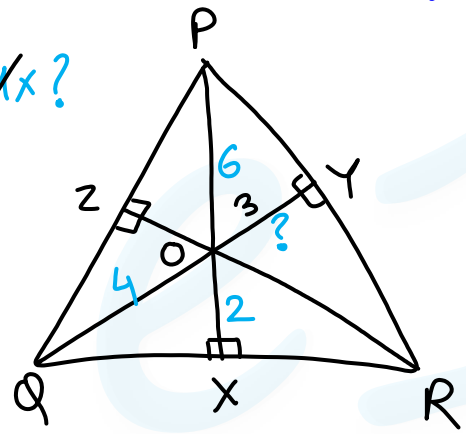
b) 55

c) 150

~~d) 110~~

coaching center

3
 ~~$6 \times 2 = 4 \times x$~~ ?

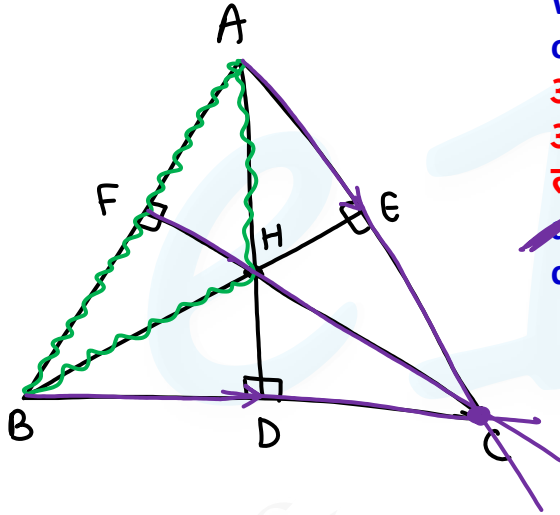


3. In a triangle PQR , PX , QY and RZ be altitudes intersecting at O . If $PO = 6\text{cm}$, $PX = 8\text{cm}$ and $QO = 4\text{cm}$, then what is the value of QY ?

त्रिभुज PQR PX , QY तथा RZ , O प्रतिच्छेद करती हुई ऊंचाई है यदि $PO = 6\text{cm}$, $PX = 8\text{cm}$ तथा $QO = 4\text{cm}$ है, तो QY का मान क्या है?

- a) 6.3 b) 5.8 c) 6 ~~d) 7~~

coaching center



4. If AD, BE, CF are the altitudes of $\triangle ABC$ Whose orthocenter is H, then C is the orthocenter of:

अगर AD, BE, CF $\triangle ABC$ के लम्ब हैं और H लम्ब केंद्र तो C किस त्रिभुज का लम्ब केंद्र है? लम्ब

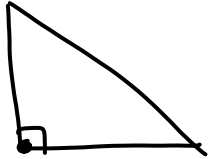
a) $\triangle ABH$

b) $\triangle ABD$

c) $\triangle BDH$

d) $\triangle BFA$

coaching center



5. Which of the following statements are correct?

- ~~1) The orthocentre of a triangle always lies inside the triangle.~~
- ✓ 2) The centroid of a triangle always lies inside the triangle.
- ✓ 3) The orthocentre of a right-angled triangle lies on the triangle.
- ~~4) The centroid of a right-angled triangle lies on the triangle.~~

निम्नलिखित कौनसा/कौनसे कथन सत्य हैं?

- 1) किसी त्रिभुज का लम्बकेंद्र हमेशा त्रिभुज के अन्दर ही होता है।
- 2) किसी त्रिभुज का केन्द्रक हमेशा त्रिभुज के अन्दर ही होता है।
- 3) किसी समकोण त्रिभुज का लम्बकेंद्र त्रिभुज पर होता है।
- 4) किसी समकोण त्रिभुज का केन्द्रक त्रिभुज पर होता है।

- a) 1 and 2 b) 1 and 4 ~~c) 2 and 3~~ d) 2 and 4

coaching center

Sum of medians $<$ Sum of sides
Sum of Altitudes $<$ Sum of sides

6. The sum of three altitudes of a triangle is:

किसी त्रिभुज के तीनों लम्बों की लम्बाई:

a) equal to the sum of three sides

b) twice the sum of sides

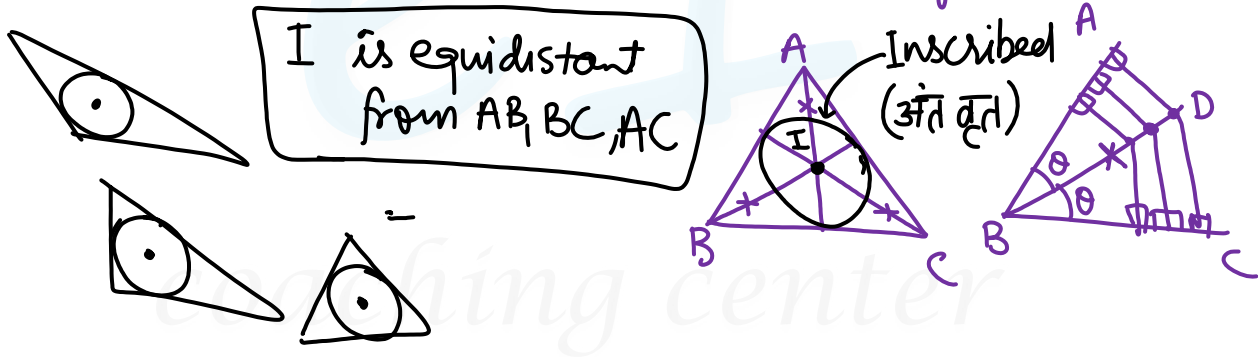
c) greater than the sum of sides

d) ~~less than the sum of sides~~

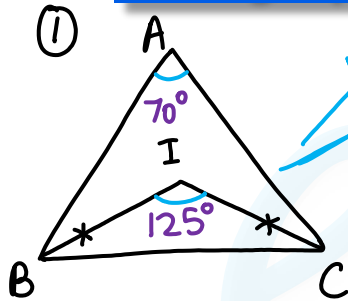
coaching center

Angle bisector (कोण समद्विभाजक):

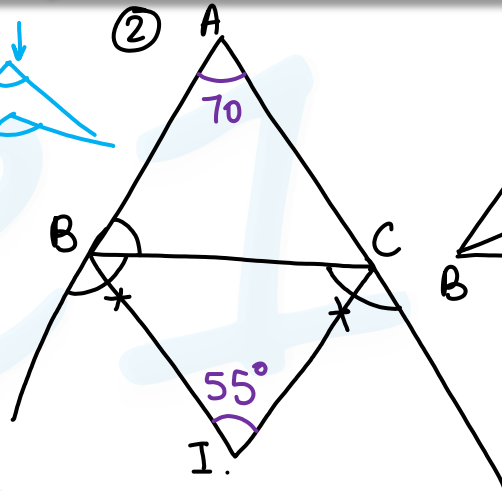
1. **Property:** bisects the angle at the vertex
2. **Intersecting point:** Incenter (अंतः केन्द्र)
3. **Location in different triangles:** Always inside



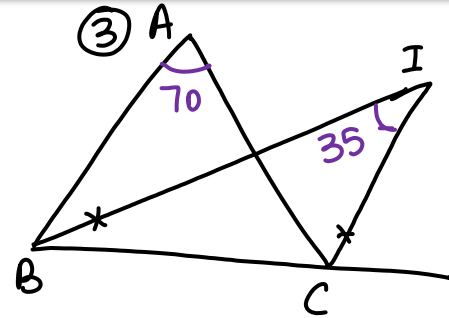
3 Angle properties (कोण सम्बंधित 3 नियम):



$$\angle BIC = 90 + \frac{1}{2} \angle A$$

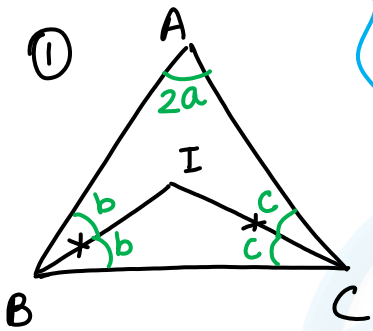


$$\angle BIC = 90 - \frac{1}{2} \angle A$$



$$\angle BIC = \frac{1}{2} \angle A$$

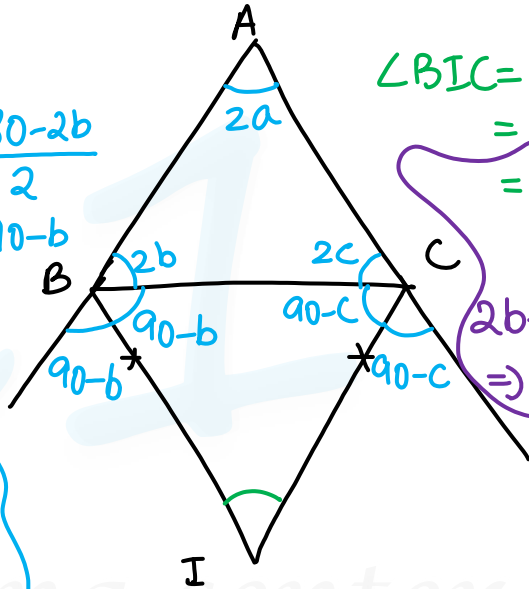
coaching center



$$\begin{aligned}\angle BIC &= 180 - (b+c) \\ &= 180 - 90 + a \\ &= 90 + a\end{aligned}$$

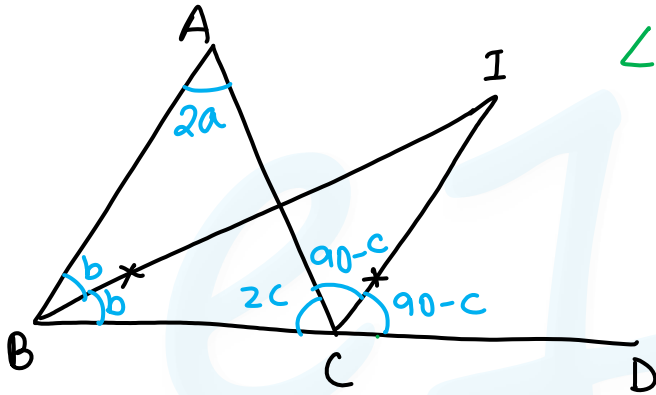
$$\begin{aligned}2b + 2c &= 180 - 2a \\ \Rightarrow \underline{b+c} &= 90 - a\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\frac{180-2b}{2} \\ = 90-b\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}\angle BIC &= 180 - (180 - b - c) \\ &= b + c \\ &= 90 - a\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}2b + 2c &= 180 - 2a \\ \Rightarrow \underline{b+c} &= 90 - a\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}
 \angle BIC &= \angle ICD - \angle IBC \\
 &= 90 - c - b \\
 &= 90 - (b + c) \\
 &= 90 - 90 + a \\
 &= a
 \end{aligned}$$

$$2b + 2c = 180 - 2a$$

$$\Rightarrow \underline{b + c} = 90 - a$$

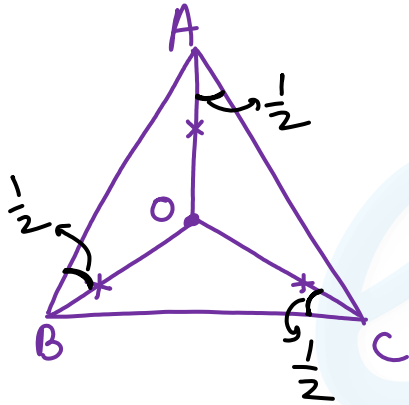
1. Incentre of a triangle lies in the interior of:

- a) An isosceles triangle only
- b) A right angled triangle only
- c) Any equilateral triangle only
- d) Any triangle

किस त्रिभुज का अन्तःकेंद्र उसके अन्दर स्थित होता है:

- a) सिर्फ समदोभुजी त्रिभुज
- b) सिर्फ समकोण त्रिभुज
- c) सिर्फ सम त्रिभुज
- d) कोई भी त्रिभुज

coaching center



2. The point O is equidistant from the three sides of a triangle ABC. Which of the below statements are correct?

Incenter

1) $\angle OAC + \angle OCB + \angle OBA = 90^\circ$

~~2) $\angle BOC = 2\angle BAC$~~

~~3) The perpendiculars drawn from any point on OA to AB and AC are always equal.~~

बिन्दु O एक त्रिभुज ABC की तीनों भुजाओं से समदूरस्थ है। निम्नलिखित में से कौनसा/से सही है/हैं?

1) $\angle OAC + \angle OCB + \angle OBA = 90^\circ$

2) $\angle BOC = 2\angle BAC$

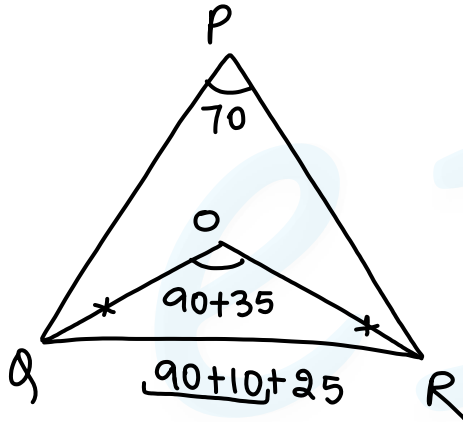
3) AB और AC पर OA के किसी बिन्दु से खींचे गए लंब सदैव समान हैं।

a) 1 and 2 only

b) 2 and 3 only

~~c) 1 and 3 only~~

d) 1, 2 and 3



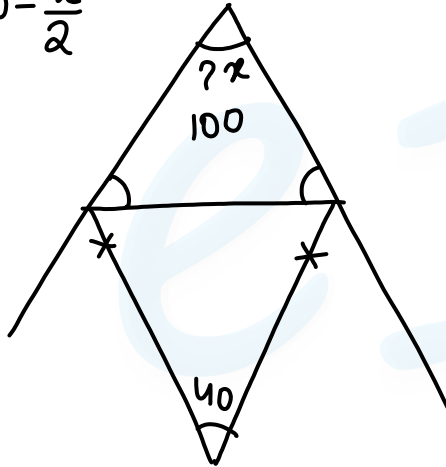
3. In triangle PQR, the internal bisector of $\angle Q$ and $\angle R$ meets at O. if $\angle QPR = 70^\circ$, then what is the value (in degree) of $\angle QOR$?

त्रिभुज PQR में, $\angle Q$ तथा $\angle R$ का आंतरिक द्विविभाजक O पर मिलते हैं। यदि $\angle QOR = 70^\circ$ है, तो $\angle QOR$ का मान (डिग्री में) क्या है?

- a) 45 ~~b) 125~~
 c) 115 d) 110

coaching center

$$40 = 90 - \frac{x}{2}$$



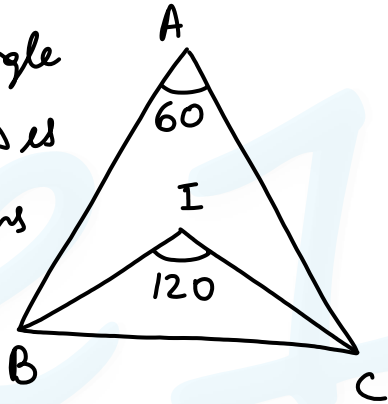
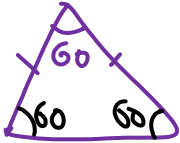
4. The angle between the external bisectors of two angles of a triangle is 40° . Then the third angle of triangle is

किसी त्रिभुज के दो कोणों के बाहरी समद्विभाजकों के मध्य का कोण 40° है। तीसरा कोण पता करें।

- ~~a) 100~~ b) 90
c) 70 d) 80

coaching center

* If any one angle in an isosceles Δ is 60° then it means it is an equilateral Δ



5. In an isosceles triangle ΔABC , the internal bisectors of $\angle ABC$ and $\angle ACB$ meet at I and $\angle BIC = 120^\circ$. The measure of $\frac{AB}{AC}$ is

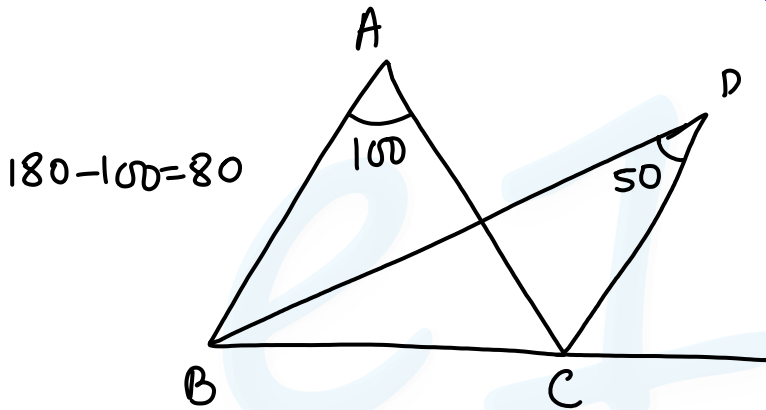
किसी समद्विबाहु ΔABC में कोणों $\angle ABC$ और $\angle ACB$ के अंदरूनी समद्विभाजक बिंदु I पर मिलते हैं और $\angle BIC = 120^\circ$ है तो

$$\frac{AB}{AC} = ?$$

- a) 2
- c) 1.5

- ~~b) 1~~
- d) $\sqrt{3}$

coaching center

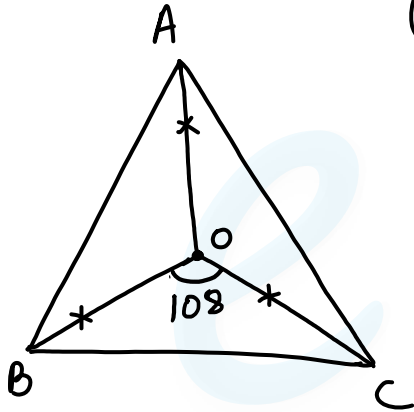


6. In $\triangle ABC$ the bisectors of the internal $\angle B$ and external $\angle C$ intersect at D . If $\angle BDC = 50^\circ$. Then supplement of $\angle A$ is =

$\triangle ABC$ में कोण $\angle B$ का अंदरूनी समद्विभाजक व कोण $\angle C$ का बाहरी समद्विभाजक बिंदु D पर मिलते हैं। अगर $\angle BDC = 50^\circ$ है तो $\angle A$ का समपूरक क्या होगा?

- a) 25 b) 155
~~c) 80~~ d) 100

coaching center



$$\angle BOC = 90 + \frac{1}{2} \angle A$$

$$\therefore \angle A = 36^\circ \rightarrow \therefore \angle BAO = 18^\circ \text{ [As AO is } \angle \text{ bisector]}$$

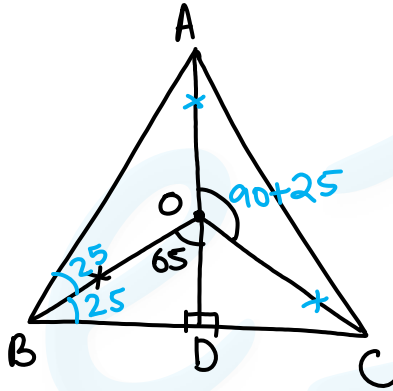
7. In $\triangle ABC$, O is the point of intersection of the bisector of $\angle B$ and $\angle A$. If $\angle BOC = 108^\circ$, then $\angle BAO = ?$

(HW)

$\triangle ABC$ में, $\angle B$ और $\angle A$ के समद्विभाजकों का प्रतिच्छेदन बिंदु O है। यदि $\angle BOC = 108^\circ$ है, तो $\angle BAO$ का माप क्या होगा?

a) 27° ~~b) 18°~~ c) 36° d) 40°

- AO, BO & CO are angle bisectors because O is incenter.



8. Let O be the incentre of $\triangle ABC$ and D be the point on the side BC , such that $OD \perp BC$. If $\angle BOD = 65^\circ$, then $\angle COA =$

O किसी त्रिभुज $\triangle ABC$ का अंतःकेंद्र है और D , भुजा BC पर एक बिंदु इस प्रकार है की $OD \perp BC$ हो। अगर $\angle BOD = 65^\circ$ हो तो $\angle COA =$

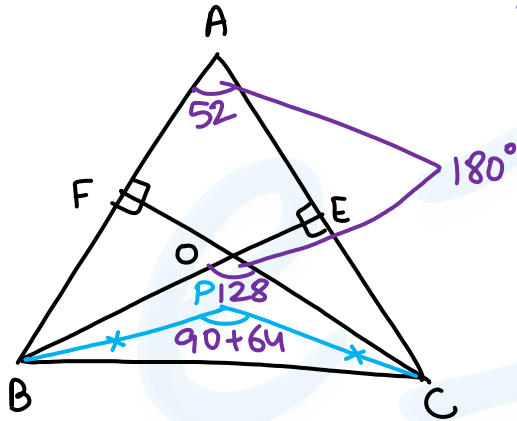
a) 50

b) 130

~~c) 115~~

d) 90

coaching center

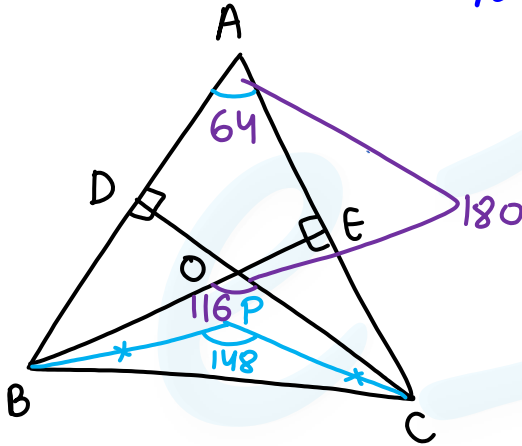


9. In $\triangle ABC$, $\angle A = 52^\circ$ and O is the orthocenter of the triangle. BO and CO meet AC and AB at E and F respectively when produced. If the bisectors of $\angle OBC$ and $\angle OCB$ meet at P, then the measure of $\angle BPC$ is:

$\triangle ABC$ में, $\angle A = 52^\circ$ और O एक त्रिभुज का लम्ब केंद्र है. BO और CO क्रमशः E और F पर AC एवं AB से मिलते हैं जब उन्हें बढ़ाया जाता है। यदि $\angle OBC$ और $\angle OCB$ के द्विविभाजक P पर मिलते हैं, तो $\angle BPC$ है:

- a) 124° b) 132°
 c) 138° ~~d) 154°~~

coaching center

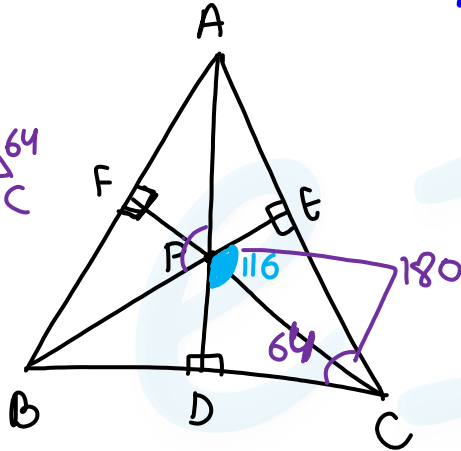
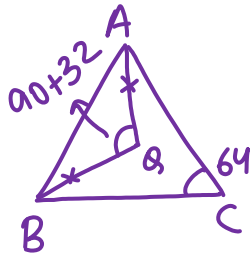


10. In ΔABC , $BE \perp AC$, $CD \perp AB$ and BE and CD intersect each other at O . The bisectors of $\angle OBC$ and $\angle OCB$ meet at P . If $\angle BPC = 148^\circ$, then what is the measure of $\angle A$?

ΔABC में $BE \perp AC$, $CD \perp AB$ तथा BE और CD परस्पर एक-दूसरे को O पर काटते हैं। $\angle OBC$ और $\angle OCB$ के समद्विभाजक P पर मिलते हैं। यदि $\angle BPC = 148^\circ$ है, तो $\angle A$ की माप क्या होगी?

- a) 56° b) 28° c) 32° ~~d) 64°~~

coaching center



11. In $\triangle ABC$, the perpendiculars drawn from A, B and C meet the opposite sides at D, E and F , respectively. AD, BE and CF intersect at point P . If $\angle EPD = 116^\circ$ and the bisectors of $\angle A$ and $\angle B$ meet at Q , then the measure of $\angle AQB$ is:

$\triangle ABC$ में, A, B और C से लंब क्रमशः D, E और F पर इस प्रकार बनायीं जाती हैं कि AD, BE और CF एक दूसरे को बिंदु P पर काटती हैं। यदि $\angle EPD = 116^\circ$ और $\angle A$ और $\angle B$ के समद्विभाजक Q पर मिलते हैं, तो $\angle AQB$ की माप क्या है?

a) 96°

~~b) 122°~~

c) 124°

d) 64°

coaching center