

Some basic misc. questions:

e1

coaching center

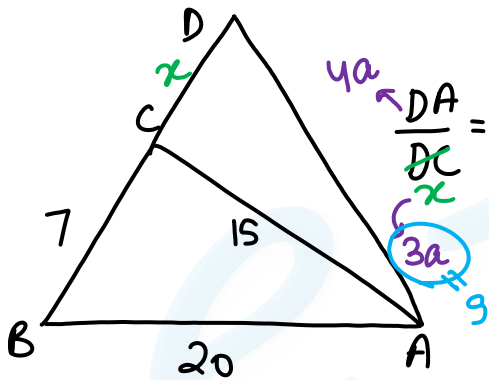
15. In $\triangle ABC$ and $\triangle DEF$, we have $\frac{AB}{DF} = \frac{BC}{DE} = \frac{AC}{EF}$, then which of the following is true?

$\triangle ABC$ और $\triangle DEF$ में, $\frac{AB}{DF} = \frac{BC}{DE} = \frac{AC}{EF}$ है। निम्न में से कौन सा सत्य है?

- a) $\triangle DEF \sim \triangle ABC$
- ~~b) $\triangle BCA \sim \triangle DEF$~~
- c) $\triangle CAB \sim \triangle DEF$
- d) $\triangle DEF \sim \triangle BAC$

ABC
DFE X
FDE ✓

coaching center



$$\frac{DA}{DC} = \frac{AB}{DA}$$

$$\frac{4}{\cancel{15}} = \frac{7+x}{\cancel{15}}$$

$$\frac{4}{3} = \frac{7+3a}{4a}$$

$$\Rightarrow 16a = 21 + 9a$$

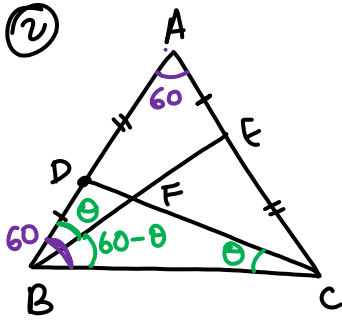
$$\Rightarrow 7a = 21$$

$$\Rightarrow a = 3$$

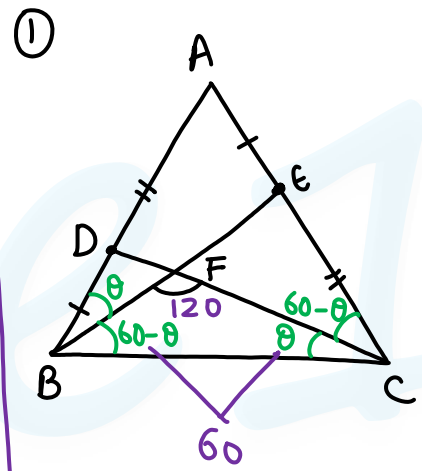
16. In $\triangle ABC$, $AB = 20\text{cm}$, $BC = 7\text{cm}$ and $CA = 15\text{cm}$. Side BC is produced to D such that $\triangle DAB \sim \triangle DCA$. DC is equal to:

$\triangle ABC$ में, $AB = 20\text{ cm}$, $BC = 7\text{ cm}$ और $CA = 15\text{ cm}$ हैं। भुजा BC को बिंदु D तक इस तरह बढ़ाया जाता है कि $\triangle DAB \sim \triangle DCA$ है। DC का माप बताइए।

- a) 9 cm
- b) 8 cm
- c) 10 cm
- d) 7 cm



$\triangle EAB \cong \triangle DBC$ [SAS]



17. In equilateral $\triangle ABC$. D and E are points on the sides AB and AC, respectively, such that $AD = CE$. BE and CD intersect at F. The measure (in degrees) of $\angle CFB$ is:

समबाहु $\triangle ABC$ में, बिंदु D और E क्रमशः AB और AC पर इस प्रकार स्थित है बिंदु हैं, कि $AD = CE$ है। BE और CD बिंदु F पर प्रतिच्छेदित करती हैं। $\angle CFB$ का माप (अंश में) बताइए।

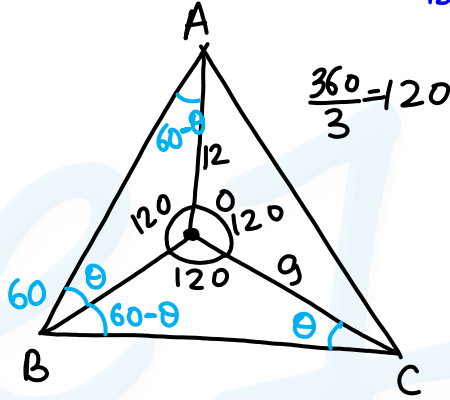
- a) 120°
- b) 135°
- c) 125°
- d) 105°

$$\triangle BAO \sim \triangle CBO$$

$$\frac{12}{BO} = \frac{BO}{9}$$

$$\Rightarrow 108 = BO^2$$

$$6\sqrt{3} = BO$$



18. O is a point in the interior of $\triangle ABC$ such that $OA = 12\text{ cm}$, $OC = 9\text{ cm}$, $\angle AOB = \angle BOC = \angle COA$ and $\angle ABC = 60^\circ$. What is the length (in cm) of OB ?

O एक बिंदु है जो $\triangle ABC$ के अंतर इस प्रकार है कि $OA = 12\text{ cm}$, $OC = 9\text{ cm}$, $\angle AOB = \angle BOC = \angle COA$ और $\angle ABC = 60^\circ$ है। OB की लंबाई (cm में) कितनी है?

a) $6\sqrt{2}$

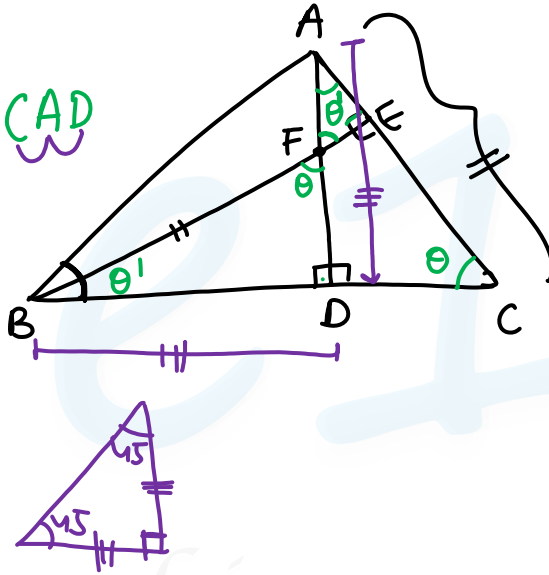
b) $4\sqrt{6}$

~~c) $6\sqrt{3}$~~

d) $4\sqrt{3}$

coaching center

$$\triangle FBD \cong \triangle CAD$$



19. In $\triangle ABC$, $AD \perp BC$ and $BE \perp AC$, AD and BE intersect each other at F . If $BF = AC$, then the measure of $\angle ABC$ is:

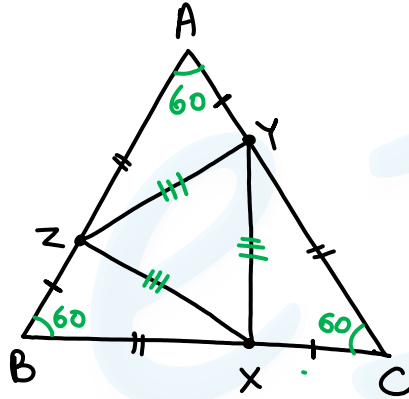
त्रिभुज $\triangle ABC$ में, $AD \perp BC$ और $BE \perp AC$ है, AD और BE एक-दूसरे को बिंदु F पर प्रतिच्छेदित करते हैं। यदि $BF = AC$ है, तो $\angle ABC$ का माप क्या है?

- a) 45°
- c) 70°

- b) 60°
- d) 50°

coaching center

SAS



20. ABC is an equilateral triangle and X, Y and Z are the points on BC, CA and AB respectively such that $BX = CY = AZ$. Which of the following is/are correct?

- ✓ 1) XYZ is an equilateral triangle
- ✓ 2) Triangle XYZ is similar to triangle ABC.

ABC एक समभुजी त्रिभुज है और बिन्दु X, Y और Z भुजाओं BC, CA और AB पर इस प्रकार हैं कि $BX = CY = AZ$ है। निम्न में से कौनसा सही है?

- 1) XYZ एक समभुजी त्रिभुज है।
 - 2) त्रिभुज XYZ त्रिभुज ABC के समरूप है।
- a) 1 only b) 2 only
✓ c) Both 1 and 2 d) Neither 1 nor 2

coaching center

Altitude in RAT (समकोण त्रिभुज में लम्ब):

$$\triangle BCA \sim \triangle BAD \sim \triangle ACD$$

①

②

③

$$BC \cdot BD = BA^2$$

① & ② →

$$\frac{BC}{BA} = \frac{BA}{BD} = \frac{CA}{AD}$$

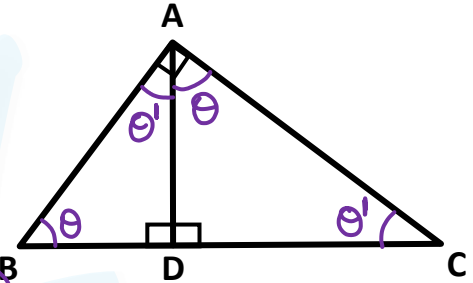
② & ③ →

$$BC^2 \times AD^2 = AB^2 \times AC^2$$

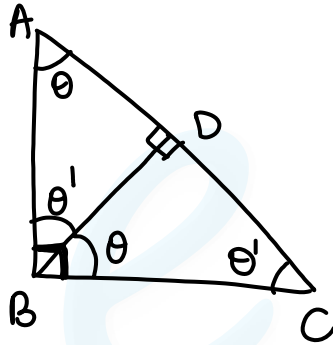
① & ③ →

$$\frac{1}{AB^2} + \frac{1}{AC^2} = \frac{AB^2 + AC^2}{AB^2 \cdot AC^2} = \frac{1}{AD^2}$$

$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$



- 1) $AD^2 = DB \times DC$
- 2) $AB^2 = BD \times BC$
- 3) $AC^2 = CD \times CB$
- 4) $\frac{AB^2}{AC^2} = \frac{BD}{CD}$
- 5) $AD \times BC = AB \times AC$
- 6) $\frac{1}{AD^2} = \frac{1}{AB^2} + \frac{1}{AC^2}$



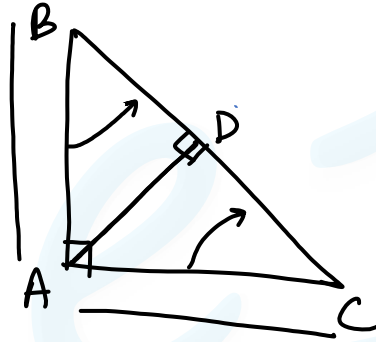
1. ABC is a triangle in which $\angle ABC = 90^\circ$. BD is perpendicular to AC. Which of the following is TRUE?

- a) Triangle BAD is similar to triangle CBD.
- b) Triangle BAD is similar to triangle CAB.
- c) Triangle CBD is similar to triangle CAB.
- d) All

ABC एक त्रिभुज है जिसमें $\angle ABC = 90^\circ$ है। BD, AC पर लम्ब है। निम्नलिखित में से कौन सा सत्य है?

- a) त्रिभुज BAD त्रिभुज CBD के समरूप है।
- b) त्रिभुज BAD त्रिभुज CAB के समरूप है।
- c) त्रिभुज CBD त्रिभुज CAB के समरूप है।
- d) सभी

coaching center



2. In a $\triangle ABC$, AD is perpendicular to BC from A . If $\angle BAC = 90^\circ$, then $AB^2 : AC^2$ is equal to:

$\triangle ABC$ में, A से AD, BC पर लम्बवत है। यदि $\angle BAC = 90^\circ$, तो $AB^2 : AC^2$ का मान क्या है:

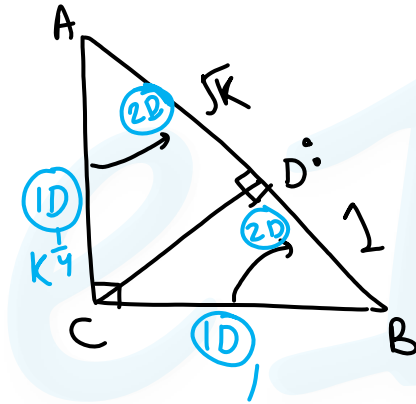
- a) $BD^2 : CD^2$
c) $CD^2 : BD^2$

- b) $CD : BD$
~~d) $BD : CD$~~

coaching center

$$\frac{CA^2}{CB^2} = \frac{\sqrt{k}}{1}$$

$$\frac{CA}{CB} = \frac{k^{\frac{1}{4}}}{1}$$



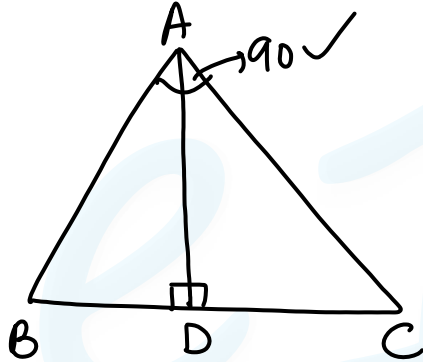
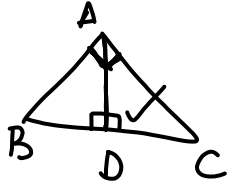
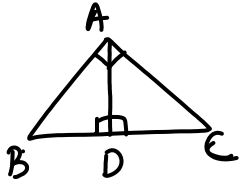
3. In $\triangle ABC$, $\angle C = 90^\circ$ and CD is perpendicular to AB at D . If $AD/BD = \sqrt{k}$ then $AC/BC = ?$
 $\triangle ABC$ में, $\angle C = 90^\circ$ और CD , बिंदु D पर AB के लम्बवत है। यदि $AD/BD = \sqrt{k}$, तो $AC/BC = ?$

- a) k
 c) $\frac{1}{\sqrt{k}}$

- b) \sqrt{k}
~~d) $\sqrt[4]{k}$~~

$$\frac{AD}{BD} = \frac{\sqrt{k}}{1}$$

coaching center



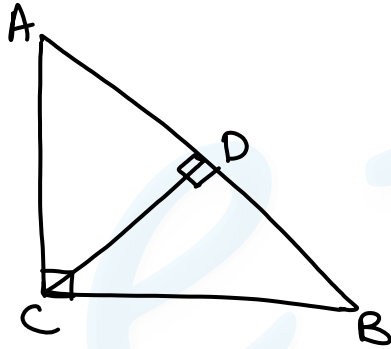
4. In $\triangle ABC$ AD is drawn perpendicular from A on BC . If $AD^2 = BD \cdot CD$ then $\angle BAC$ is

त्रिभुज $\triangle ABC$ में, AD बिंदु A से भुजा BC पर बना लम्ब है। अगर $AD^2 = BD \cdot CD$ है तो $\angle BAC = ?$

- a) 60°
- c) 30°

- ~~b) 90°~~
- d) 45°

coaching center



5. In a right angled triangle ABC , CD is the perpendicular on the hypotenuse AB . Which of the following is correct?

एक समकोण त्रिभुज ABC में CD कर्ण AB पर लम्ब है निम्न में से क्या सत्य है?

a) $CD = \frac{AC \times BC}{AB}$

b) $AD = \frac{AC \times AC}{AB}$

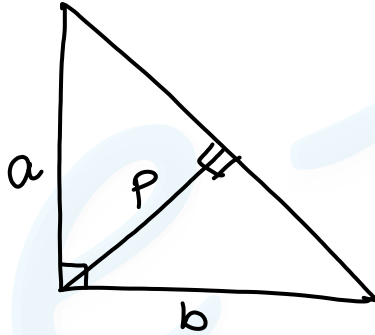
c) $BD = \frac{BC \times BC}{AB}$

d) All of the above

coaching center

Adjacent Angle
आसन्न कोण

$$\frac{1}{p^2} = \frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2}$$
$$= \frac{a^2 + b^2}{a^2 b^2}$$



6. a and b are two sides adjacent to the right angle of a right-angled triangle and p is the perpendicular drawn to the hypotenuse from the opposite vertex. Then p^2 is equal to समकोण त्रिभुज में समकोण पर बनने वाली दो भुजाओं की लम्बाई a और b हैं। इस बिंदु से कर्ण पर बनने वाले लम्ब की लम्बाई p है। p^2 पता करो।

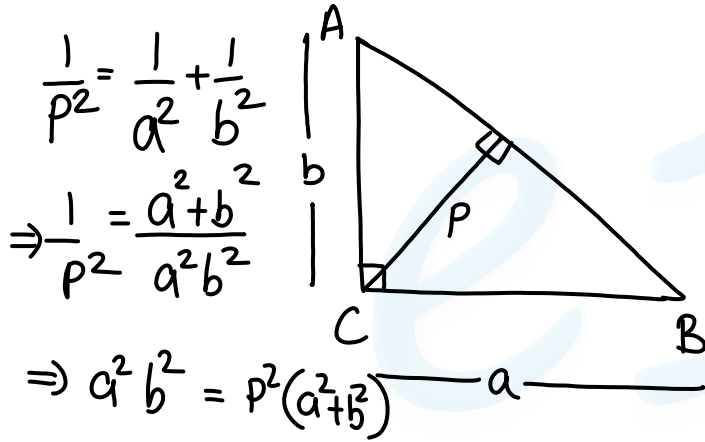
a) $a^2 + b^2$

b) $\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2}$

~~c) $\frac{a^2 b^2}{a^2 + b^2}$~~

d) $a^2 - b^2$

coaching center



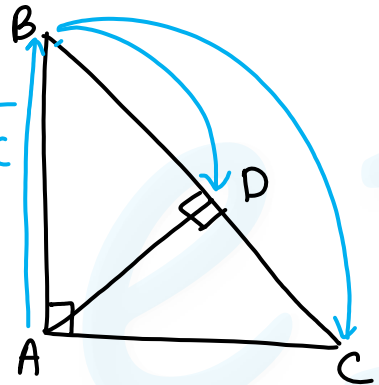
7. ABC is a triangle right angled at C with $BC = a$ and $AC = b$. If p is the length of the perpendicular from C on AB , then which one of the following is correct?

ABC बिन्दु C पर एक समकोण त्रिभुज है जिसमें $BC = a$ और $AC = b$ है। अगर बिन्दु C से भुजा AB पर खींचे गए लंब की लंबाई p है तो निम्न में से कौनसा सही है?

- a) $a^2 b^2 = p^2 (a^2 + b^2)$
- b) $a^2 b^2 = p^2 (b^2 - a^2)$
- c) $2a^2 b^2 = p^2 (a^2 + b^2)$
- d) $a^2 b^2 = 2p^2 (a^2 + b^2)$

coaching center

$\sqrt{AB^2} = \sqrt{BD \times BC}$



8. In a ΔABC , $\angle BAC = 90^\circ$, AD is drawn perpendicular from A on BC . Which among the following is the mean proportional between BD and BC ?

ΔABC में, $\angle BAC = 90^\circ$, BC पर A से लंब AD खींचा जाता है। BD से BC के बीच मध्यानुपाती निम्नलिखित में से कौन सा होगा?

- a) AD
- ~~b) AB~~
- c) CD
- d) AC

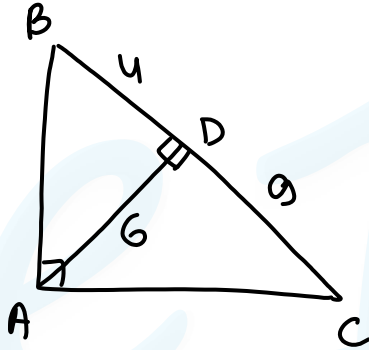
a) \textcircled{b} c
 $b = \sqrt{ac}$

$\sqrt{\text{product}}$

coaching center

$$AD^2 = DB \times DC$$

6 4

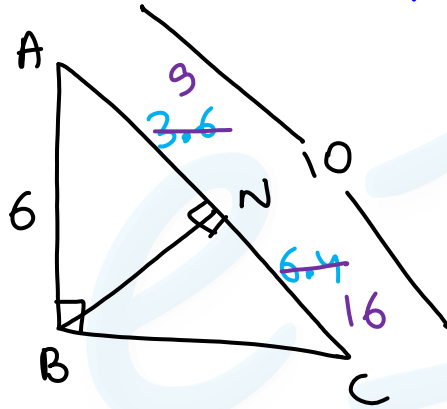


9. In $\triangle ABC$, $\angle BAC = 90^\circ$ and $AD \perp BC$. If $AD = 6 \text{ cm}$ and $BD = 4 \text{ cm}$, then the length of BC is

त्रिभुज $\triangle ABC$ में $\angle BAC = 90^\circ$ और $AD \perp BC$ है। अगर $AD = 6 \text{ cm}$ और $BD = 4 \text{ cm}$ है तो $BC = ?$

- a) 8 b) 10 c) 9 ~~d) 13~~

coaching center



10. In right angled $\triangle ABC$, $\angle ABC = 90^\circ$, $BN \perp AC$, $AB = 6 \text{ cm}$, $AC = 10 \text{ cm}$. Then $AN:NC$ is

समकोण त्रिभुज $\triangle ABC$ में $\angle ABC = 90^\circ$ है और $BN \perp AC$, $AB = 6 \text{ cm}$, $AC = 10 \text{ cm}$ है। $AN:NC$ पता करें।

a) 3:4

~~b) 9:16~~

c) 3:16

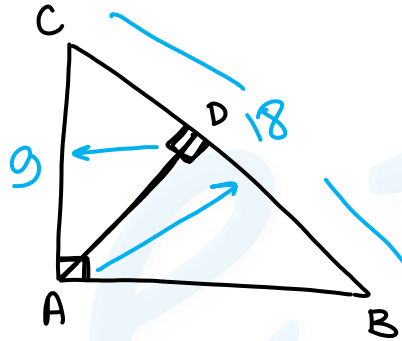
d) 1:4

$$BA^2 = AN \times AC$$

$$36 = AN \times 10$$

$$3.6 = AN$$

coaching center



(ACD)

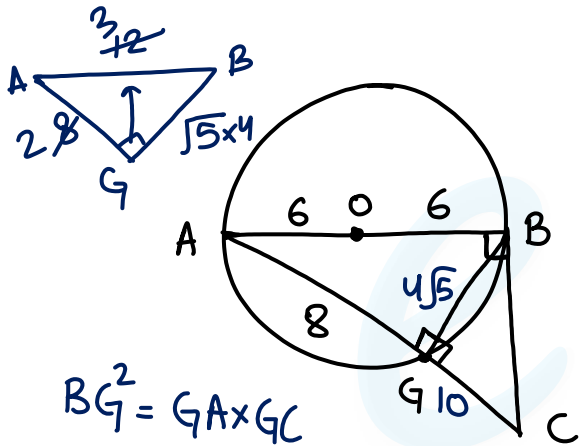
(ABC)

$2D$ 10 40
 1 4
 10 9 2
 9 18

11. Suppose $\triangle ABC$ be right angled triangle where $\angle A = 90^\circ$ and $AD \perp BC$. If area of $\triangle ABC = 40 \text{ cm}^2$, area of $\triangle ACD = 10 \text{ cm}^2$ and $AC = 9 \text{ cm}$, then length of BC is

त्रिभुज $\triangle ABC$ एक समकोण त्रिभुज है जिसमें $\angle A = 90^\circ$ और $AD \perp BC$ हैं। अगर $\triangle ABC$ का क्षेत्रफल = 40 cm^2 है और $\triangle ACD$ का क्षेत्रफल = 10 cm^2 और $AC = 9 \text{ cm}$ है तो BC की लम्बाई ज्ञात करें।

- a) 12 ~~b) 18~~ c) 4 d) 6



$$BG^2 = GA \times GC$$

$$\frac{80}{10} = 8 \times GC$$

$$BC^2 = \sqrt{10 \times 180} \\ = 3 \times 9 \sqrt{5}$$

12. AB is a diameter of a circle with centre O . CB is a tangent to the circle at B . AC intersect the circle at G . If the radius of the circle is 6cm and $AG = 8\text{cm}$, then the length of BC is:

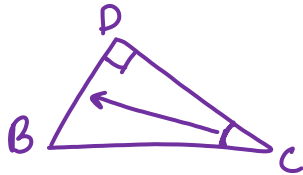
AB एक वृत्त का व्यास है जिसका केंद्र O है। CB वृत्त के बिंदु B पर एक स्पर्शरखा है। AC , वृत्त को G पर काटती है। यदि वृत्त की त्रिज्या 6 सेमी और $AG = 8$ सेमी है, तो BC की लंबाई है:

a) $2\sqrt{5}\text{cm}$

b) $6\sqrt{6}\text{cm}$

c) $2\sqrt{6}\text{cm}$

~~d) $6\sqrt{5}\text{cm}$~~



$$\tan C = \frac{BD}{DC} = \frac{1}{DC} = \frac{1}{2+\sqrt{3}}$$

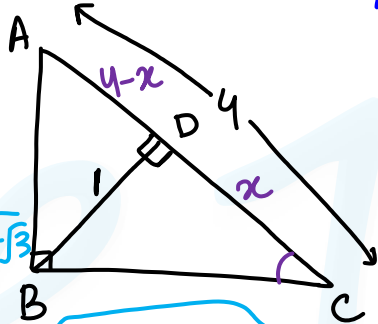
$$BD^2 = DC \times DA$$

$$1 = 4x - x^2$$

$$\Rightarrow x^2 - 4x + 1 = 0$$

$$x = \frac{4 \pm 2\sqrt{3}}{2} = 2 \pm \sqrt{3}$$

$\begin{matrix} \nearrow 2 + \sqrt{3} \checkmark \\ \searrow 2 - \sqrt{3} \times \end{matrix}$



$BC > AB$
 $\therefore CD > AD \therefore CD > 2$

$$\sqrt{16 - 4} = \sqrt{12}$$

13. ABC is a right angled triangle with base BC and height AB . The hypotenuse AC is four times the length of the perpendicular drawn to it from the opposite vertex. What is $\tan C$ equal to (if $BC > AB$)?

ABC एक समकोण त्रिभुज है जिसका आधार BC व ऊँचाई AB है। कर्ण AC की लंबाई कर्ण पर सामने वाले शीर्ष से खिंची गई रेखा से 4 गुना है। $\tan C$ का मान क्या है (अगर $BC > AB$)?

- | | |
|-------------------|-------------------|
| a) $2 - \sqrt{3}$ | b) $\sqrt{3} - 1$ |
| c) $2 + \sqrt{3}$ | d) $\sqrt{3} + 1$ |