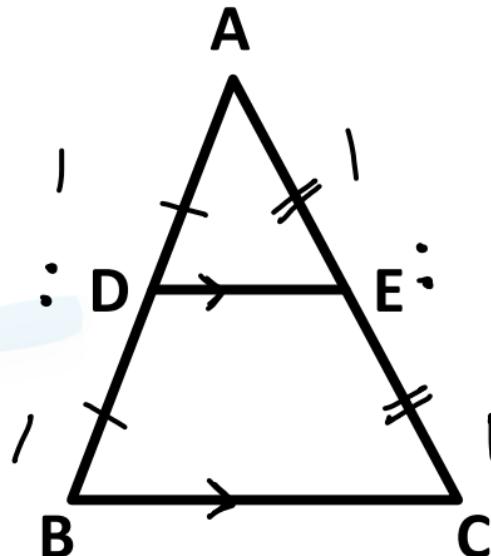


Mid Point theorem (मध्य-बिंदु प्रमेय):

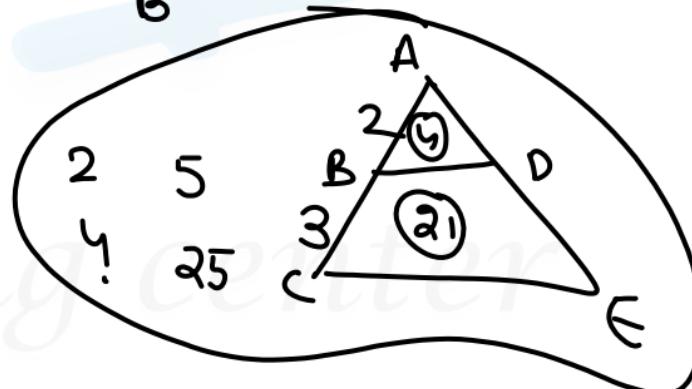
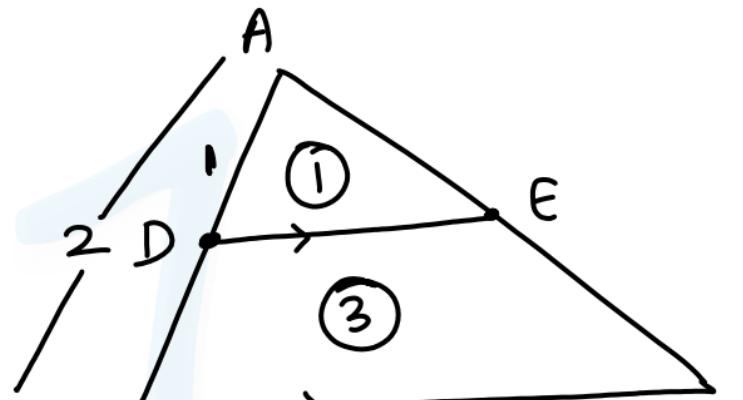
i) $DE \parallel BC$

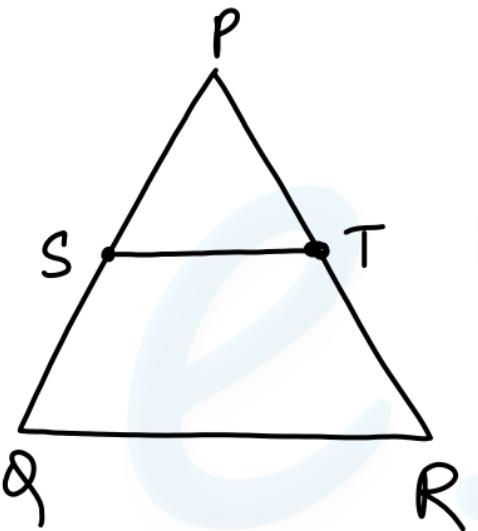
ii) $\frac{\text{Small}}{\text{Big}} = \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC} = \frac{1}{2}$

iii) $\triangle ADE \sim \triangle ABC$



$$\begin{array}{ccc}
 & ADE & ABC \\
 1D & 1 & . \\
 2D & (1)^2 & . \\
 & 1 & (2)^2 \\
 & & 4
 \end{array}$$





18. PQR is a triangle. S and T are the midpoints of the sides PQ and PR respectively. Which of the following is TRUE?

- a) Triangle PST is similar to triangle PQR.
b) $ST = \frac{1}{2}(QR)$ c) ST is parallel to QR d) All

PQR एक त्रिभुज है। S तथा T क्रमशः भजाओं PQ तथा PR के मध्य बिंदु हैं। निम्नलिखित में से कौन सा सत्य है?

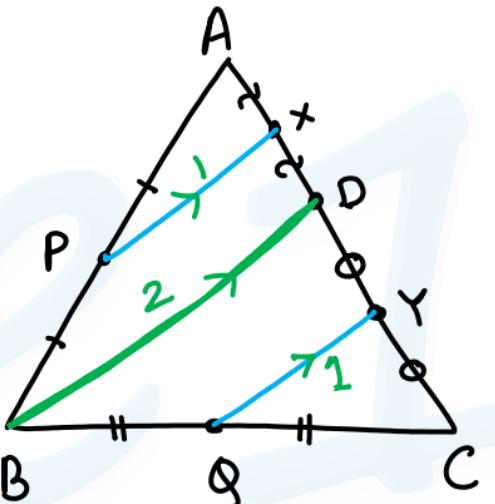
- a) त्रिभुज PST त्रिभुज PQR के समरूप है।
b) $ST = \frac{1}{2}(QR)$
c) ST, QR के समान्तर हैं।
d) सभी

coaching center

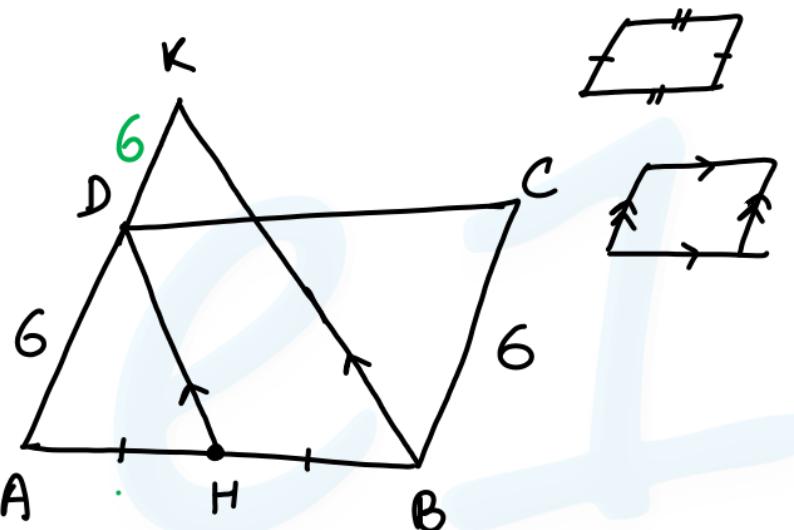
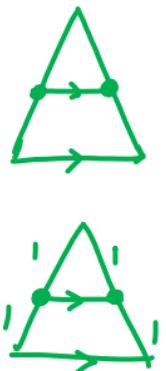
19. D is any point on side AC of $\triangle ABC$. If P, Q, X, Y are the mid points of AB , BC , AD and DC respectively, then the ratio of PX and QY is:

$\triangle ABC$ की भुजा AC पर
एक बिंदु D है। अगर बिंदु
 P, Q, X, Y क्रमशः भुजाओं
 AB, BC, AD और DC के
मध्य बिंदु हैं तो PX और
QY का अनुपात पता करो।

- a) 1:2 b) 1:1
c) 2:1 d) 2:3



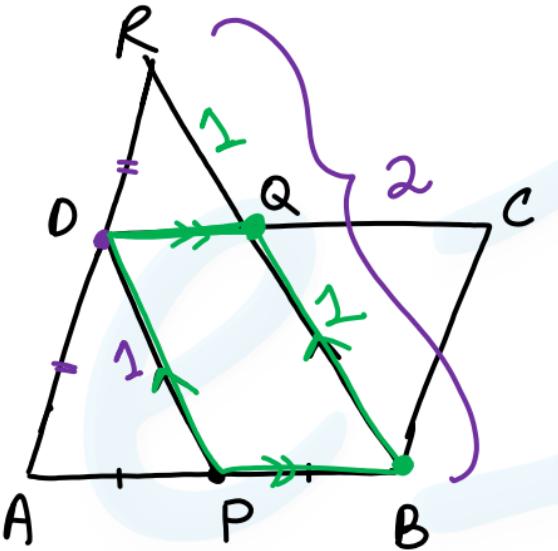
coaching center



20. In a parallelogram $ABCD$, the mid-point of AB is H . The line parallel to DH and passing through B meets extended AD at K . If $BC = 6\text{ cm}$, then DK is

किसी समान्तर चतुर्भुज $ABCD$ में भुजा AB का मध्ये बिंदु H है। एक रेखा जो DH के समान्तर है और बिंदु B से होकर गुजरती है, बढ़ी हई भुजा AD को बिंदु K पर मिलती है। अगर $BC = 6\text{cm}$ है तो DK की लम्बाई पता करो।

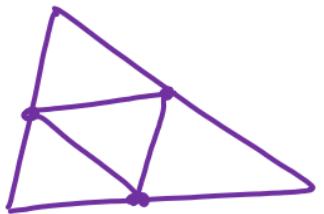
- a) 10 cm
- b) 4 cm
- c) 8 cm
- d) 6 cm



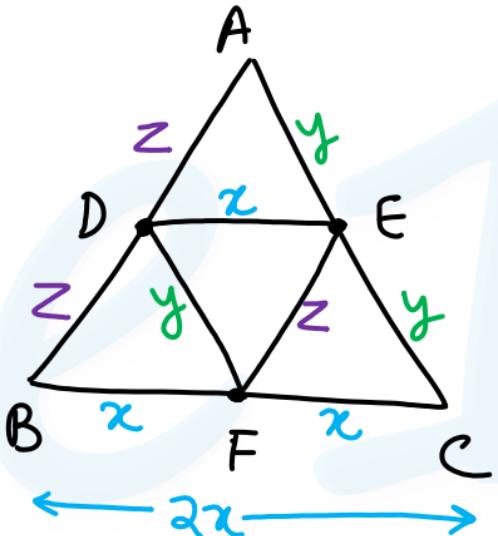
21. In a parallelogram ABCD, P is mid-point of side AB. From B a line parallel to PD is drawn which cut DC at Q and meet extended line of AD at R then $BR = ?$

एक समांतर चतुर्भुज ABCD की भुजा AB का मध्यबिन्दु P हैं। B से PD के समांतर एक रेखा खींची जाती है जो DC का Q पर तथा AD को बढ़ाने पर R पर मिलती है, तो $BR = ?$

- a) BQ
- b) $\frac{1}{2}BQ$
- c) ~~$2BQ$~~
- d) None



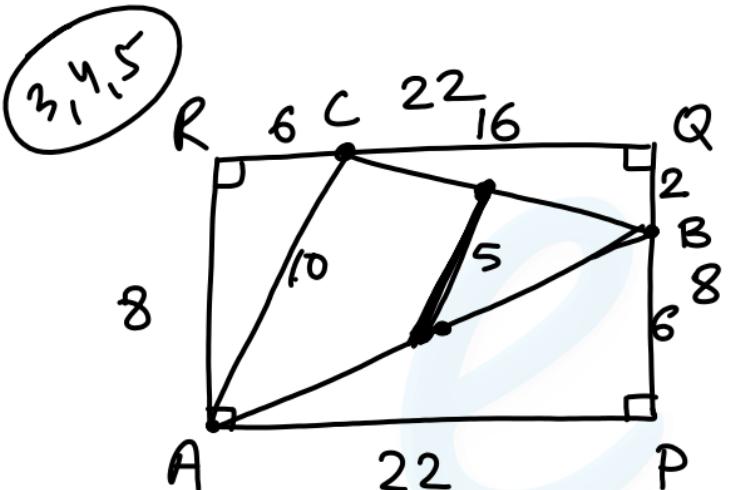
SSS Rule



22. The four triangle formed by joining the pairs of mid points of the sides of a given triangle are congruent if the given triangle is:
- a) An isosceles triangle
 - b) An equilateral triangle
 - c) A right angled triangle
 - d) Of any shape

किसी त्रिभुज की भुजाओं के मध्य बिंदु मिलाने से जो चार त्रिभुज बनती है वे समरूप होती हैं अगर दी गयी त्रिभुज :

- a) समद्विबाहु हो
- b) समबाहु हों
- c) समकोण हों
- d) चाहे कैसी भी हो



23. $PQRA$ is a rectangle, $AP = 22\text{ cm}$, $PQ = 8\text{ cm}$. $\triangle ABC$ is a triangle whose vertices lie on the different sides of $PQRA$ such that $BQ = 2\text{ cm}$ and $QC = 16\text{ cm}$. Then the length of the line joining the mid points of the sides AB and BC is

$PQRA$ एक आयत है, $AP = 22$ से. मी., $PQ = 8$ से. मी. है। $\triangle ABC$ एक त्रिभुज है जिसके शीर्ष $PQRA$ की विभिन्न भुजाओं पर इस तरह से मिलते हैं कि $BQ = 2$ से. मी. और $QC = 16$ से. मी. है। AB और BC भुजाओं की मध्य बिन्दुओं पर मिलने वाली रेखा की लम्बाई होगी

- a) $4\sqrt{2}\text{ cm}$
- b) ~~5 cm~~
- c) 6 cm
- d) 10 cm

Twisted triangle:

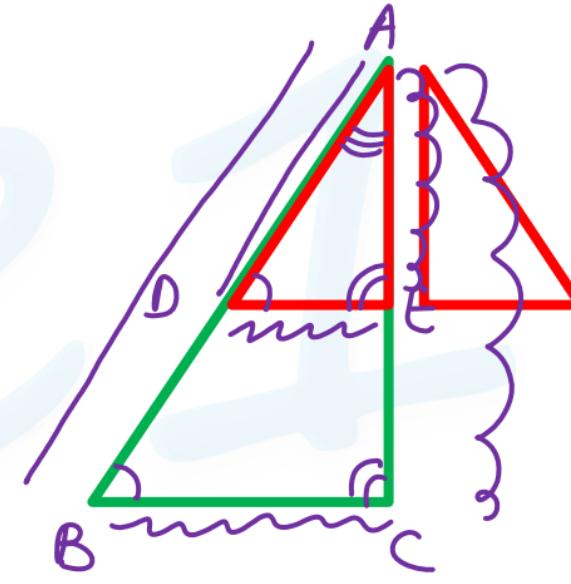
Case ①:

$$\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$$

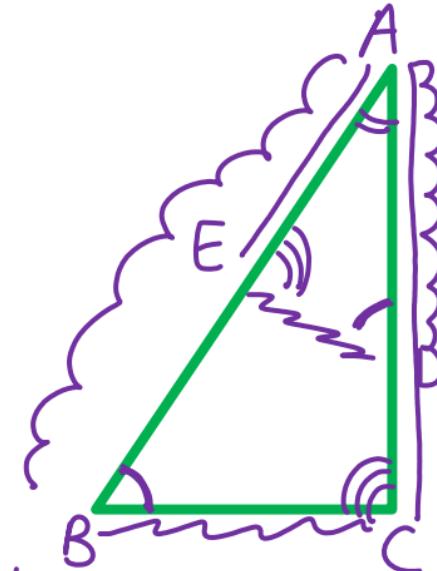
Case ②

$$\triangle DAE \sim \triangle BAC$$

$$\frac{AE}{AC} = \frac{AD}{AB} = \frac{ED}{BC}$$



①

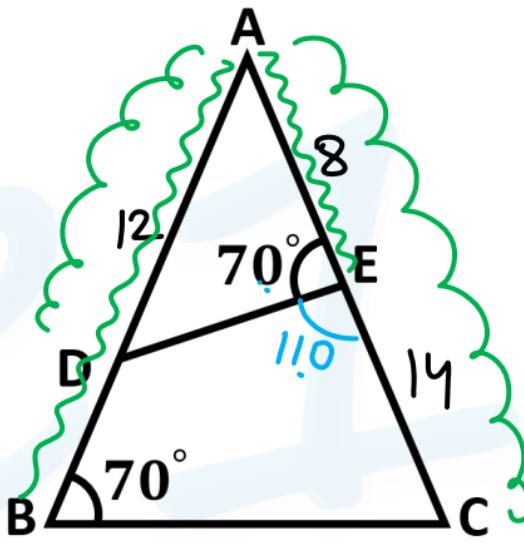


②

$$\frac{\frac{3}{12}}{22} = \frac{8^2}{AB}$$

$$AB = \frac{44}{3}$$

$$\frac{44}{3} - 12 = \frac{8}{3}$$



1. In the given figure, If $AD = 12\text{cm}$, $AE = 8\text{cm}$ and $EC = 14\text{cm}$, then what is the value in (in cm) of BD ?

दी गई आकृति में, यदि $AD = 12\text{cm}$, $AE = 8\text{cm}$ तथा $EC = 14\text{cm}$ है, तो BD का मान (cmमें) क्या है?

a) $\frac{50}{3}$

b) 15

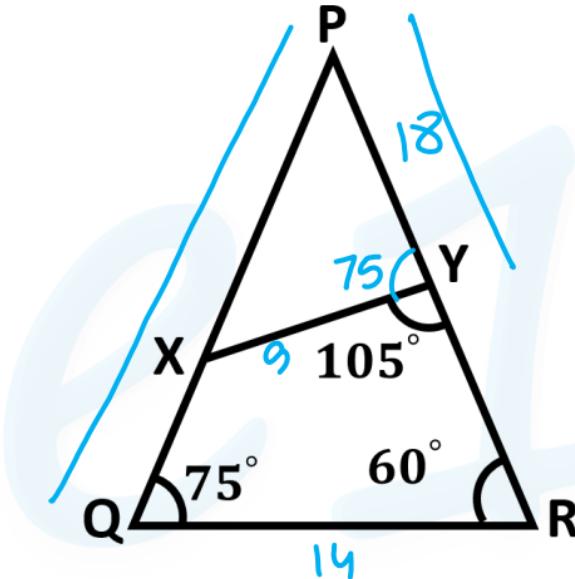
c) $\frac{8}{3}$

d) $\frac{44}{3}$

coaching center

$$\frac{18}{PQ} = \frac{9}{14}$$

$\times 2$



2. In the given figure, if $\frac{QR}{XY} = \frac{14}{9}$ and $PY = 18\text{cm}$, then what is the value (in cm) of PQ ?

दी गई आकृति में, यदि $\frac{QR}{XY} = \frac{14}{9}$ और $PY = 18\text{cm}$ है, तो PQ का मान (cm में) क्या है?

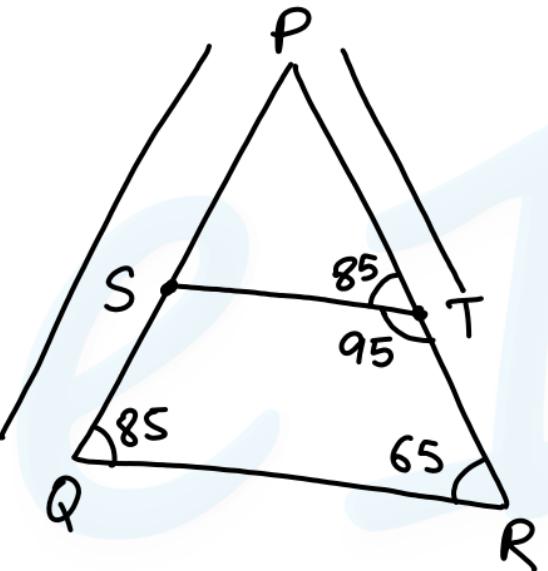
- a) 28
- b) 18
- c) 21
- d) 24

coaching center

$$\frac{PT}{21.6} = \frac{5}{9}$$

2.4

$$PT=12$$



3. In $\triangle PQR$, $\angle Q = 85^\circ$ and $\angle R = 65^\circ$. Points S and T are on the sides PQ and PR respectively such that $\angle STR = 95^\circ$ and the ratio of \underline{QR} and \underline{ST} is 9:5. If $PQ = 21.6\text{ cm}$, then the length of PT is:

किसी त्रिभुज PQR में $\angle Q = 85^\circ$ और $\angle R = 65^\circ$ है। बिंदु S और T क्रमशः PQ और PR पर स्थित हैं जहाँ $\angle STR = 95^\circ$, तथा QR और ST का अनुपात 9:5 है। यदि $PQ = 21.6\text{ cm}$, तो PT की लम्बाई ज्ञात करो?

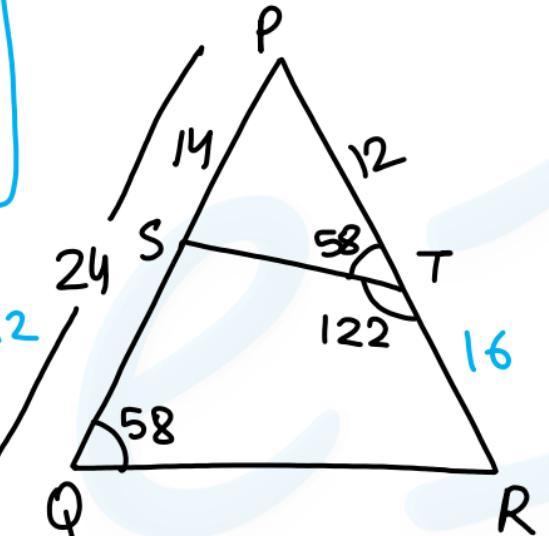
- a) 10.5 cm
- b) 9.6 cm
- c) 12 cm
- d) 9 cm

$$\frac{PT}{PQ} = \frac{PS}{PR}$$

$$2 \times \left(\frac{12}{24} = \frac{14}{PR} \right) \times 2$$

\downarrow

28



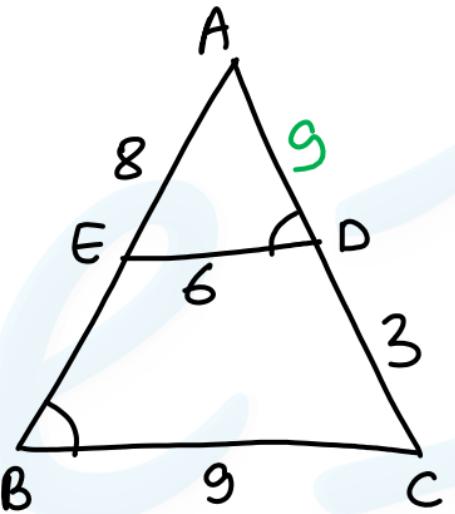
4. In $\triangle PQR$, $PQ = 24$ cm and $\angle Q = 58^\circ$. S and T are the points on side PQ and PR respectively, such that $\angle STR = 122^\circ$. If $PS = 14$ cm and $PT = 12$ cm, then the length of RT is :

ΔPQR में, $PQ = 24$ cm और $\angle Q = 58^\circ$ । S और T क्रमशः भुजा PQ और PR पर स्थित ऐसे बिंदु हैं कि $\angle STR = 122^\circ$ । यदि $PS = 14$ cm और $PT = 12$ cm, तो RT की लम्बाई ज्ञात कीजिये।

- a) 14.8 cm
- b) 16 cm
- c) 15 cm
- d) 16.4 cm

$$\frac{2}{\cancel{6}} = \frac{\cancel{8}}{AC} \Rightarrow AC = 12$$

$\frac{2}{\cancel{6}} = \frac{8}{x}$



5. In $\triangle ABC$, D and E are the points on sides AC and AB respectively such that $\angle ADE = \angle B$. If $AE = 8\text{cm}$, $CD = 3\text{cm}$, $DE = 6\text{cm}$ and $BC = 9\text{cm}$, then AD is equals to:

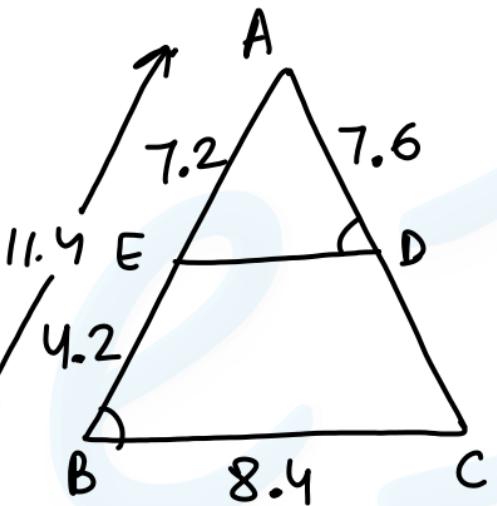
$\triangle ABC$ में, D और E क्रमशः भुजा AC और AB पर बिंदु हैं जिससे की $\angle ADE = \angle B$ । यदि $AE = 8$ सेमी, $CD = 3$ सेमी, $DE = 6$ सेमी और $BC = 9$ सेमी हैं तो AD का मान ज्ञात करें:

- a) 8 cm
- b) 6 cm
- c) 9 cm
- d) 7.5 cm

$$\frac{11.4}{11.4} = \frac{DE}{8.4}$$

$$1 = \frac{DE}{8.4}$$

$$DE = 8.4$$



6. In ΔABC , D and E are the points on sides AC and AB respectively such that $\angle ADE = \angle B$. If $AD = 7.6\text{cm}$, $AE = 7.2\text{cm}$, $BE = 4.2\text{cm}$ and $BC = 8.4\text{ cm}$ then DE is equal to :

ΔABC में, D और E क्रमशः AC और AB पर बिंदु हैं जिससे $\angle ADE = \angle B$, यदि $AD = 7.6$ सेमी, $AE = 7.2$ सेमी, $BE = 4.2$ सेमी, $BC = 8.4$ सेमी , तो DE का मान ज्ञात करें:

- a) 6.3 cm
- b) 5.6 cm
- c) 7.4 cm
- d) 5.6 cm

$$\frac{DE}{BC} = \frac{AE}{AB} = \frac{AD}{AC}$$

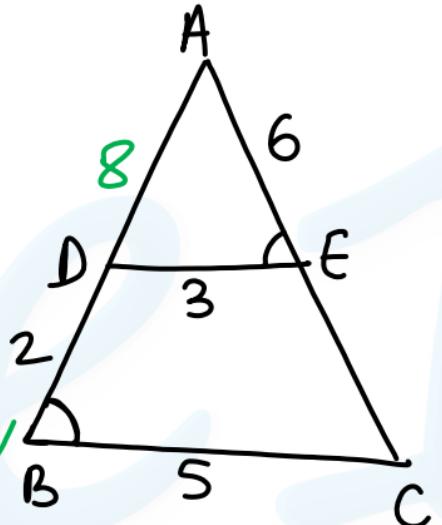
$$\frac{3}{5} = \frac{6}{AB}$$

$\times 2$
 $\cancel{3} \quad \cancel{6}$
 $\cancel{\times 2} \quad AB$

$$\frac{3}{5} = \frac{8}{AC}$$

$$\Rightarrow AC = \frac{40}{3}$$

$$10 + \frac{40}{3} = \frac{70}{3}$$



7. In $\triangle ABC$, D and E are the points on the sides AB and AC, respectively such that $\angle AED = \angle ABC$, if $AE = 6 \text{ cm}$, $BD = 2 \text{ cm}$, $DE = 3 \text{ cm}$ and $BC = 5 \text{ cm}$, $(AB + AC)$ is equal to:

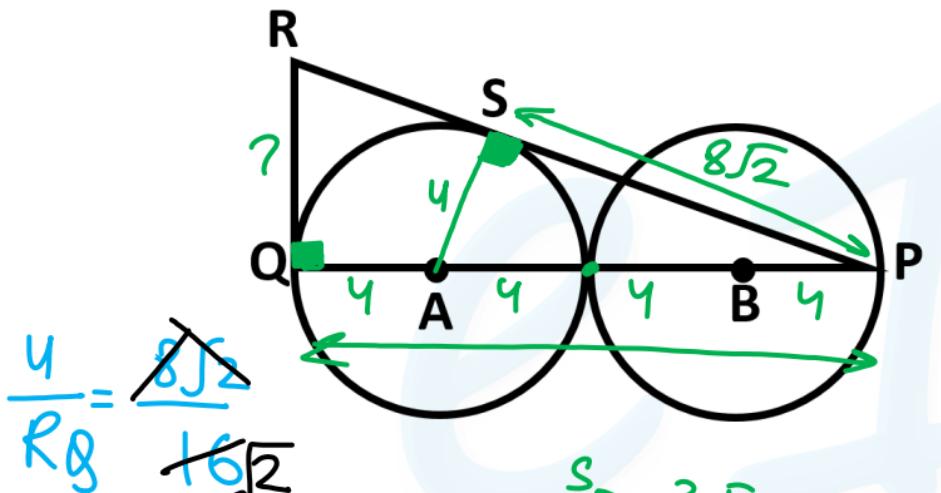
$\triangle ABC$ में, और E क्रमशः भजा AB और AC पर एसे बिंदु हैं, कि $\angle AED = \angle ABC$ है। यदि $AE = 6 \text{ cm}$, $BD = 2 \text{ cm}$, $DE = 3 \text{ cm}$ और $BC = 5 \text{ cm}$, है तो $(AB + AC) \text{ } \underline{\hspace{2cm}}$ cm के बराबर होगा।

a) $\frac{86}{3}$

b) $\frac{49}{3}$

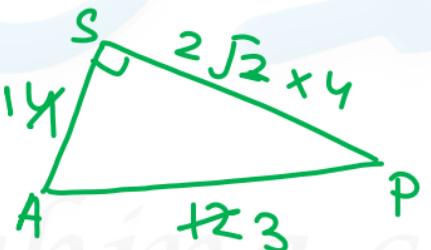
c) $\frac{50}{3}$

d) $\frac{70}{3}$



$$\frac{4}{RQ} = \frac{8\sqrt{2}}{16\sqrt{2}}$$

$$4\sqrt{2} = RQ$$



8. In the given figure, two identical circles of radius 4cm touch each other, A and B are the centres of the two circles, if RQ is a tangent to the circle, then. What is the length (in cm) of RQ?

दी गई आकृति में, दो सामान वृत्त जिनकी त्रिज्या 4 cm है, एक दुसरे को सपर्श कर रहे हैं। दोनों वृत्तों के केंद्र A तथा B हैं। यदि RQ वृत्त पर एक सपर्शरेखा है, तो RQ की लम्बाई (cm में) क्या है?

- a) $3\sqrt{3}$
- b) $2\sqrt{6}$
- c) ~~$4\sqrt{2}$~~
- d) $\frac{16}{3}$

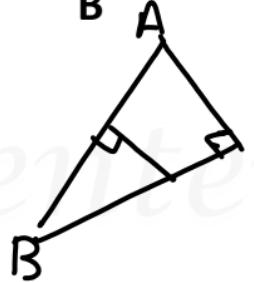
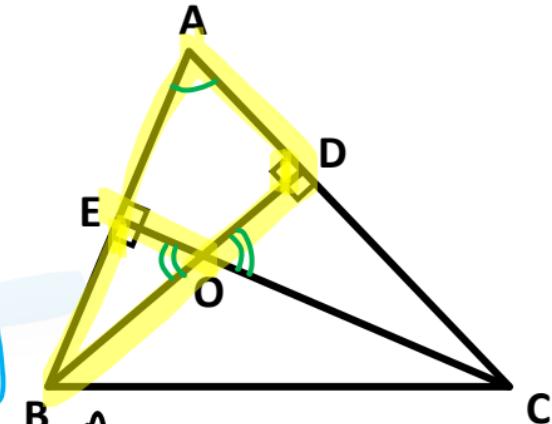
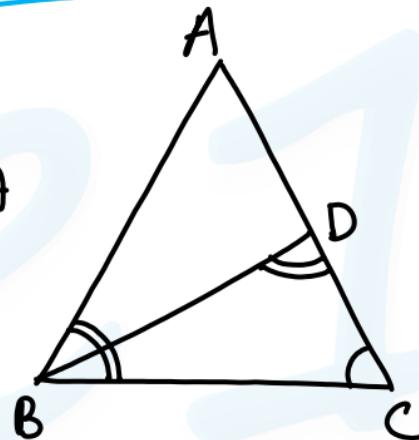
Two \angle s equal (One angle common & one equal):

$$\angle ABC = \angle BDC$$

$$\triangle CDB \sim \triangle CBA$$

I) $\triangle DAB \sim \triangle EAC$

II) $\triangle EOB \sim \triangle DOC$

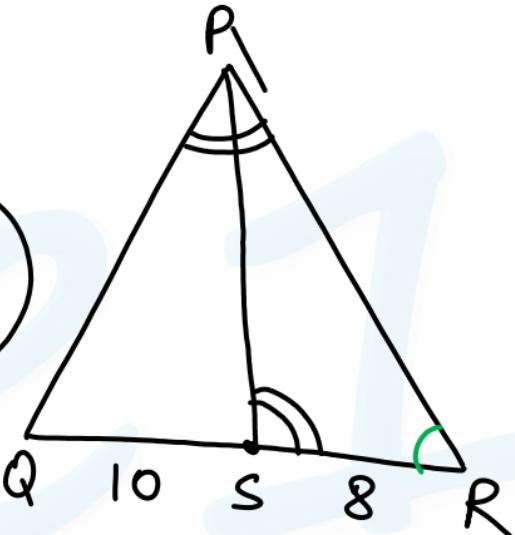


$$\overset{\curvearrowleft}{RSP} \sim \overset{\curvearrowleft}{RPQ}$$

$$\frac{8}{PR} = \frac{PR}{18} = \frac{S.P}{PQ}$$

\times

$$\Rightarrow 144 = PR^2$$



q. If S is a point on side QR of a triangle PQR such that $QS = 10\text{cm}$, $QR = 18\text{cm}$ and $\angle PSR = \angle QPR$, then the length of PR will be:

यदि त्रिभुज PQR की भुजा QR पर बिंदु S इस प्रकार स्थित है कि $QS = 10\text{cm}$, $QR = 18\text{cm}$ और $\angle PSR = \angle QPR$ है, तो PR की लम्बाई जात करें।

- a) 16 cm
- b) 12 cm
- c) 15 cm
- d) 14 cm

coaching center

$$\triangle CBD \sim \triangle ABC$$

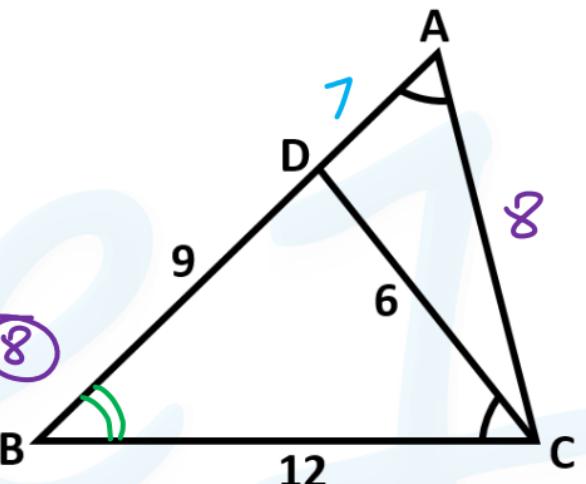
$\frac{12}{AB} = \frac{9}{12} = \frac{6}{AC}$

$\frac{12}{AB} = \frac{9}{12} \quad \text{Multiplying by } 4 \times 3$

$\frac{12}{AB} = \frac{6}{AC} \quad \text{Multiplying by } \times 2$

$\frac{12}{AB} = \frac{16}{AC}$

$\boxed{16}$



10. Consider the triangle ABC shown in the following figure where $BC = 12\text{cm}$, $DB = 9\text{ cm}$, $CD = 6\text{ cm}$ and $\angle BCD = \angle BAC$. What is the ratio of the perimeter of the triangle ADC to that of the triangle BDC?

निम्न दिए गए त्रिभुज ABC में $BC = 12\text{cm}$, $DB = 9\text{ cm}$, $CD = 6\text{ cm}$ और $\angle BCD = \angle BAC$ हैं। त्रिभुज ADC और त्रिभुज BDC के परिमापों का अनुपात क्या होगा?

- a) $\frac{7}{9}$
- b) $\frac{8}{9}$
- c) $\frac{6}{9}$
- d) $\frac{5}{9}$

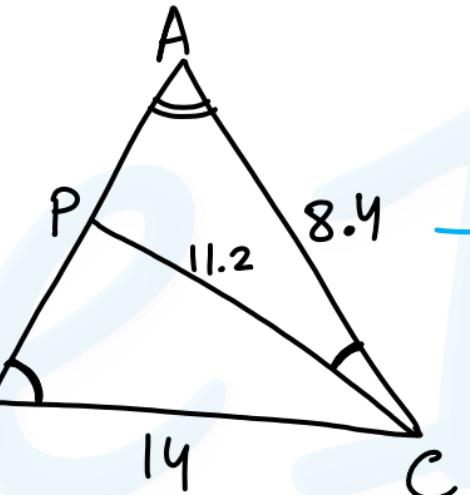
CAP ~ BAC

$$\frac{8.4}{BA} = \frac{AP}{8.4} = \frac{4}{14}$$

$$\frac{2.1}{4} = \frac{8.4 \times 5}{BA}$$

$$= 10.5$$

$$AP = \frac{8.4 \times 4}{5} \times \frac{2}{2} = 6.72$$



$$\begin{array}{r} 1050 \\ - 672 \\ \hline 378 \end{array}$$

11. In $\triangle ABC$, $AC = 8.4\text{cm}$ and $BC = 14\text{cm}$. P is a point on AB such that $CP = 11.2\text{cm}$ and $\angle ACP = \angle B$. What is the length (in cm) of BP ?

$\triangle ABC$ में $AC = 8.4\text{cm}$ और $BC = 14\text{cm}$ हैं। P, AB पर एक ऐसा बिंदु है जिससे $CP = 11.2\text{cm}$ और $\angle ACP = \angle B$ होता है। BP की लम्बाई क्या होगी?

- a) 3.78 b) 4.12
c) 3.6 d) 2.8

$\overset{\text{EAD}}{\text{~}} \sim \overset{\text{CAB}}{\text{~}}$

$$\frac{24}{CA} = \frac{AD}{18} =$$

$$\Rightarrow \frac{24}{11+x} = \frac{x}{18}$$

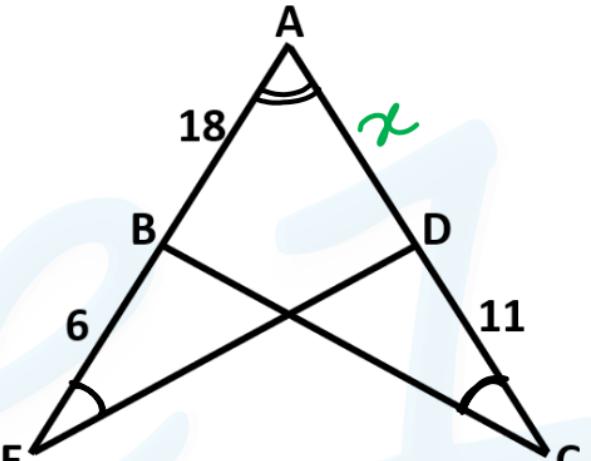


$$x^2 + 11x - 18 \times 24 = 0$$

$$\begin{array}{r} 8 \cancel{24} \\ 9 \cancel{27} \\ \hline 189 \end{array}$$

$$-11$$

$$\begin{array}{r} -18 \times 24 \\ 6 \times 3 \\ 2 \times 3 \\ \hline 8 \times 1 \\ 2 \times 2 \\ \hline \end{array}$$



12. In the below figure, $AB = 18 \text{ cm}$, $BE = 6 \text{ cm}$ and $CD = 11 \text{ cm}$. if $\angle AED = \angle ACB$, then find the length of side AD (in cm).

निम्न आकृति में, $AB = 18 \text{ cm}$, $BE = 6 \text{ cm}$ और $CD = 11 \text{ cm}$ हैं। अगर $\angle AED = \angle ACB$ हैं तो AD (cm में) की लम्बाई पता करो।

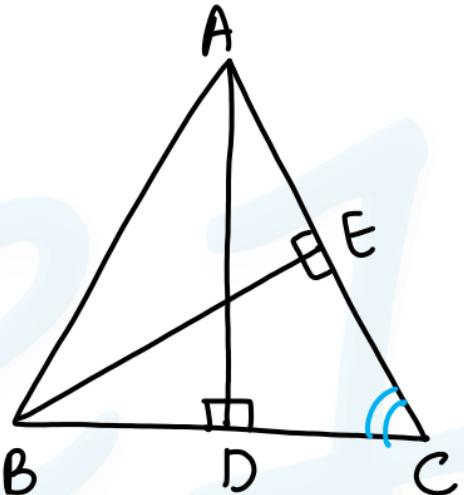
- a) 27 b) 16
c) 12 d) 18

(16), -27

$$\widehat{CDA} \sim \widehat{CEB}$$

$$\frac{CD}{CE} = \frac{DA}{EB} = \frac{CA}{CB}$$

$$CD \times CB = CE \times AC$$



13. In a triangle ABC, AD is perpendicular to BC and BE is perpendicular to AC. Which one of the following is correct?

त्रिभुज ABC में AD लम्ब है BC पर, और BE लम्ब है AC पर। निम्नलिखित में से कौनसा एक सही है?

- a) $CE \times CB = CA \times CD$
- ~~b) $CE \times CA = CD \times CB$~~
- c) $AD \times BD = AE \times BE$
- d) $AB \times AC = AD \times BE$

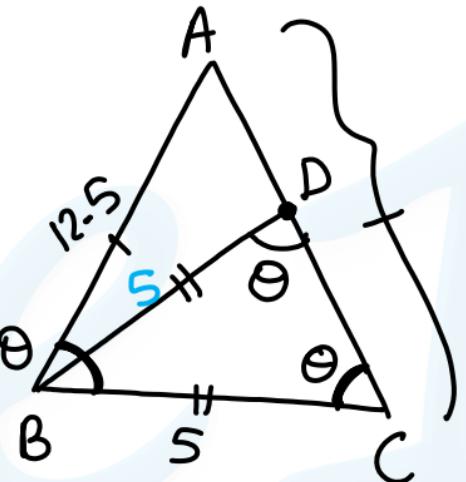
coaching center

$$\text{CBA} \sim \text{CDB}$$

$$\frac{5}{DC} = \frac{12.5}{5} = \frac{CA}{5}$$



$$2 = \frac{25}{12.5} = DC$$



14. In ΔABC , $AB = AC$ and D is a point on side AC such that $BD = BC$. If $AB = 12.5\text{cm}$ and $BC = 5\text{cm}$, then what is the measure of DC ?

ΔABC में, $AB = AC$ और D , भुजा AC पर एक बिंदु है जिसमें कि $BD = BC$ । यदि $AB = 12.5$ सेमी और $BC = 5$ सेमी, तो DC का माप ज्ञात कीजिये?

- a) 2.5 cm
- b) 3 cm
- c) 1.8 cm
- d) 2 cm